



მე მიყვარს  
**მათემატიკა**

6

ეასცავლაპლის ციგნი

მარტინა ლენცე  
მაქს შრიოდერი  
ბერნდ ვურლი  
ალექსანდერ ვინანდსი

მარტინა ლენცე  
მაქს შრიოდერი  
ბერნდ ვურლი  
ალექსანდერ ვინანდსი

# მე მიყვარს მათხმატიკა

მასწავლებლის წიგნი

## VI კლასი

გრიფმინიჭებულია საქართველოს განათლებისა და  
მეცნიერების სამინისტროს მიერ 2018 წელს

## ავტორებისგან

ჩვენი სახელმძღვანელოს წიგნის კონცეფცია, შინაარსი და მეთოდიკა ქართულ ენაზე თარგმნისა და რედაქტირების შემდეგ, სრულად შეესაბამება ქართულ ეროვნულ სასწავლო გეგმას. ეს არის სასწავლო-მეთოდოლოგიური რესურსების კრებული, რომელიც დიდად დაეხმარება პედაგოგებს მიზნის მიღწევაში.

ჩვენი მეთოდოლოგიური კრებული შედგება სამი ნაწილისგან:

**ნაწილი I:** გადმოცემულია სახელმძღვანელოს კონცეფცია და ზოგადი მიმოხილვა მომდევნო ნაწილების შესახებ.

**ნაწილი II:** მასწავლებლებს დაეხმარება გაკვეთილის ეფექტურად დაგეგმვაში. აქ მოცემულია ყველა თავის/თემის განმარტებები, რეკომენდაციები, კონკრეტული შენიშვნები, როგორც საგნობრივი და მეთოდურ-დიდაქტიკური კუთხით, ასევე დამხმარე მასალის წყაროები და რეკომენდაციები კლასგარეშე და საგანთაშორისი აქტივობებისთვის (სახელმძღვანელოში საკმაოდ ბევრია ინტეგრირებული გაკვეთილი).

**ნაწილი III:** აქ მოცემული დამხმარე მასალები შეგვიძლია გამოვიყენოთ ახალ თემაზე გადასვლამდე, მოსწავლეთა დამოუკიდებელი და ინდივიდუალური (საგანგებოდ მათ მზაობაზე მორგებული) მუშაობისთვის.

სამივე ნაწილი ერთად თვალსაჩინოებების, დამხმარე მასალებისა და რეკომენდაციების ვრცელი ნაკრებია, რომელიც პედაგოგს დაეხმარება, როგორც საგნის სწავლა/სწავლების გრძელვადიანი სტრატეგიის ჩამოყალიბებაში, ასევე ცალკეული გაკვეთილის დაგეგმვაში. წიგნში მოცემული რეკომენდაციები მრავალწლიანი გამოცდილების შედეგია და წარმატებით გამოიყენება გერმანულენოვან (და არა მხოლოდ) ქვეყნებში.

ჩვენი სახელმძღვანელოს უპირატესობა კიდევ ისაა, რომ კონცეფცია შესანიშნავად არის მორგებული ჰეტეროგენულ კლასებზე და ხელს უწყობს მასწავლებლის გადაყვანას ინსტრუქტორის როლიდან დამკვირვებლისა და სასწავლო პროცესის თანამონანილის როლში. ამასთან ერთად, მათემატიკის გაკვეთილის ერთ-ერთი უმნიშვნელოვანესი მიზანია მათემატიკის დაკავშირება მოსწავლეთა ყოველდღიურ ცხოვრებასთან. ჩვენი მეთოდით მოსწავლეები ნაცნობ, ყოველდღიურ მოვლენებს მათემატიკური პერსპექტივიდან შეხედავენ, ავთენტურ პრობლემებს მათემატიკის ენაზე გადათარგმნიან, მათემატიკური მეთოდებით ამოხსნიან და ბოლოს, შეამოწმებენ, რამდენად გამოიყენება მიღებული შედეგები ყოველდღიურობაში.

გისურვებთ წარმატებას!

## მე მიყვარს მათემატიკა

მარტინა ლენცე  
მაქს შრიოდერი  
ბერნდ ვურლი  
ალექსანდერ ვინანდსი

ყველა უფლება დაცულია  
გერმანული სავტორო უფლება:

© Bildungshaus Schulbuchverlage Westermann Schroedel  
Diesterweg Schonningh Winklers GmbH Braunschweig/Germany  
ქართული საავტორო უფლება:

© ელფის გამომცემლობა, 2017  
ISBN 978-9941-475-20-7

გამოცემის წელი: 2018  
პირველი გამოცემა

[www.mathematics.elf.ge](http://www.mathematics.elf.ge)<sup>1</sup>

მისამართი: კარტოზიას ქ. 8  
თბილისი 0177  
ტელეფონი: (032)2923570  
ელფოსტა: office@elf.ge

<sup>1</sup>[www.mathematics.elf.ge](http://www.mathematics.elf.ge) ამ ინტერნეტბმულზე შეგიძლიათ მასწავლებლის წიგნის ამობეჭდვა.

## **ნაცილი I: სახელმძღვანელოს კონცეფცია**

1. 1. სწავლების ძირითადი პრინციპები და მათი გამოყენება	4
1.2. ზოგადი მითითებები და რეკომენდაციები	5
1.2.1 ახალ თემაზე გადასვლა	5
1.2.2. წაიკითხე-გაიაზრე-ამოხსენი (წგა)	5
1.2.2.1. მოდელირების ხელშეწყობა	5
1.2.2.2. აღმოჩენით სწავლა/სწავლება	6
1.2.2.3. თემების დამუშავება კეთებით	7
1.2.3. ვარჯიში და განმტკიცება	7
1.2.4. საბაზისო ცოდნის განმტკიცება	8
1.2.5 ისწავლე-დააკავშირე-ამოიყენე (იდგ)	8
1.2.6. დიფერენცირება	9
1.2.7 ცოდნის დონის შესამოწმებელი აქტივობა	9
1.3 დამატებითი მასალა შინაარსებისა და მიზნების რუკა	10
<b>1.4. მოსწავლეთა შეფასება</b>	
1.4.2. საკონტროლო წერის ჩატარება	15
1.4.1. მეორე საკონტროლო წერის მნიშვნელობა	15
1.4.3. საკონტროლო წერის შეფასება	15
1.4.4. საკონტროლო წერის ნიმუშები	18

## **ნაცილი II: ინფორმაცია მოსწავლის ნიგნია მუშაობისთვის**

ზოგადი მითითებანი თავის შესახებ	28
რეკომენდაციები საგაკვეთილო პროცესთან დაკავშირებით	
<b>თავი 1: რიცხვები, სიღილეები და გაყოფადობა</b>	29
<b>თავი 2: ნილადები და ათილადები (1)</b>	36
<b>თავი 3: გაომატრიული გარდაქმნები</b>	44
<b>თავი 4: ნილადები და ათილადები (2)</b>	48
<b>თავი 5: ფართობი და მოცულობა</b>	54
<b>თავი 6: ნილადები და ათილადები (3)</b>	66
<b>თავი 7: მონაცემთა ანალიზი და სტატისტიკა</b>	66
<b>თავი 8: ნილადები და ათილადები (4)</b>	70
<b>ნაცილი III: დამატებითი მასალა მოსწავლის ნიგნისთვის</b>	
<b>3.1. მასწავლებლისთვის განკუთვნილი სამუშაო მასალები</b>	76
<b>3.2. პასუხები<sup>1</sup></b>	145

<sup>1</sup> აქ მოცემულია წგა, დიფერენცირებული დავალებებისა და თავსატეხების პასუხები. იდგ-ს პასუხებს ნახავთ სახელმძღვანელოს ბოლოში. მოთხოვნის შემთხვევაში გამომცემლობა მოგაწვდით ნებისმიერი დავალების პასუხს.

## ნაცილი I: სახელმძღვანელოს კონცეფცია

### 1. 1. სწავლების ძირითადი პრინციპები და მათი გამოყენება

სწავლა/სწავლება აქტიური და კონსტრუქტიული პროცესია. ახალი შინაარსები ერწყმის ნასწავლ თემებს და ყალიბდება ცოდნის ახალი სტრუქტურა. ეს პროცესი ინდივიდუალურია. ახალ შინაარს ყოველი მოსწავლე უკავშირებს თავის ცოდნას, რომელიც თითოეულისთვის თავისებური და განსხვავებულია. აქედან გამომდინარე, მათემატიკის გაკვეთილზე წინ უნდა წამოვნიოთ ცოდნის სტრუქტურის ჩამოყალიბებისთვის საჭირო საკითხები ისე, რომ ყველა მოსწავლეს მიეცეს საშუალება, ღრმად ჩასწოდეს და გაიაზროს ახალი შინაარსები. ამ მიზნით სახელმძღვანელოში მოცემულია გამოყენებითი ამოცანები და კითხვები, რომლებიც მოსწავლებს საინტერესო დისკუსიის კენ უბიძგებს. ამასთან, მყარი საფუძვლის შესაქმნელად აქტიურად ვიყენებთ მოსწავლეთა წინარე ცოდნას.

სწავლა/სწავლების პროცესი ყველაზე წარმატებული მაშინაა, როცა იგი ეყრდნობა პასუხისმგებლობასა და თვითორგანიზებას. გაკვეთილზე ამ სულისკვეთების შექმნაში გვეხმარება აღმოჩენით **სწავლა/სწავლება**, რომელიც გულისხმობს მოსწავლეთა მაქსიმალურად აქტიურ ჩართულობას საგაკვეთილო პროცესში. ჩვენი სახელმძღვანელო იძლევა მასწავლებლის ინსტრუქტორის როლიდან დამკვირვებლისა და სასწავლო პროცესის თანამონაწილის როლში გადაყვანის საშუალებას. აქედან გამომდინარე, შეძლებისდაგვარად, უნდა ვერიდოთ თემების დაწვრილებით ახსნას. სახელმძღვანელოში ისეთი დავალებებია წარმოდგენილი, რომ მოსწავლეები თავად შეძლებენ ახალი შინაარსების ახსნასა და გაგებას. ამასთანავე მეცნიერულად დადგინდა, რომ დაბალი მზაობის მოსწავლეებისთვისაც კი უფრო მისაღებია გაკვეთილის ამგვარი მოდელი, რადგან საკუთარი ხერხების გამოყენების საშუალება აქვთ.

სწავლის პროცესი უნდა იყოს ინტერაქტიული, როგორც შინაარსებზე მუშაობისას, ასევე დისკუსიის დროს. გაკვეთილზე უნდა შევქმნათ **კოოპერაციული სამუშაო გარემო**, რათა მოსწავლეებმა თავისუფლად შეძლონ ცოდნის მიღება, აზრების გასაგებად გადმოცემა, თავიანთი იდეების არგუმენტებით გამყარება და სხვების არგუმენტების გაგება. სახელმძღვანელოში წყვილებსა და ჯგუფებში მუშაობის დავალებები იმგვარადაა შედგენილი, რომ მოსწავლეებმა სიამოვნებით იმუშაონ. ეს ძალიან მნიშვნელოვანია არა მხოლოდ ცოდნის, არამედ მათი ვერბალური უნარების (რაც ყოველდღიურ ცხოვრებაში აუცილებელია) განვითარებისთვის.

გაკვეთილის ერთ-ერთი უმნიშვნელოვანესი მიზანია **მათემატიკის დაკავშირება მოსწავლეთა ყოველდღიურ ცხოვრებასთან**, რამიც გვეხმარება ინტენსიური მუშაობა გამოყენებით დავალებებზე. ჩვენი მეთოდით მოსწავლეები წაცნობ, ყოველდღიურ მოვლენებს მათემატიკური პერსპექტივიდან შეხედავენ, ავთენტურ პრობლემებს მათემატიკის ენაზე გადათარგმნიან, მათემატიკური მეთოდებით ამოხსნიან და ბოლოს შეამონებენ, მიღებული შედეგები რამდენად გამოიყენება ყოველდღიურობისა და მათემატიკის დაკავშირება უკეთა შესაძლებელი, როდესაც მოტივირებული გამოყენებითი დავალებები სხვადასხვა მათემატიკური მოდელითა წარმოდგენილი. სახელმძღვანელოში მოცემულია მრავალი დავალება, რომელიც სხვადასხვა გზით ამოხსნება, რაც მოსწავლეებს ამოხსნის საკუთარი გზებისა და სტრატეგიების ძიებისკენ უბიძგებს. ყოველდღიურობაში არსებული მნიშვნელოვანი მათემატიკური კავშირების უკეთ აღქმაში მათ დაეხმარება აგრეთვე თვალსაჩინოებები და სურათ-ხატოვანი წარმოდგენები. მათი გამოყენებით ისინი შეძლებენ მათემატიკურად რელევანტური დამოკიდებულებების ადვილად გაგებას, დამტკიცებასა და გამოყენებას. მათემატიკურ-სიმბოლურ წარმოდგენებს მოსწავლეები წაბიჯ-წაბიჯ, მარტივად გააცნობირებენ და მას აღიქვამენ არა დაბრკოლებად, არამედ დამხმარე საშუალებად.

სწავლების პროცესში მნიშვნელოვანია **პოზიტიური განწყობა**. ყოველდღიურობაზე დაფუძნებული მრავალფეროვანი დავალებები მოსწავლეებს აღუძრავს ინტერესს და მიახვედრებს, რომ მათემატიკა პრაქტიკულ ცხოვრებაში აუცილებლად დასჭირდებათ. ამ პროცესში მთავარი მოტივაცია უნდა იყოს პრობლემების დამოუკიდებლად, საკუთარი ხერხებით გადაჭრის გამოცდილება და მიღწეული წარმატებები. გაკვეთილზე მასწავლებლისთვის მთავარ სირთულეს მოსწავლეთა გამოცდილებისა და ცოდნის განსხვავებული დონეები წარმოადგენს. მიუხედავად ინდივიდუალური მიდგომისა, თითქმის შეუძლებელია აბსოლუტურად თანაბარი შედეგის მიღწევა. ამ გამოწვევის დასაძლევად ჩვენი სახელმძღვანელო გთავაზობთ სავარჯიშოების ისეთ სტრუქტურას, რომლის დამუშავებაც შეიძლება სხვადასხვა მოთხოვნის დონეზე, სხვადასხვა საშუალებით და განსხვავებული მზაობის მქონე მოსწავლეებისთვის, რაც ამარტივებს წიგნზე დამოუკიდებლად მუშაობას და განაპირობებს რაც შეიძლება მეტი მოსწავლის წარმატების შანსსა და თავდაჯერებულობას.

შეიძლება ითქვას, რომ სწავლის პროცესში დაშვებული შეცდომები გვეხმარება კიდეც. მცდარ პასუხებსა და სტრატეგიებს ხშირად შინაარსის დედააზრამდე მივყავართ და უფრო ღრმად დაფიქრებისკენ გვიბიძგებს. შეცდომები პედაგოგს მოსწავლეთა წარმოდგენებისა და ლოგიკის გაგების საშუალებას აძლევს; უჩვენებს პროცესის განვითარების შესაძლებლობებსა და სასწავლო პოტენციალს. წიგნში მოცემული ლიატიპის დავალებებისთვის ამონახსნების ძიების პროცესი ისეთივე მნიშვნელოვანია, როგორც სწორი შედეგის მიღება. სახელმძღვანელოში წარმოდგენილი პროექტები კი მოსწავლეებს საკუთარი იდეების განვითარებისკენ, გამოცდისკენ, პრეზენტაციისა და დისკუსიისკენ უბიძგებს.

მათემატიკის საფუძვლიანად შესწავლის წინაპირობაა, როგორც მათემატიკის საფუძვლების გაგება და

ცოდნა, ასევე **საბაზისო არითმეტიკულ მეთოდებში** გაწაფვა. წიგნში მოცემული სავარჯიშოების ეფექტური ფორმები უზრუნველყოფს წინა კლასებში მიღებული ცოდნის განმტკიცებასა და გაღრმავებას. წიგნი ასევე მოიცავს კლასიურ მათემატიკურ მაგალითებს. თვითკონტროლის შესაძლებლობა, ყოველი თემის ბოლოს (ზოგან ორგან) მოცემული შემაჯამებელი სავარჯიშოები, ძირითადი წესები და ფორმულები ხელს უწყობს დამოუკიდებლად სწავლის პროცესს. მუშაობის ფორმები და ძირითადი მათემატიკური მეთოდები ურთიერთკავშირშია და სხვადასხვა კონტექსტში გამოიყენება. საკმარისად არ მიგვაჩნია მხოლოდ ცალკეული თემების ცოდნა. მოსწავლებმა უნდა დაინახონ და გაიგონ თემებს შორის კავშირიც. მხოლოდ ასეთი ცოდნის ბაზაზე ყალიბდება შემოქმედებითი, კრიტიკული აზროვნება და იქმნება მომავალში სწავლის ნარმატებით გაგრძელების ძირითადი წინაპირობები.

რადგან სკოლის ჭეშმარიტ დანიშნულებას სწავლა/სწავლება წარმოადგენს, **სწავლის/ნასწავლის შედეგების შემონმება მათემატიკის გაკვეთილის ძირითადი და განუყოფელი ნაწილია.** მოსწავლეებს უნდა ჰქონდეთ საკონტროლო წერისთვის კარგად მომზადების შესაძლებლობა. ამაში მათ დაეხმარება **პერიოდული რეფლექსია**, რომელიც მათი ცოდნის დონის შეფასებას გულისხმობს და ასევე აკონკრეტებს, რას უნდა ველოდიო მომავალში. წიგნში ყოველ თემას თან ახლავს საკმარისი რაოდენობის სავარჯიშოები. წინა თავებში გავლილი მასალა მეორდება, ახალი თემები გავლილ მასალასთან ურთიერთკავშირში განიხილება და უფრო ღრმად შეისწავლება. მასწავლებლის წიგნში მოცემულია ტესტები სადიაგნოსტიკო წერისთვის, რომელსაც თან ერთვის პასუხები.

## 1.2. ზოგადი მითითობები და რეკომენდაციები

### 1.2.1 ახალ თემაზე გადასვლა

ყოველი თავი იწყება ე.ნ. შესავალი გვერდით, რომელშიც მოსწავლეებისთვის ნაცნობი სიტუაციები ახალი პერსპექტივიდან განიხილება. მათ დასაინტერესებლად შეიძგის მიცემა (ვთქვათ, შესაბამისი კითხვის დასმა) ან დიალოგის წარმონება. უმეტესად, შეიძგისთვის წიგნში მოცემული სიტუაციები სრულიად საკმარისია. საკლასო დისკუსიისას ბავშვები კონკრეტულ დავალებაზე თავიანთ აზრებს/იდეებს აყალიბებენ, შემდეგ კი მცირე ჯაგუფებში უფრო დეტალურად განიხილავნ მანამ, სანამ მათ საბოლოო ვარიანტს მათემატიკურ მოქმედებებში არ გამოიყენებენ. გაკვეთილის ამ მცირე მონაცემთში მასწავლებელი უკვე საკმარისი ინფორმაციას იღებს იმის შესახებ, თუ რა წარმოდგენები, ასოციაციები და წინარე ცოდნა აქვთ მოსწავლეებს მოცემულ საკითხებზე. ზოგიერთი შესავალი გვერდი საკითხის კეთებით დამუშავებას მოითხოვს. ასეთ გვერდებზე მუშაობის გასამარტივებლად წიგნის მე-3 ნაწილში მოცემულია მათი ასლები. მეთოდურ ნაწილში უფრო დაწვრილებით არის მოცემული მითითებები ცალკეული თავების შესახებ.

### 1.2.2. ნაიკითხება-გაიაზრე-ამოხსენი (ზგა)

მოსწავლის წიგნი მოიცავს უამრავ პროექტსა და სავარჯიშოს ნიშნით **ზგა**. ამ ნიშნით მოცემულია ისეთი დავალებები, რომელთა უპირველესი მიზანი ზოგადი მათემატიკური კომპეტენციების განვითარებაა. ეს სავარჯიშოები წიგნში განიხილულ სხვადასხვა თემას ეხება, თუმცა ყველა მათგანი ემსახურება საერთო მიზანს, რომლის მისაღწევი მეთოდური რეკომენდაციები ქვემოთ არის ასენილი. ნიმუშისთვის განხილულია ზოგიერთი პროექტის საგაკვეთოლო პროცესის დაწვრილებითი გეგმა.

#### 1.2.2.1. მოდელირების ხელშეწყობა

მოდელირება მოითხოვს ავთენტური ამოცანების მათემატიკის ენაზე გადათარგმნასა და შესაბამისი მათემატიკური მეთოდით დამუშავებას. მოდელირებასთან დაკავშირებულ ნაიკითხება-გაიაზრე-ამოხსენი-დავალებებში (**ზგა**) მოსწავლეები იყენებენ თავიანთ წინარე ცოდნასა და გამოცდილებას, რაც მათ ახალი მათემატიკური იდეების, მოდელებისა და მეთოდების გაგება-განვითარებაში ეხმარება.

ზოგიერთ ზგა-დავალებას თან ახლავს თანმიმდევრული კითხვები, ცხრილები და სურათ-ხატოვანი წარმოდგენები, რაც მოსწავლეებს მოდელირების პროცესში ეხმარება. გარდა ამისა, ამ დავალებებზე მუშაობისას შეძრნილ უნარებს ისინი გამოიყენებენ ყოველდღიური პრობლემების გადასაჭრელად და გარე სამყაროს შესაცნობად მათემატიკური საშუალებებით. საერთო ჯამში, რეალური სიტუაციების განსახილველად აუცილებელი მათემატიკური მოდელებისა და მეთოდების სპექტრი ფართოვდება, რაც საბოლოოდ მოსწავლეთა მტკიცე ცოდნას განაპირობებს.

მოდელირების ძირითადი წინაპირობაა გამოიყენებითი დავალებების დამუშავება ტექსტის ან გრაფიკული გამოსახულების წარმომადგენით და გაგებით. ამიტომ წიგნში ცალკეა მოცემული ტექსტის დამუშავების სტრატეგიები. ბევრი ზგა-დავალება მოცემულია ტექსტის, ცხრილის ან გრაფიკული გამოსახულების სახით, კონკრეტული კითხვების გარეშე. აქ მოსწავლეებს მოეთხოვებათ მათი შესაბამისი კითხვების ფორმულირება. ტექსტის, გრაფიკისა და ცხრილის მიმართ ამგვარი მიდგომა სხვადასხვა თავში პერიოდულად მეორდება, რათა მოსწავლეებმა საჭირო ინფორმაციის მიღება ისწავლონ. ამასთან, მსგავსი ტიპის დავალებები, რაც შეიძლება „ლიად“ არის წარმოდგენილი, ანუ სხვადასხვა კითხვის დასმა შეიძლება. გაკვეთილზე უნდა გამოვიყენოთ ყველა შესაძლებლობა, რომ მოდელირების დავალებები აქტუალურ ცხოვრებისეულ საკითხებს დავუკავშიროთ. მაგ., შეგვიძლია მაღაზიის ქვითრების, ჩეკებისა და სამგზავრო ბილეთების

კვლევა ან ექსკურსიის, დღესასწაულის ხარჯთაღრიცხვის შედგენა. თუ მოსწავლებს დავალებების მოფიქრებას შევთავაზებთ, მივიღებთ არა მხოლოდ დამატებით მასალას სამუშაოდ, არამედ ღირებულ ინფორმაციას მათი სწავლისთვის მზაობისა და ცოდნის დონის შესახებ. თავიდან რომ ავირიდოთ ამოხსნის ბრძანული რუტინა, მოსწავლეთა ზოგიერთი მოლოდინი დოზირებულად უნდა გავაქარწყლოთ. მაგ., მოლოდინს, რომ „ყველა დავალება ამოხსნადია“ შეიძლება დავუპირისისიროთ ე.წ. „კაპიტნის დავალება“ აქ იგულისხმება არარეალისტური დავალება, როდესაც კითხვაზე პასუხის გაცემა შეუძლებელია, რადგან მონაცემები არასრულყოფილია ან დასმულ კითხვასთან კავშირი არ აქვს. „კაპიტნის დავალება“ მომდინარეობს სტელა ბარუკის წიგნიდან „რამდენი წლისაა კაპიტანი?“. მისი კვლევის თანახმად, 97 გამოკითხული მეორე- და მესამეკლასელიდან 76 ცდილობდა შემდეგი ამოცანის ამოხსნას: „გემზე 26 ცხვარი და 10 თხა. რამდენი წლისაა გემის კაპიტანი?“ და როგორც წესი, ბავშვების პასუხი იყო – 36.

### 1.2.2.2. აღმოჩენით სწავლა/სწავლება

სწავლა/სწავლების პროცესი მაშინაა წარმატებული, თუ ახალი შინაარსები მჭიდროდ უკავშირდება მოსწავლეთა წინარე ცოდნას. აქედან გამომდინარე, ახალი ცნებების, მეთოდებისა და მოდელების შესწავლისას ძირითადი მნიშვნელობა ენიჭება იმას, რომ მოსწავლებმა საკითხის შესახებ ინტუიციური წარმოდგენები და წინარე ცოდნა გაიაქტიურონ. ამასთან მათ ინტენსიურად უნდა იმუშაონ ახალ დავალებებზე, რომ თავიანთი აზრის ჩამოყალიბება და ამოხსნის საკუთარი სტრატეგიების განვითარება შეძლონ.

გაკვეთილის ევრისტიკულ (აღმოჩენებით სწავლების კონცეფციის შესაბამის) ფორმას ჩვენი წიგნი უზრუნველყოფს **ნება**-სავარჯიშოებითა და პროექტებით. კერძოდ, ახალ შინაარსს შეიცავს თავის დასაწყისში მოცემული პირველი ორი დავალება. სურათები გვეხმარება სხვადასხვა არითმეტიკული ან გეომეტრიული პრობლემის თემატიზებაში. ისინი მრავლადაა წარმოდგენილი დამატებით სასწავლო მასალაში (წანილი III). მათი დახმარებით წყვილებში ან ჯგუფებში მუშაობისას მოსწავლები განავითარებენ ამოხსნის სტრატეგიებს.

გაკვეთილის ამ ფაზაში ისინი სწავლობენ საკუთარი მოსაზრებების არგუმენტებით გამყარებას, სხვისი არგუმენტების მოსმენას, მათ შემომწებასა და შეფასებას. და ბოლოს, ჯგუფში შემუშავებულ სტრატეგიების მთელ კლასთან ერთად განიხილავენ. თუ ჯგუფური მუშაობისას ძირითადად კომუნიკაციისა და მათემატიკური არგუმენტაციის უნარები იყო საჭირო, ამ ფაზაში პრეზენტაციის უნარი უნდა გამოავლინონ და განავითარონ. კერძოდ, აღმოჩენილი ურთიერთკავშირების, სტრატეგიების წარმოდგენა და დასაბუთება უნდა შეძლონ. რაც შესაძლებელია როგორც ზეპირი ან წერილობითი ფორმით, ასევე კონკრეტული ქმედებებით.

მასწავლებელი ყურადღებით აკვირდება მოსწავლეთა ჯგუფებში მუშაობის პროცესს და მნიშვნელოვან ინფორმაციას იღებს მოსწავლეთა ლოგიკური აზროვნებისა და სტრატეგიების შესახებ. დაკვირვებები მასწავლებელს პრეზენტაციების რიგითობის განსაზღვრაშიც დაეხმარება. ექსპერტთა დასკვნებისა და გამოცდილების თანახმად, ჯობს პრეზენტაცია პირველად ჩატაროს ყველაზე ნაკლებად ჩამოყალიბებულმა ჯგუფმა, რადგან, თუ ყველაზე მკაფიოდ და მყარად ჩამოყალიბებული ჯგუფი დაინტეგრდება პრეზენტაციას, დანარჩენებს საერთოდ გაუქრებათ თავიანთი ნაკლებად „დალაგებული“ სტრატეგიის კლასის წინაშე წარდგენის მოტივაცია და ამგვარად, არ მიეცემათ საკუთარი მეთოდების გაუმჯობესების შესაძლებლობა. გარდა ამისა, შეიძლება შეიქმნას ისეთი შთაბეჭდილება, რომ გაკვეთილის მთავარი მიზანი სწორი პასუხის პოვნაა და მას მხოლოდ ძლიერ მოსწავლეებს ანდობენ.

ხაზგასმით აღვნიშვნავთ, რომ გაკვეთილის ძირითად ფაზას წარმოადგენს მოსწავლეთა შორის გამართული დისკუსია ამოხსნის შესაძლო გზების შესახებ. ამ დროს განიხილება სხვადასხვა სტრატეგია (მათ შორის არასწორიც), რაც ხელს უწყობს თემის კიდევ ერთხელ ძირფესვიანად გამოირჩებას. ამგვარად, შესაძლებელი ხდება მოსწავლეთა არასწორი წარმოდგენების ადრეზულ ეტაპზევე აღმოჩენა და გამოსწორება. ისინი გაეცნობიან ამოხსნის სხვადასხვა გზას და მიხვდებიან, რომ ხშირად ამოხსნის მხოლოდ ერთი სწორი გზა როდი არსებობს; რომ შესაძლოა სხვა ამოცანებში გამოყენებული ამოხსნის სტრატეგია ამ კონკრეტული შემთხვევისთვის მისაღები არ იყოს, ანუ ახალი გზა უნდა იპოვონ. დავალებებზე მუშაობისას მოსწავლები ეცნობიან სხვადასხვა ევრისტიკულ ხერხსა და სტრატეგიას. სოციალური კონტექსტიდან გამომდინარე (თანაკლასელების წინაშე ამოხსნის საკუთარი გზის დასაბუთება მოსწავლის სოციალური სტატუსისთვის მნიშვნელოვანია; ეს ამაღლებს მის მოტივაციას), ბავშვები მზად არიან, საკუთარი ამონახნები შეამონონ და ნაპოვნი სტრატეგიებისა და ხერხების რეფლექსია მოახდინონ.

ჩვენი მეთოდიკით გაკვეთილის ორგანიზაცია მასწავლებლის განსხვავებულ როლს მოითხოვს. მასწავლებელმა ინსტრუქციებისგან თავი უნდა შეიკავოს. მოსწავლეები მითითებებს საჭიროებენ მანამ, სანამ მუშაობის კოოპერაციულ ფორმებს მიეჩვევიან, ამიტომ ჩვენი გრძელვადიანი მიზანი უნდა იყოს, რომ მოსწავლეებმა მუშაობის პროცესში დავალების გაების კუთხით წარმოემნილი სირთულეები და აზრთა სხვადასხვაობა მიიღონ, როგორც გამოწვევა, რომელიც მასწავლებლის ჩარევის გარეშე უნდა დაძლიონ. სამუშაო პროცესზე დაკვირვების დროს მასწავლებლის მიერ თავის დაქნევა, გაქნევა ან რეპლიკა „ასე გააგრძელეთ“ ცალკეული ჯგუფისთვის საქმარისი უნდა იყოს, თუმცა ესეც მუშაობის პროცესში ჩარევის ერთ-ერთი ფორმაა და ეტაპობრივად უნდა აღმოიფხვრას. განსაკუთრებით ეს ეხება პრეზენტაციისა და დისკუსიის ფაზებს. მასწავლებლის ნაადრევი თანხმობა ამა თუ იმ მოსაზრებაზე აფერხებს დისკუსიას და ზღუდავს ალტერნატიული იდეების დაფიქსირებისა და არგუმენტებით გამყარების შესაძლებლობას, განსაკუთრებით დაბალი მზად არიან მოსწავლეებისთვის. გაკვეთილზე მოსწავლეებმა უნდა გაცვალონ იდეები; იდეის წარმდგენი დანარჩენებს უნდა გამოეყოს. ეს მიიღწევა იმ შემთხვევაში, თუ მაგ.,

მოსწავლე ხელში აიღებს გაკვეთილის მართვის სადაცებს დაფასთან მუშაობით, ხოლო მასწავლებელი უკანა პლანზე გადაინაცვლებს.

„აღმოჩენით სწავლება“ დროს მოითხოვს. იგივე შეიძლება ითქვას ამ მეთოდთან დაკავშირებულ უნარებზეც, რომელთა განვითარებაც გაკვეთილის გრძელვადიანი მიზანია. ზოგიერთი წმბ-დავალება წარმოდგენილია ამოხსნის შესაძლო ვარიანტებითა და პასუხებით, რათა მოსწავლეები შეერჩიონ მუშაობის ახალ ფორმას და განუვითარდეთ შესაბამისი უნარები. კლასის დონის გათვალისწინებით, ამოცანის პირობიდან შესაძლებელია გარკვეული ინფორმაციის ამოღება და აღტერნატიული ამოხსნის სტრატეგიებისთვის მეტი გასაქანის მიცემა.

### 1.2.2.3. თემების დამუშავება კეთებით

მოქმედება ადამიანის გონიერას ააქტიურებს. რაც უფრო პატარა ბავშვი, მით მეტად არის დამოკიდებული თვალსაჩინოებებსა და კონკრეტულ ქმედებებზე. თემის გათავისების მომდევნო ფაზაზე, კონკრეტული დამხმარე მასალით მიღებულ შედეგებს წარმოვადგენთ სურათ-ხატოვან და სიმბოლურ დონეზე. ამ პროცესის ხელშეწყობისა და ინდივიდუალიზაციის მიზნით, მოსწავლეებს ხშირად უნდა მიეცეთ შესაძლებლობა, რომ თავიანთი ცოდნის ფარგლებში, დავალება ენაქტიური (კონკრეტული ქმედებით), სურათ-ხატოვანი თუ სიმბოლური გზით წარმოადგინონ.

სწორედ ამ მიზნით, მოსწავლის წიგნში მოცემულ უამრავ წმბ-დავალებაში მოითხოვება, რომ მოსწავლეებმა თავად აირჩიონ ამოცანის ამოხსნის გზა. წმბ-დავალებები გვაძლევს დიფერენცირების საშუალებას, რაც მიზნად ისახავს მოსწავლეთა ცოდნის დონის შეფასებას. თუ ამ დავალებებზე მუშაობისას დადგინდა, რომ უმრავლესობა ჯერ კიდევ არ იყენებს ამოხსნის ფორმალურ მეთოდებს, მაშინ კიდევ უფრო მეტი დრო უნდა დაეთმოს სურათ-ხატოვან წარმოდგენებზე მუშაობას კონკრეტული მასალებით.

ოდნავ განსხვავებული ამოცანა აქვს იმ წმბ-დავალებებს, რომლებშიც შედეგები უნდა შემოწმდეს კონკრეტული ქმედებებით ან სურათ-ხატოვან დონეზე. უპირველეს ყოვლისა, აქ ყურადღება გამახვილებულია იმაზე, რომ თემა შევისწავლოთ გამოხატვის სხვადასხვა ფორმის დახმარებით: ენაქტიური, სურათ-ხატოვანი და სიმბოლურით. ამ სამივე ფორმას თანაბარი მნიშვნელობა ენიჭება და შინაარსის გაგების პროცესში ერთმანეთს ავსებს. თითოეული მათგანის დახმარებით მოსწავლეები საჭირო გამოცდილებას იძენენ, რაც საბაზისო მათემატიკური ცოდნის საფუძველს წარმოადგენს. გასათვალისწინებელია, რომ ამ სამიდან კონკრეტული ფორმის არჩევას ჩვენი შინაგანი მზაობის დონე კი არ განსაზღვრავს, არამედ თავად თემის სპეციფიკა. მაგ., კითხვაზე – „რამდენი მონაცემის დახაზვაა საჭირო 100 კვადრატის მისაღებად?“ – პასუხისას ყველა აღიარებს ვიზუალური ფორმის (ნახაზის აგება) უპირატესობას. და ბოლოს, სამივე ფორმის გამოყენებით მოსწავლეები გაეცნობიან მრავალ მნიშვნელოვან ევრისტიკულ სტრატეგიას.

მე-5 კლასში ბევრი ახალი მათემატიკური ცნება შემოდის. მანამ, სანამ მოსწავლეები ამ ცნებებს კარგად გაიაზრებენ, უნდა ვიმუშაოთ ვიზუალური საშუალებებით (ნახაზები, გრაფიკები, მოდელები). თემებთან დაკავშირებით წიგნში მოცემულია უამრავი დავალება, სადაც ახალი ცნების არსის გადმოსაცემად კონკრეტულ ქმედებას ვიყენებთ.

თუ ბრტყელი ფიგურების მოდელების შექმნა მარტივია, სივრცული გეომეტრიული ფიგურების გამოსახვა და, მით უმეტეს, აგება, პრობლემას წარმოადგენს, რადგან წიბოებსა და წვეროებს მოსწავლეები არასწორად აღიქვამენ. ამიტომ პარალელეპიდებისა და კუბის ცნებებზე მუშაობისას, მოდელები აუცილებლად უნდა გამოვიყენოთ. კერძოდ, მოსწავლეებმა ისინი თავად უნდა ააგონ. სწორედ კონკრეტული ქმედებებით არის შესაძლებელი მათი ძირითადი თვისებების აღმოჩენა. ამიტომაც წიგნში ბევრი წმბ-დავალებაა, რომლებიც სხვადასხვა ფორმის ფიგურის აგებას მოითხოვს.

კუბისა და პარალელეპიდების მოდელებზე მუშაობისას, უნდა განვიხილოთ გეომეტრიული ფიგურების /სხეულების ზედაპირის ფორმები და დავუკავშიროთ ცნებებს – „შლილი და ზედაპირის ფართობი“. ჩსირებით/ასანთის ღერებით აგებული მოდელი კონცენტრირებულია წიბოებისა და დიაგონალების ძირითად თვისებებზე. მოდელები ასევე შეიძლება გამოვიყენოთ ფიგურების შლილის ფორმით წარმოდგენისას და იმ სავარჯიშოებზე მუშაობისას, რომლებიც გეომეტრიული ფიგურების შლილებად გარდაქმნას ეხება. მოდელების გამოყენება შესაძლებელია გეომეტრიული დავალებების ზეპირად ამოხსნისას.

### 1.2.3. ვარჯიში და განმტკიცება

ახალი შინაარსების შემოტანის შემდეგ ყველაზე მნიშვნელოვანი შედეგები მარტივი და გასაგები ენით არის წარმოდგენილი წითელ ჩარჩოებში. მათ ხშირად თან ერთვის ნიმუშები (მწვანე ჩარჩოებში), რაც მოსწავლეებს შინაარსის უკეთ გაგებაში ეხმარება.

დასაწყისში, ამოხსნის გზების ძიებისას, მოსწავლეებს შეუძლიათ მწვანე კვადრატში მოცემულ ნიმუშებს დაეყრდნონ. როცა დავრწმუნდებით, რომ მათ კონკრეტული თემა კარგად გაიგეს და გაიაზრეს, მხოლოდ ამის შემდეგ გადავდივართ ახალ თემაზე. ბავშვებმა თანდათან უნდა განიმტკიცონ მიღებული ცოდნა და სრულყონ დამატებითი ასპექტებით. ბოლოს კი, ვიწყებთ თემების ურთიერთკავშირის კომპლექსურ კვლევას. ამ ეტაპზე, ნიმუშების ნაცვლად, მოსწავლეებს შესაბამისი რჩევებითა და რეკომენდაციებით ვეხმარებით.

დამატებითი მასალა წარმოდგენილია შერეული დავალებების სახით – განხილული შინაარსების გამეორების, განმტკიცებისა და კონკრეტული კანონზომიერებების დასადგენად.

## 1.2.4. საპაზისო ცოდნის განმტკიცება

საპაზისო კომპეტენციების უნარების განმტკიცების მიზნით, წიგნში მოცემულია ე.წ. „იყავი ფორმაში“ ტიპის გვერდები, რომლებიც მოიცავს დავალებებს დიდი ხნის წინ გავლილი მასალიდან (რეპროდუცირება). ამ ტიპის გვერდები იძლევა **თვითკონტროლის** საშუალებას და შესაბამისად, უზრუნველყოფს და-მოუკიდებელ მუშაობასა და რეფლექსიას. გავლილი მასალის უწყვეტად გამეორებას მთელი წლის განმავლობაში, დიდი წლილი შეაქვს საკონტროლო წერისთვის მომზადებაში. თანაც, ეს ამარტივებს მომდევნო თემების ათვისებასაც, რადგანაც ცნობილია, რომ ახალი თემების ათვისებისას წარმოქმნილი პრობლემები ხშირად გავლილი მასალის არამყარი ცოდნითავა გამოწვეული. უმეტესად, ეს ეხება დაბალი მზაობის მოსწავლეებს. ეს მეთოდი ხელს უწყობს მოტივაციის ამაღლებას, რადგან მოსალოდნელია, რომ მოსწავლეთა უმრავლესობა ნაბიჯ-ნაბიჯ, დამოუკიდებლად შეძლებს „იყავი ფორმაში“ დავალებების ამოხსნას; წარმატება კი პოზიტიურად იმოქმედებს მათ თავდაჯერებულობასა და თვითშეფასებაზე. „იყავი ფორმაში“ დავალებების დამუშავების რიგითობა განსაზღვრული არაა, მიუხედავად იმისა, რომ ისინი კონკრეტულ თავებშია მოცემული.

## 1.2.5 ისწავლე-დააკავშირე-გამოიყენე (იღგ)

მოსწავლის წიგნის ოთხი თავი აერთიანებს დავალებების ორ-ორ გვერდს ქუდით: ისწავლე-დააკავშირე-გამოიყენე (იღგ), რომლებიც სხვადასხვა მათემატიკურ თემას აკავშირებენ ერთმანეთთან. მოსწავლეების დამოუკიდებლად მუშაობის ხელშეწყობისა და მასწავლებლის მაკონტროლებლის ფუნქციიდან გათავისუფლების მიზნით, წიგნის ბოლოს ყველა ამ დავალების პასუხია მოცემული. ქვეკითხვები დავალების პირობიდან გამომდინარეობს. ზოგადი მათემატიკური კომპეტენციების თვალსაზრისით, ძირითადი ყურადღება პრობლემის გადაჭრის უნარზეა გამახვილებული. აქ იგულისხმება ისეთი შემთხვევა, როცა ამოცანის ამოხსნა ერთი კონკრეტული მეთოდით შეუძლებელია და საჭიროა ამოხსნის სტრატეგიის განვითარება ან არჩევა; პრობლემის გადაჭრა მათემატიკური ხასიათდება სპეციფიკური ევრისტიკული სტრატეგიებისა (მაგ., დამხმარე წრფეების დახაზვა, უკუსვლის მეთოდი, ცდის/სინჯვის მეთოდი, ანალოგიისა და ინვარიანტულობის პრინციპი) და გამოხატვის სხვადასხვა ფორმის (ვერბალური, ციფრული, გრაფიკული, სიმბოლური) გამოყენებით. ამოსავალი წერტილი ყველთვის არის პრობლემის შემცველი დავალება, რომელიც მათემატიკური მოდელის სახით არის მოცემული, ან უნდა გარდაიქმნას მათემატიკურ მოდელად. დასაწყისში მოსწავლებს მოეთხოვებათ დავალების გაანალიზება და მათემატიკური ტერმინებით აღწერა.

იღგ-დავალებები დალაგებულია პრინციპით – მარტივიდან რთულისკენ. დავალებების ზუსტი თანმიმდევრობის განსაზღვრა დამოკიდებულია კლასის ცოდნის დონესა და უნარებზე, რაც მხოლოდ მასწავლებელს შეუძლია განსაზღვროს.

ზოგადად, ეს დავალებები პასუხია საგანმანათლებლო მოთხოვნას (რეპროდუცირება), რომელიც გულისხმობს კონკრეტულ მათემატიკასთან დაკავშირებული ცნებების, წესებისა და მეთოდების გადმოცემასა და გამოყენებას. ასევე საგანმანათლებლო მოთხოვნას (კავშირების დამყარება) შეესაბამება ისეთი დავალებები, რომელთა ამოხსნაც მათემატიკური ინტენსიური მუშაობის შედეგად მიღებული ცოდნის, უნარებისა და ტექნიკის ერთმანეთთან დაკავშირებას მოითხოვს. განზოგადებასა და რეფლექსიასთან მაშინ გვაქვს საქმე, როცა კომპლექსური დავალებების ამოსახსნელად მოითხოვება: საკუთარი ამოხსნის გზების ძიება და რეფლექსია, სხვადასხვა არგუმენტის ახსნა ან შეფასება, კითხვის შემცველი სიტუაციების მათემატიკური მოდელებით აღწერა (ფორმულები, ტოლობები და ა.შ.) ან მათემატიკური მოდელირების შესაძლებლობათა საზღვრების დადგენა.

იღგ-დავალებების თანმიმდევრობა ზუსტად არ არის განსაზღვრული, მიუხედავად იმისა, რომ ისინი წიგნის კონკრეტულ თავებშია მოცემული. ძირითადად, ისინი წინა თავებში გავლილ მასალას წარმოადგენს. იღგ-დავალებათა თემატიკა უმეტესად მაღალი მზაობის მოსწავლეებზეა გათვლილი, თუმცა საგაკვეთილო პროცესში მისი მრავალნაირად გამოყენება შეიძლება, მაგ., როცა კლასის ერთნაწილს ჯერ კიდევ ახალ თემებში განაცვა სჭირდება, ხოლო მეორე ნაწილს ეს პროცესი უკვე ბეზრდება. პრობლემა შეიძლება გამოვასწოროთ იღგ-დავალებებით, რომლებიც ხელს უწყობს საბაზისო კომპეტენციების განმტკიცებას. მოსწავლეთა განსხვავებული უნარებისა და მუშაობის სხვადასხვა ტემპის გამო, ზოგიერთ მოსწავლეს შეიძლება მასწავლებელმა გაკვეთილზე საკმარისი უკუდღება ვერ დაუთმოს. იღგ-დავალებები ასეთ მოსწავლეებს მათი მზაობის შესაბამისად ეხმარება – როგორც საგნობრივი, ასევე მეთოდურ-სტრატეგიული თვალსაზრისით. იღგ-დავალებების ამგვარი გამოყენება მათ დიფერენცირების ფუნქციას ანიჭებს.

იღგ-დავალებებზე მუშაობისას მხოლოდ მზაობის მოსწავლეებით არ უნდა შემოვიფარგლოთ, შანსი წელა მოანგარიშებსაც უნდა მივცეთ, რადგან მრავალი კვლევის თანახმად, ახალი სავარჯიშოები დინამიკური ტემპებით ავითარებს შედარებით ნელა მოანგარიშეთა გონებას. სწორედ ამ მიზეზით არ უნდა შევენინააღმდეგორო იღგ-დავალებების, როგორც ექსკლუზიური მოთხოვნების დავალებების აღქმას, კერძოდ, მათზე ერთობლივად მუშაობა სასარგებლოა როგორც მაღალი, ასევე შედარებით დაბალი მზაობის მოსწავლეებისთვის, როგორც კოგნიტურ, ასევე სოციალურ დონეზე: ისინი შეძლებენ მათემატიკურად დასაბუთებას, რეფლექსიას; მოუსმენენ ერთმანეთს, გაამხნევებენ და გარკვეულ პასუხისმგებლობას აიღებენ საკუთარ თავზე.

პრობლემის გადაჭრის პროცესის ერთ-ერთ ძირითად ასპექტს ამონახსნებისა და სტრატეგიების რე-

ფლექსია წარმოადგენს, რომელიც ვლინდება მუშაობის კოოპერაციული ფორმების გამოყენებისას და აუცილებელია მისი აქტივაცია ჰომოგენური ჯგუფების შემთხვევაშიც. ეს მეთოდი, კონიტურ უნარებთან ერთად, მოსწავლეების ინდივიდუალური და სოციალური უნარების განმტკიცების საშუალებასაც იძლევა.

### 1.2.6. დიფერენცირება

სწავლების მეორე საფეხურზე, დიფერენცირებული სწავლების ახალი ფორმა საკმაოდ დიდი გამოწვევაა მასწავლებლებისთვის, რადგან იგი ოპტიმალურ ინდივიდუალურ მიდგომებს მოითხოვს და, დიდწილად, მოსწავლეთა მზაობითაა განპირობებული. სხვადასხვა შინაარსის, გამოცდილებისა და მეთოდების განხილვისას, ყურადღება უნდა მივაქციოთ მოსწავლეთა ინტერესებს, მათ ძლიერ და სუსტ მხარეებს, არ უნდა ავილოთ ცალმხრივი ორიენტაცია ე.წ. „საშუალო მოსწავლეზე“ და არ უნდა უგულებელვყოთ, რომ არსებობენ განსხვავებული შესაძლებლობებისა და დონის მოსწავლეები.

სწავლების ამ ფორმის დანერგვის მიზნით, ჩვენს წიგნში შედარებით რთული დავალებები მოცემულია მწვანე კვადრატით, რაც შესავალშიცეა განმარტებული და მოსწავლეს კონკრეტულ სიგნალს აწვდის. გარდა ამისა, წიგნი მოიცავს უამრავ ლიკ ტიპის დავალებას ავტომატური დიფერენცირებისთვის – მოსწავლეები ამ დავალებების სირთულეს თვითონ განსაზღვრავენ (ზუსტად გამოთქვამენ თავიანთ აზრს და სვამენ შეკითხვებს, რომლებიც მათი (კოდნის დონეზეა დამოკიდებული).

ამ ყველაფერთან ერთად, გაკვეთილზე უნდა გატარდეს ინდივიდუალური მიდგომისა და დიფერენცირებისთვის საჭირო ლონისძიებები, რომლებიც ხელს შეუწყობს მოსწავლეთა ინდივიდუალური და სოციალური უნარ-ჩვევების განვითარებას. საამისოდ გირჩევთ:

- დავალებები შეარჩიოთ თითოეული მოსწავლის მზაობის მიხედვით, ამოსახსნელად მისცეთ განსაზღვრული დრო (მაგ., 15 წუთი) და დავალებების არჩევის უფლება; სწრაფად მოანგარიშებს შეუმციროთ მარტივი დავალებები და ჩაუნაცვლოთ უფრო რთულით;
- დააწყვილოთ მაღალი და დაბალი მზაობის მოსწავლეები;
- დანერგოთ მუდმივად ცვალებადი შრომის განაწილების პრინციპი (დავალებას ბავშვები თავად ინაწილებნ და ყველა რაღაცაზეა პასუხისმგებელი).

რაც უფრო მეტად გაითვალისწინებთ მოსწავლეთა მიმდინარე ცოდნას, მით უფრო ეფექტური და პროდუქტიული იქნება თქვენი ყოველი ინტერვენცია ისეთი კარგად აპრობირებული მეთოდებით, როგორიცაა საკლასო და საკონტროლო წერა. დასვით კითხვები ინდივიდუალურად ან ჯგუფურად (მაგ., შეგიძლია ეს? როგორ ფიქრობ, იგებ ყველაფერს? გაკვეთილის ტემპი შენთვის ნორმალურია? ხომ არ გინდა, რომ კიდევ ერთხელ ავხსნათ ან განვიხილოთ?). მასწავლებელს მოსწავლეთა ლოგიკისა და სტრატეგიების კარგად გაგება შეუძლია მაშინ, როცა ისინი მუშაობის პარალელურად სამუშაო პროცესს ხმამაღლა აღნერენ და მასწავლებლის კითხვის შემთხვევაში, დააზუსტებენ მოქმედების მიზანს. მოსწავლეებთან საუბრების ინფორმატიულობას, უმეტესწილად, განსაზღვრავს თავისუფალი სასწავლო გარემო და ნდობის ფაქტორი (რამდენად ენდობიან ბავშვები მასწავლებელს და რამდენად გახსნილები არიან მასთან ურთიერთობაში).

### 1.2.7 ცოდნის დონის შესამოწმებელი აქტივობა

ყოველი თავის ბოლოს ძირითადი თემები შეჯამებულია ერთ გვერდზე, სათაურით – „შემაჯამებელი სავარჯიშოები“ (შს). ეს გვერდები ორ სვეტად არის დაყოფილი. მარცხენა სვეტი მოიცავს მიმდინარე თავში განხილულ თემებს, ხოლო მარჯვენა სვეტში ძირითადი ტერმინები, წესები და ნიმუშებია მოცემული. მოსწავლეებს მუშაობის პროცესში ამ „კონსპექტის“ გამოყენება შეუძლიათ, თუმცა, სასურველია, მხოლოდ იმ შემთხვევაში ჩაიხედონ, როცა რაღაცაში დარწმუნებული არ არიან. შს, რომელსაც დამხმარე მასალის გამოყენების გარეშე ხსნიან ბავშვები, გვეხმარება საკონტროლო წერისთვის მზადებაში. საკონტროლო წერის ნიმუშებში შეგიძლიათ მხოლოდ ციფრები შეცვალოთ და მოსწავლეებს ორი ან მეტი ვარიანტი შესთავაზოთ, რათა ერთმანეთის ნამუშევრებში ჩახედვის საშუალება არ ჰქონდეთ. ამასთანავე, გთავაზობთ შეფასების ჩვენეულ სისტემას, რომელიც შეგიძლიათ სხვა საგნის მასწავლებლებსაც შესთავაზოთ.

გარდა ამისა, თითოეული მიმართულებისთვის დაწვრილებით განხილულია ორ-ორი გაკვეთილი თვით-შეფასება, შეფასება, ურთიერთშეფასება და ა.შ. სქემებთან ერთად.

## 1.3 დამატებითი მასალა

### 1.3.1. ყველაფერი სახელმძღვანელოს შესახებ

ჩვენი მიზანია, დავეხმაროთ მასწავლებელს გაკვეთილის დაგეგმვის პროცესში და ოპტიმალურად მოვამარავოთ რესურსებით. მოსწავლის წიგნში მოცემულია: უამრავი სურათი, ნახაზი, გრაფიკული თუ სხვა გამოსახულება დავალებების მოსაფიქრებლად/შესადგენად ან პრეზენტაციისთვის, ასევე – სავარჯიშოები ცოდნის განმტკიცებისა და დიფერენცირებისთვის.

### 1.3.2. საკონტროლო წერა

საკონტროლო წერა მასწავლებელს ეხმარება მოსწავლეთა ჰეტეროგენური მზაობების (ცოდნის დონეების) სწრაფად და ზუსტად დადგენაში, რაც შესაძლებელს ხდის დროული ღონისძიებების გატარებას ძლიერი მხარეების გასამყარებლად და ხარვეზების დასაძლევად.

წერის შედეგის მიხედვით ყოველი ბავშვი მიიღებს მისი ინდივიდუალური დონის შესაბამის დამხმარე მასალას, რომელიც მრავალფეროვანი ფორმითა და სასწავლო პროცესის ხელშემწყობი გრაფიკული გამოსახულებებით, იდეალური საშუალებაა მათთვის (მზაობის შესაბამისი) დახმარების ორგანიზებისთვის.

## შინაარსებისა და მიზნების რუკა<sup>1</sup>

თემების ჩამონათვალი	სატექნიკური სავარაუდო განვითარების სამინისტრო	შინაარსზე ორიენტირებული კომპეტენციები და სასწავლო წლის ბოლოს მისაღწევი შედეგები ეროვნული სასწავლო გეგმის შესაბამისად
თავი 1. რიცხვები, სიღილეები და გაყოფადობა ნინო არდადეგებიდან ბრუნდება დამრგვალება და მიახლოებითი გამოთვლა დიდი რიცხვები დიდი რიცხვები რიცხვით სხივზე  საკონრდინატო ბადე გამყოფი და ჯერადი მარტივი რიცხვები უდიდესი საერთო გამყოფი, უმცირესი საერთო ჯერადი გაყოფადობა გაყოფადობის ნიშნები შერეული დავალებები “ ყველა, თითოეული, ზოგიერთი... ბანქოტების სერიებს ნომრები* ანგარიში გაორკეცების წესით შერეული დავალებები*  შემაჯამებელი სავარჯიშოები 1 საკონტროლო წერა 1	13	რიცხვები და მოქმედებები მათ. VI. 2 რიცხვები და მოქმედებები მათ. VI. 2, VI. 4 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI. 1 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI. 1; მონაცემთა ანალიზი და სტატისტიკა   მათ. VI.12 გეომეტრია და სივრცის აღქმა   მათ. VI. 8 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.4 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1  რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.4 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.2 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1. VI.2
თავი 2: ათენილადები და ნილადები (1) ალიკვოტური წილადები ალიკვოტური წილადებით გამოსახული ნაწილების გამოთვლა  მთელის ნაწილები ნაწილების გამოთვლა წილადი, როგორც განაყოფი ერთ მთელზე დიდი წილადები ტოლმნიშვნელიანი წილადების შეკრება და გამოკლება შერეული დავალებები*  შემაჯამებელი სავარჯიშოები 2 საკონტროლო წერა 2  ათწილადები სათანრიგო დაფა ათწილადების შედარება ათწილადების დამრგვალება ათწილადების შეკრება და გამოკლება შეკრება და გამოკლება ქვეშმინერით სპორტული ფესტივალი /პროექტი/ * ასონთი გამოსახულება, განტოლება, უტოლობა იყავი ფორმაში*  შემაჯამებელი სავარჯიშოები 2 საკონტროლო წერა 2	20	რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1, VI.3 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1, VI.3  რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.2, VI.3 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.2, VI.3 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.2, VI.3 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1  რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.2 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI. 2  რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.2, VI. 4 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.2 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.2 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.2, VI.4 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1 კანონზმიერებები და ალგებრა   მათ. VI.6 რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1, გეომეტრია და სივრცის აღქმა   მათ. VI.10

<sup>1</sup> იყავი ფორმაში, შერეული დავალებები და გამოკლებებითი ამოცანები შერჩევითი გვერდებია. მასწავლებელზეა დამკიდებული მათ კლასში დაამუშავებინებს მოსწავლეებს, თუ დავალებად მისცემს ან საერთოდ გამოტოვებს, ან გამოიყენებს დიფერენცირებისთვის. სარეზერვოდ გათვალისწინებულია 10 საათი. ზოგიერთი დავალება სცილდება ეროვნულ სასწავლო გეგმას.



თემების ჩამონათვალი	სათენი სავარაულ განვითარება	შინაარსზე ორიენტირებული კომპეტენციები და სასწავლო ნილის ბოლოს მისაღწევი შედეგები ეროვნული სასწავლო გეგმის შესაბამისად
<p><b>თავი 5: ფართობი და მოცულობა</b>          მართულების ფართობი          მართულების პერიმეტრი</p> <p>ფართობის გამოთვლა</p> <p>შედგენილი ფიგურების ფართობი          აქცია თემაზე: მშვიდობა /პროექტი/*          კვადრატული კილომეტრი - ჰექტარი - არი          შერეული დავალებები*</p> <p>იყავი ფორმაში!*</p> <p>კუბისა და პარალელეპიპედის შლილები          პარალელეპიპედის ზედაპირის ფართობი          მოცულობის გაზომვა და შედარება          კუბური დეციმეტრი, სანტიმეტრი, მილიმეტრი          პარალელეპიპედის მოცულობა          ისწავლე, დააკავშირე, გამოიყენე*</p> <p>კუბური მეტრი          შერეული დავალებები*</p> <p>აკვარიუმი კლასში /პროექტი/  <b>შემაჯამებელი სავარჯიშოები 6</b>  <b>საკონფრონლო წერა 6</b></p>	16	<p>გეომეტრია და სივრცის აღქმა : მათ. VI.10          გეომეტრია და სივრცის აღქმა   მათ. VI.10,          რიცხვები და მოქმედებები   VI.3          გეომეტრია და სივრცის აღქმა   მათ. VI.10,          რიცხვები და მოქმედებები   VI.3</p> <p>გეომეტრია და სივრცის აღქმა   მათ. VI.10          გეომეტრია და სივრცის აღქმა   მათ. VI.10          რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.3          გეომეტრია და სივრცის აღქმა   მათ. VI.10;          რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.3;          გეომეტრია და სივრცის აღქმა   მათ. VI.7          რიცხვები და მოქმედებები VI.2 VI.3;</p> <p>გეომეტრია და სივრცის აღქმა   მათ. VI.10          გეომეტრია და სივრცის აღქმა   მათ. VI.10          გეომეტრია და სივრცის აღქმა   მათ. VI.10          რიცხვები და მოქმედებები VI.3;          გეომეტრია და სივრცის აღქმა   მათ. VI.10          გეომეტრია და სივრცის აღქმა   მათ. VI.10          მონაცემთა ანალიზი სტატისტიკა   მათ. VI.12, VI.13          რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.4          რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.3;          რიცხვები და მოქმედებები VI.2 VI.3;          გეომეტრია და სივრცის აღქმა   მათ. VI.10          კანონზომიერებები და ალგებრა   მათ. VI.5, VI.6</p>
<p><b>თავი 6: ნილადები და ათწილადები (3)</b></p> <p>ნილადების დაყოფა და გამსხვილება          ნილადის გაშლა (დაყვანა) და შეკვეცა          ნილადების შედარება          პროცენტის სახით ჩაწერა          ნილადები რიცხვით სხივზე          ნილადი რიცხვები          სხვადასხვამნიშვნელიანი ნილადების მიმატება და          გამოკლება          ნილადების შეკრება და გამოკლება          საერთო მნიშვნელი          მუშაობა ნილადებსა და ათწილადებზე          სასარგებლო გამოთვლები          შერეული დავალებები*          იანგარიშე ქველი ეგვიპტელივით*</p> <p><b>შემაჯამებელი სავარჯიშოები 7</b>  <b>საკონფრონლო წერა 7</b></p>	21	<p>რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1          რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1</p> <p>რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1          რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1          რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1          რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.1, VI.2          რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.2          რიცხვები და მოქმედებები   მათ. V.1, VI.2          რიცხვები და მოქმედებები   VI.2</p>

თემების ჩამონათვალი	სათენის სავარაულო განება	შინაარსზე ორიენტირებული კომპეტენციები და სასწავლო წლის ბოლოს მისაღწევი შედეგები ეროვნული სასწავლო გეგმის შესაბამისად
<p>თავი 7: მონაცემთა რიცხვითი შესაძლებლობები</p> <p>საშუალო არითმეტიკული და გაბნევა სიხშირეთა ცხრილი, ფარდობითი სიხშირე სვეტოვანი, ზოლოვანი და წრიული დიაგრამები მონაცემთა შეგროვების ხერხები ისწავლე-დაკავშირე-გამოიყენე*</p> <p>იყავი ფორმაში!*</p> <p>სასკოლო ჩანთები ევროკავშირი (ეკ)</p> <p>შემაჯამებელი სავარჯიშოები 8 საკონტროლო წერა 8</p>	9	<p>მონაცემთა ანალიზი და სტატისტიკა   მათ. VI.12, 13</p> <p>მონაცემთა ანალიზი და სტატისტიკა   მათ. VI.12</p> <p>მონაცემთა ანალიზი და სტატისტიკა   მათ. VI.12</p> <p>მონაცემთა ანალიზი და სტატისტიკა   მათ. VI.11</p> <p>რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI. 4.</p> <p>კანონზომიერებები და ალგებრა   მათ. VI. 5</p> <p>გეომეტრია და სივრცის აღქმა   მათ. VI.10</p> <p>რიცხვები და მოქმედებები   VI.1; VI.3</p> <p>კანონზომიერებები და ალგებრა   მათ. VI.5</p> <p>მონაცემთა ანალიზი და სტატისტიკა   მათ. VI.11, 12, 13</p> <p>მონაცემთა ანალიზი და სტატისტიკა   მათ. VI.11, 12</p>
<p>თავი 8: წილადები და ათწილადები (4)</p> <p>წილადების გამრავლება</p> <p>კმსჯელობა წილადების გაყოფაზე</p> <p>წილადების გაყოფა</p> <p>დამოკიდებულება სიდიდეებს შორის</p> <p>შერეული დავალებები *</p> <p>იყავი ფორმაში*</p> <p>შემაჯამებელი სავარჯიშოები 9 საკონტროლო წერა 9</p> <p>ათწილადის გამრავლება და გაყოფა 10-ზე, 100-ზე, 1000-ზე,..</p> <p>ათწილადების გამრავლება</p> <p>ათწილადების გაყოფა</p> <p>სპორტი* /პროექტი/</p> <p>ამოცანები განტოლების შედგენაზე</p> <p>შერეული დავალებები</p> <p>შემაჯამებელი სავარჯიშოები 10 საკონტროლო წერა 10</p> <p>სავარჯიშოები ძირითად თემებზე</p> <p>მათემატიკურ ტერმინთა საძიებელი</p> <p>მათემატიკური საძიებელი</p>	17	<p>რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.2</p> <p>რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.2</p> <p>რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.2</p> <p>კანონზომიერებები და ალგებრა   მათ. VI.5</p> <p>რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.2,3,4</p> <p>რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.2,3,</p> <p>გეომეტრია და სივრცის აღქმა   მათ. VI.10</p> <p>რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.2</p> <p>რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.2,3,</p> <p>მონაცემთა ანალიზი და სტატისტიკა   მათ. VI.12</p> <p>კანონზომიერებები და ალგებრა   მათ. VI.6</p> <p>რიცხვები და მოქმედებები   მათ. VI.2,3</p> <p>კანონზომიერებები და ალგებრა   მათ. VI.6</p>

#### **1.4. მოსწავლეთა შეფასება**

მიზანზე ორიენტირებული გაკვეთილი მიმართულია ცალკეული მოსწავლის მიერ მიღებული ცოდნის დონის კონტროლზე. ასე დავადგენთ მიღწეულ სასწავლო მიზნებსა და ხარვეზებს. სწავლის კონტროლი შესაძლებელს ხდის:

ა) გაკვეთილზე მიღწეული შედეგების შეფასებას (მივაღწიეთ თუ არა დასახულ სასწავლო მიზნებს);

ბ) ინდივიდუალური სასწავლო მიზნების შეფასებას (რომელ სასწავლო მიზანს მიაღწია თითოეულმა მოსწავლემ). თუ მოსწავლეთა უმრავლესობამ სასწავლო მიზნებს ვერ მიაღწია, საჭიროა გენერალური ზომების მიღება, მაგ., მთელი კლასის მიერ მასალის გამეორება. თუ ცალკეულ მოსწავლეებს აქვთ სიძნელეები მასალის ათვისებაში, მაშინ მათ აღმოსაფხვრელად საჭიროა მიზანმიმართული ღონისძიების გატარება.

სწავლის კონტროლი პედაგოგიური ინსტრუმენტია, რომლის დახმარებითაც ვიღებთ ინფორმაციას საგაკვეთილო პროცესის, მიღწეული შედეგების, ცოდნისა და ხარვეზების შესახებ. ჩვენს შემთხვევაში სწავლის კონტროლი ხორციელდება ქულებით, რომელთა მინიჭებაც ჩვენ მიერ მიწოდებულ ნიმუშებზე მასწავლებელს თავად შეუძლია.

##### **1.4.1. მეორე საკონტროლო წერის მნიშვნელობა**

იმ ბავშვებს, რომლებმაც პირველი წერისას აჩვენეს, რომ მათთან მიმართებაში სასწავლო მიზნები მიღწეულია, მეორე წერას აღარ ვაწერინებთ. მაგრამ იმ მოსწავლეებთან, რომლებიც საკონტროლო წერას ხარვეზებით შეასრულებენ, საჭიროა ხელახლი მუშაობა, შემდეგ კი – მეორე წერის ჩატარება.

მეორე წერის დახმარებით მათ წარმატების მიღწევის შესაძლებლობა ეძლევათ.

სწავლის დაწყების პირველი დღიდანვე მასწავლებლის ყველაზე მნიშვნელოვანი პედაგოგიური ამოცანაა, თავი დააღწიოს მოჯადოებულ წრეს „წარუმატებლობა – სწავლაზე გულის აცრუება – კიდევ უფრო დიდი წარუმატებლობა“.

##### **1.4.2. საკონტროლო წერის ჩატარება**

ვინაიდან სწავლის კონტროლის არსი იმის გარკვევას ემსახურება, თუ რა მიზნებს მივაღწიეთ (მთლიანად თუ ნაწილობრივ) ან – ვერ მივაღწიეთ, არაა მიზანშეწონილი, ბავშვები ამისთვის საგანგებოდ მოვამზადოთ; თუმცა დაბალი მზაობის მოსწავლეებთან, დამატებით მეცადინეობებზე, აუცილებლად უნდა განვიხილოთ და დავამუშაოთ თითოეული დავალების ნიმუში. ამით მათ წარუმატებლობისგან დავიცავთ. საკონტროლო წერის დრო წინასწარ არ უნდა გამოცხადდეს, რათა გამოცდის სიტუაცია არ შეიქმნას. შევეცადოთ, რომ მისი შესრულების ფორმატი ჩვეულებრივი დავალებების შესრულების ფორმატისგან დიდად არ განსხვავდებოდეს. თუმცა მსგავსმა კონტროლმა რომ თავისი ფუნქცია შეასრულოს, ყველა ბავშვმა სრულიად დამოუკიდებლად უნდა იმუშაოს.

ჯობს ბავშვებს დავურიგოთ საკონტროლო წერის ა და ბ ვარიანტი და ისე გავანაწილოთ, რომ ერთმანეთის ახლოს მსხდომ ბავშვებს სხვადასხვა დავალება შევდეს. ასევე ყურადღება მიაქციეთ, რომ იმ ბავშვებმა, რომლებსაც საკონტროლოს მეორედ დააწერინებთ, პირველისგან განსხვავებული ვარიანტი დაწერონ.

ბავშვებს მოვუწოდოთ, რომ გულდასმით იმუშაონ, მაგრამ თავი შევიკავოთ დამატებითი ახსნა-განმარტებებისგან. დრო გავთვალით ისე, რომ თითოეულ ბავშვს (მათ შორის მათაც, ვინც შედარებით ნელა მუშაობს), მიეცეს ყველა დავალების შესრულების საშუალება. ისიც გავითვალისწინოთ, რომ ერთ გაკვეთილში უნდა ჩავეტიოთ. გასწორებისა და შეფასების შემდეგ, შეგვიძლია ნამუშევრები ბავშვებს ერთი დღით სახლში გავატანოთ, რათა მშობლებიც გაეცნონ მათ შედეგებს. ამის შემდეგ ნაწერები სკოლაში ბრუნდება და ინახება.

##### **1.4.3. საკონტროლო წერის შეფასება**

საკონტროლო წერის ჩატარების შემდეგ თქვენ მიხვდებით, რა გენერალური ან ცალკეული ზომებია გასატარებელი ხარვეზების აღმოსაფხვრელად. საამისოდ შეფასების რუბრიკა გამოგადგებათ. მასში თითოეული სამუშაოსთვის მოცემულია შესაბამისი რუბრიკა მთელი კლასის შესაფასებლად.

ამ რუბრიკაში მოცემულია სამი ზოგადი ცხრილი, რომელიც შეგიძლიათ ყველა საკონტროლო წერის შესაფასებლად გამოიყენოთ და სურვილის შემთხვევაში, სხვა საგნის მასწავლებლებსაც შესთავაზოთ.

#### ცხრილი 1: თითოეული დავალების შესრულების შეფასება

დავალება	1	2	3	4	ჯამი
თემა	თემის დასახელება	თემის დასახელება	თემის დასახელება	თემის დასახელება	
ქულები	5	3	4	3	15
დეტალები	1 ქ = 1 მაგალითი				

ამ ცხრილში იპოვით ინფორმაციას დავალებებთან დაკავშირებით და მათი შეფასების ვარიანტები. გრაფაში „დეტალები“ დაწვრილებითაა მოცემული, თუ რა ქულებით ფასდება თითოეული მაგალითი/ამოცანა.

#### ცხრილი 2: საკონტროლო წერის შეფასება

შეფასება	ძალიან კარგი	კარგი	დამაკმაყ.	საკმარისი	არასაკმარისი	არადამაკმაყ.
ინტერვალი	14 – 15	12 – 13,5	10 – 11,5	7,5 – 9,5	5 – 7	0 – 4,5

შეფასების ცხრილში მოცემულია შეფასება ქულების რაოდენობის მიხედვით. ეს ცხრილი თითოეული მოსწავლის და კლასის ზოგადი მიღწევების შედარებაში დაგვეხმარება. ქულები შეიძლება ცხრილის მიხედვით განისაზღვროს:

შეფასება	ძალიან კარგი	კარგი	დამაკმაყ.	საკმარისი	არასაკმარისი	არადამაკმაყ.
ინტერვალი	95%–100%	80%–94%	67%–79%	50%–66%	34%–49%	0%–33%

თუ თქვენ შეფასების სხვა სქემას ამჯობინებთ, რა თქმა უნდა, არჩევანის სრული თავისუფლება გაქვთ.

#### ცხრილი 3: კლასის სტატისტიკა | საკონტროლო წერა 1

----- თარიღი -----

	გვარი, სახელი	ა/ბ	დავალება				შეფასება	საჭიროებს დახმარებას:
			1	2	3	4		
1								
2								
3								

...

28								
----	--	--	--	--	--	--	--	--

მთელი კლასის შედეგები შეგიძლიათ მესამე ცხრილში შეაჯამოთ. თუ ამას ერთი სემესტრის ან მთელი წლის შემაჯამებელი სამუშაოებისთვის აკეთებთ და ერთი და იმავე მოსწავლეთა მონაცემები შეეგაქვთ, მაშინ იოლად შეძლებთ, თვალი ადევნოთ თითოეული მათგანის განვითარებას. ამასთან, თქვენ შესაძლებლობა გაქვთ, თავად განსაზღვროთ, როგორ შეავსებთ დავალების გრაფას.

გრაფაში ა/ბ მოინიშნეთ, რომელი ბავშვი რომელ ვარიანტს წერს. თუ შემაჯამებელ წერას განმეორებით დაწერს რამდენიმე მოსწავლე, ეს დაგეხმარებათ იმაში, რომ ერთსა და იმავე ბავშვს არ მისცეთ ერთი და იგივე დავალება. თქვენი სურვილისამებრ შეავსეთ გრაფები დავალებების ქვემოთ.

## ქვემოთ მოცემულია ორი ნიმუში.

გრაფაში „ქულა“ შეგიძლიათ ქულების მთლიანი რაოდენობაც შეიტანოთ. ასევე თქვენი შეხედულებისამებრ შეგიძლიათ გრაფის – „საჭიროებს დახმარებას“ – შევსება.

გთავაზობთ ორ მაგალითს:

**მაგალითი 1 – მხოლოდ ის თავისებურებები, რომლებიც რელევანტურია დამატებითი მუშაობისთვის.**

N	გვარი, სახელი	ა/ბ	დავალება				ქულა	საჭიროებს დახმარებას:
			1	2	3	4		
1	აბაშიძე ვ.	ა			x	xx	3	გამრავლება
2	ბერიძე დ.	ბ					1	
3	გელაშვილი რ.	ბ	x				2	
4	დევიძე მ.	ა			ნან.	-	4	ყურადღების კონცეტრაცია

**X** – სრულად არაა შესრულებული; **XX** – ძალიან ბევრია გამოტოვებული;

– – საერთოდ არაა დამუშავებული.

**მაგალითი 2: მოსწავლეთა მოსწრების სრული სურათი**

N	გვარი, სახელი	ა/ბ	დავალება				ქულა	საჭიროებს დახმარებას:
			1	2	3	4		
1	აბაშიძე ვ.	ა	+	+	-	--	3	გამრავლება
2	ბერიძე დ.	ბ	++	++	+	++	1	
3	გელაშვილი რ.	ბ	-	+	+	o	2	
4	დევიძე მ.	ა	+	++	+/-	//	4	ყურადღების კონცეტრაცია

აქ მოცემულია შეფასების ხუთსაფეხურიანი ნიმუში: + + - დან -- მდე.

თუ რომელიმე დავალება ან მისი დეტალი გამოტოვებულია, ვწერთ // ან /-ს.

### რუბრიკის შეფასება

- შევსებული ცხრილების მიხედვით შეგიძლიათ გაარკვიოთ, რომელ დავალებაში ვერ მიაღწიეს ბავშვებმა სასწავლო მიზნებს. ამის შემდეგ თემა კიდევ ერთხელ გავიაროთ ბავშვებთან ერთად, რათა შემდეგ თემებზე გადასვლისას, არ დაირღვეს შინაარსობრივი კავშირი. ასეთ შემთხვევაში, მხოლოდ დავალებებზე ვარჯიშით ბევრს ვერაფერს მივაღწევთ.
- ცხრილებით ასევე მიხვდებით, თუ რომელი ბავშვები შეიძლება დასვათ ცალკეულ ჯგუფში, რათა გარკვეული თემები ხელახლა გაიაროთ. აქაც ყურადღება უნდა მიექცეს იმას, რომ მათ, თქვენი დახმარებით, დავალებების საფუძველში მოცემული შინაარსები აღიქვან და გაიაზრონ, ხოლო შემდეგ თავად შეძლონ მსგავსი დავალებების შესრულება.
- ცალკეულ მოსწავლეებს, რომელთაც შეიძლება ჰქონდეთ გარკვეული სირთულეები, შეგიძლიათ სწრაფად მოანგარიშე მოსწავლეები დაახმაროთ (დახმარების სისტემა). ბ და გ პუნქტებში განსაკუთრებით მნიშვნელოვანია ვიპოვოთ იმის მიზეზები, თუ რატომ ვერ მიაღწია სასწავლო მიზნებს ზოგიერთმა მოსწავლემ. ამის მიზეზი შეიძლება იყოს ცოდნის ხარვეზი ან ტექსტის გააზრების პროცესი, კონცენტრაციის დაბალი უნარი, შიში მათემატიკის წინაშე ან მათემატიკური უნარების დარღვევები (მაგ., დისკალკულია – ანგარიშის უუნარობა). იმისათვის, რომ მსგავს შემთხვევებში ზუსტად გავერკვეთ, საჭიროა შეცდომების დიფერენცირებული ანალიზი, რაც შესაძლებლობას მოგვცემს, ცალკეულ დავალებებში მიღებული ქულები დავთვალოთ. შეცდომების ტიპების დიფერენცირებული ანალიზი შეიძლება გავაკეთოთ მათემატიკის ცოდნის დონის შესამოწმებელი შემაჯამებელი სამუშაოების დახმარებით, რომლებიც სახელმძღვანელოშია მოცემული და დიფერენცირებული სასწავლო კონტროლის შესაძლებლობას იძლევა.

# საკონტროლო ნერა 1

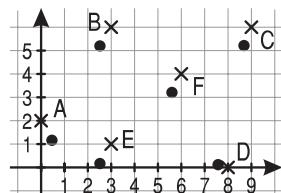
- 1.** ა) დაამრგვალე ლარების მთელ რაოდენობამდე: 348.73 ₷.  
 ბ) დაამრგვალე სრულ ასეულ მეტრამდე: 4949.6 მ

- 2.** ა) ჩაწერე სიტყვებით: 15 623 400  
 ბ) ჩაწერე ციფრებით: 520 მლრდ. 75 მლნ. ოთხას ოცი ათას რვაასი.

- 3.** შეამონმე, იყოფა თუ არა რიცხვი 351 990  
 2-ზე, 3-ზე, 4-ზე, 5-ზე, 9-ზე ან 10-ზე.

- 4.** ამონტერე A-დან F-მდე წერტილთა კოორდინატები.

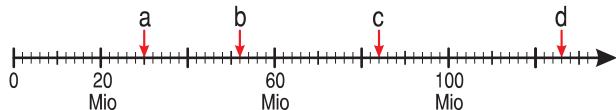
- 5.** 3 კგ მარწყვი 7.50 ლ ღირს.  
 რა თანხას გადაიხდი 12 კგ მარწყვში?



- 6.** ჩაწერე სიტყვებით რიცხვები: ა) 15 430 600 000      ბ) 54 736 080 000 000

- 7.** ნემსაძეების ოჯახმა კაფეში ისადილა.  
 მიახლოებით გამოთვალე, რა თანხა უნდა  
 გადაიხადონ მათ. შეარჩიე მოცემული  
 პასუხებიდან:  
 43.75 ₷, 50.85 ₷, 54.15 ₷ თუ 61.35 ₷.

- 8.** შეუსაბამე ასოებს შესაბამისი რიცხვები.



შემწვარი ხორცი	14.90 ₷
სუპი	3.10 ₷
1 თეფში სალათი	4.75 ₷
ფილე	18.80 ₷
2 მინერალური წყალი	5.20 ₷
1 ჭიქა წვენი	4.10 ₷
ჯამი:	

- 9.** გამოცანა რიცხვებზე! იპოვე ორი რიცხვი, რომელთა შესახებ ვიცით, რომ:

- ა) არის 77-სა და 111-ს შორის და იყოფა 3-სა და 5-ზე.  
 ბ) არის 147-სა და 189-ს შორის და იყოფა 3-ზე, 5-სა და 10-ზე.

- 10.** განსაზღვრე: ა) უსგ (40,24)      ბ) უსგ (72, 48)      გ) უსჟ (8,15)      დ) უსჟ (20,25)

- 11.** აღნიშნე ბადეში A(2;1), B(9;1), C(10;7), D(3;7) წერტილები და შეაერთე ისინი  
 ერთმანეთთან. რა სახის ოთხკუთხედი წარმოიქმნება?

- 12.** აღნიშნე საკოორდინატო ბადეში A(6;0) და B(12;6) წერტილები და შეამონმე,  
 შესაძლებელია თუ არა, ისინი ორი წერტილით C(■; ■) და D(■; ■)  
 კვადრატამდე შევავსოთ. ჩაწერე C და D წერტილების კოორდინატები.

- 13.** იპოვე შესაბამისი სიდიდეები.

ა) 
$$\begin{array}{c|c} \text{1. სიდიდე} & \text{2. სიდიდე} \\ \hline 9 & 16 \\ \hline 45 & \blacksquare \end{array}$$

ბ) 
$$\begin{array}{c|c} \text{1. სიდიდე} & \text{2. სიდიდე} \\ \hline 13 & 2,5 \\ \hline 78 & \blacksquare \end{array}$$

გ) 
$$\begin{array}{c|c} \text{1. სიდიდე} & \text{2. სიდიდე} \\ \hline 420 & 1372 \\ \hline \blacksquare & 343 \end{array}$$

**1.** ჩანერე ნილადი ათწილადის, ათწილადი კი – ნილადის სახით:

ა)  $\frac{5}{10}$     $\frac{12}{100}$     $\frac{41}{1000}$     $3\frac{25}{1000}$       ბ) 4,7      5,01      10,643      6,038

**2.** დააღავე ათწილადები. დაიწყე უდიდესით:

ა) 0,031; 0,314; 0,341      ბ) 17,40; 17,085; 17,049

**3.** ჩანერე გაშლილი სახით: ა) 8,71      ბ) 23,0045

**4.** გამოთვალე:      
$$\begin{array}{r} + 4,8 \\ + 5,7 \\ \hline 12,49 \end{array}$$
      
$$\begin{array}{r} + 9,15 \\ + 12,49 \\ \hline 26,51 \end{array}$$
      
$$\begin{array}{r} - 61,80 \\ - 26,51 \\ \hline \end{array}$$

**5.** თეოს ასაწყობი კუბიკების ნაკრების ყიდვა სურს, რომელიც 49,95 ლარი ღირს. მას 24,75 ლარი უკვე აქვს. ბებიამ 10 ლარი აჩუქა. კიდევ რამდენი ლარი აკლია თეოს?

**6.** დააღავე მოცემული ათწილადები. დაიწყე უმცირესით:

ა) 3,6; 3,06; 0,66; 0,307; 0,606      ბ) 0,4; 0,44; 0,41; 0,412; 0,402

**7.** იანგარიშე.

ა)  $129,48 + 89,145 + 320,047$       ბ)  $741,457 - 255,98$

**8.** გამოიყენე განრიგებადობის თვისება, გაამარტივე გამოსახულება და გამოთვალე:

ა)  $4,17x + 5,83x$       თუ  $x = 62$       ბ)  $15,6x - 6,6x$       თუ  $x = 42$

**9.** ჩანერე ქვეშმიწერით და გამოთვალე:

ა) $4,69 + 15,9$	ბ) $26,5 - 12,68$
გ) $65,52 + 18,8$	დ) $34,14 - 2,641$

**10.** ამოხსენი განტოლება: ა)  $6,15 + x = 12$       ბ)  $x + 19,44 = 21,8$   
გ)  $x - 2,72 = 12,8$       დ)  $24,5 - x = 4,56$

**11.** დაწერე თითოეული უტოლობის ოთხი ამონახსნი – 2 ნატურალური და 2 ათწილადი.

ა) $x + 9,4 > 10$	ბ) $x - 3,1 < 12,53$
გ) $11,7 + x < 19,41$	დ) $19,4 - x > 5,28$

**12.** მზარეული ამზადებს მარმელადს 3,5 კგ მოცხარისა და 1,75 კგ მარწყვისგან. ამისთვის საჭიროა იმდენივე კილოგრამი შაქარი, რამდენიც – ხილი და 100 გ ნყალი. ხარშვისას ორთქლდება 300 გ სითხე. რამდენს აიწონის მზა მარმელადი?

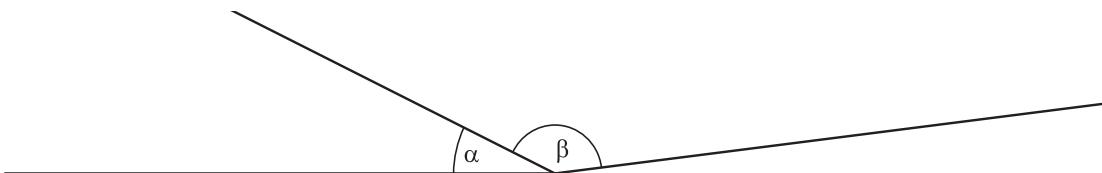
**13.** რიცხვით სხივზე აღებულია წერტილი, რომელსაც შესაბამება რიცხვი 12,4. იპოვე მისგან 5,17-ით მარჯვნივ და 8,35-ით მარცხნივ მდებარე წერტილების შესაბამისი რიცხვები.

## საკონტროლო ნერა 3

1. გამოთვალე: ა)  $30 \text{ მ-ის } \frac{1}{3}$  ბ)  $420 \text{ კმ-ის } \frac{5}{7}$
2. ჩაწერე შერეული ან ნატურალური რიცხვის სახით.  
ა)  $\frac{19}{12}$  ბ)  $\frac{35}{7}$  გ)  $\frac{87}{10}$  დ)  $\frac{21}{4}$
3. გამოთვალე: ა)  $2\frac{9}{12} + \frac{2}{12}$  ბ)  $5\frac{8}{10} - 2\frac{3}{10}$
4. შოკოლადის ფილის რა ნაწილი შეხვდება თითოეულს, თუ მას თანაბრად გავუყოფთ:  
ა) 3 ბავშვს ბ) 5 ბავშვს გ) 10 ბავშვს დ) 15 ბავშვს
5. დიტომ იყიდა  $\frac{2}{9}$  კგ ხორცი და  $\frac{5}{9}$  კგ ბოსტნეული. პროდუქტი ჩააწყო პარკში და აწონა. რამდენს იწონის დიტოს პარკი?
6. ფერმაში 60 ცხოველი ბინადრობს, მათ შორის  $\frac{1}{4}$  ღორია,  $\frac{1}{3}$  – ძროხა,  $\frac{1}{6}$  – კურდლელი და  $\frac{1}{10}$  – კატა. ფერმერს ასევე ჰყავს ქათმები და ერთი ძალლიც.  
ა) რამდენი ღორი, ძროხა, კურდლელი და კატა ბინადრობს ფერმაში სულ?  
ბ) რამდენი ქათამი ჰყავს ფერმერს?
7. ძია რეზო თემოს ესტუმრა დაბადების დღეზე. მან ჰქითხა ბიჭს: „მე მხოლოდ 60 ლარი მაქვს. რა გირჩევნია, ამ თანხის  $\frac{1}{5}$  მოგცე, თუ  $\frac{1}{4}$ ?“ თქვენი აზრით, რას უპასუხებს თემო. ახსენით.
8. მასწავლებელი ამბობს: „480 მოსწავლიდან  $\frac{5}{12}$  ავტობუსით მოდის სკოლაში,  $\frac{2}{6}$  – ველოსიპედით, დანარჩენები კი – ფეხით“. იანგარიშე, რამდენი მოსწავლე დადის სკოლაში ფეხით.
9. გამოთვალე: ა)  $3\frac{3}{4} + 4\frac{1}{4}$  ბ)  $7\frac{2}{6} + 3\frac{5}{6}$  გ)  $4\frac{1}{3} - \frac{2}{3}$  დ)  $2\frac{1}{8} - 1\frac{5}{8}$
10. სკოლაში ხელნაკეთი ნივთებისა და სათამაშოების გამოფენა-გაყიდვა გაიმართა. შემოსავლის  $\frac{2}{3}$ -ით ბავშვთა სახლს უნდა დაეხმარონ, დანარჩენი თანხა კი სკოლაში რჩება. მე-6<sup>ა</sup> კლასმა 147 ლ შეაგროვა, მე-6<sup>ბ</sup> კლასმა - 258 ლ, მე-6<sup>გ</sup> კლასმა კი – 453 ლ. რა თანხით დაეხმარა ბავშვთა სახლს თითოეული კლასი? რა თანხა მიიღო სულ ბავშვთა სახლმა?
11. ტურისტთა ორი 20-კაციანი ჯგუფი სიღნაღს ესტუმრა. პირველი ჯგუფის  $\frac{3}{4}$  და მეორე ჯგუფის  $\frac{2}{5}$  ქალაქს ერთად ათვალიერებს. რომელი ჯგუფია უფრო მეტად წარმოდგენილი ქალაქის დათვალიერებისას? რამდენით მეტი ტურისტია ამ ჯგუფში?
12. რამდენი წუთია: ა) 1 სთ-ის  $\frac{5}{6}$  ნაწილი ბ) 2 სთ-ის  $\frac{11}{12}$  ნაწილი  
გ) 2 სთ-ის  $\frac{9}{40}$  ნაწილი დ) 3 სთ-ის  $\frac{13}{90}$  ნაწილი
13. გამოსახე უფრო მცირე ერთეულებით: ა)  $\frac{7}{10}$  კგ ბ)  $\frac{41}{50}$  კგ გ)  $\frac{17}{20}$  მ დ)  $\frac{21}{25}$  ტ
14. გამოსახე უფრო დიდი ერთეულებით:  
ა) 19 კგ = x ტ ბ) 22 სმ = x მ გ) 145 მ = x კმ დ) 206 გ = x კგ

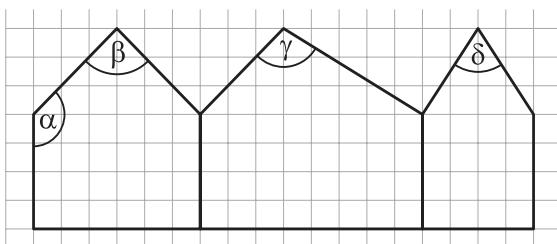
1. ა) დახაზე 2,5 სმ-რადიუსიანი წრენირი. ბ) დახაზე 6,4 სმ-დიამეტრიანი წრენირი.

2. ტრანსპორტირით გაზომე  $\alpha$  და  $\beta$  კუთხეების სიდიდეები და ჩანერე:  $\alpha = \blacksquare$ ;  $\beta = \blacksquare$ .

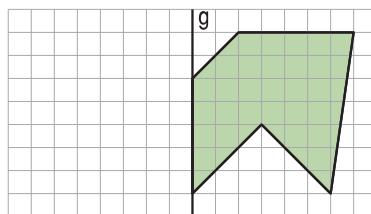


3. დახაზე კუთხე: ა)  $76^\circ$ , ბ)  $99^\circ$

4. როგორი კუთხეებია აქ ნარმოდგენილი?



5. ე არეკვლის ღერძის მიმართ ააგე სიმეტრიული ფიგურა.



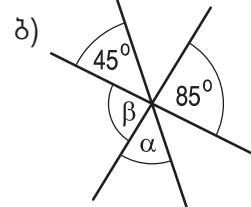
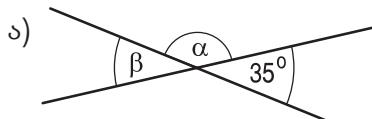
5. დახაზე დავალება 5-ში მოცემული ფიგურა და გადაიტანე პარალელურად: 6 ↑ და 2 →

6. 8 მ-დიამეტრიანი აუზის ირგვლივ 2 მ სიგანის სასეირნო ბილიკია.  
დახაზე აუზი და ბილიკი მასშტაბით 1:100 .

7. ერთმანეთისგან 70 კმ-ით დაშორებულ A და B ადგილზე დგას ორი რადიოგადამცემი. პირველის გადაცემათა სიშორე 50 კმ-ია, მეორისა - 40 კმ. დახაზე ის არე, რომელშიც ორივე რადიოგადამცემის სიგნალების მიღება შეიძლება (მასშტაბით 1:1 000 000 – 1 სმ 1 000 000 სმ = 10 კმ) და გააფერადე.

8. დახატე წრიული ფორმის ტორტი რადიუსით 5 სმ და გაყავი 10 თანაბარ ნაწილად. ჯერ მოიფიქრე, რას უდრის ცენტრში ტორტის ნაჭრის მიერ შედგენილი კუთხე.

9. იანგარიშე  $\alpha$  და  $\beta$  კუთხეები.



10. რას უდრის საათის ორ ისარს შორის კუთხე:

ა) 8:00 სთ-ზე ბ) 15:30 სთ-ზე?

11. დახაზე საკონრდინატო ბადეზე ABCD ოთხკუთხედი წვეროებით: A(1;1), B(7;1), C(6;5), D(2;5).

ა) დახაზე მისი ყველა სიმეტრიის ღერძი და სიმეტრიის ცენტრი;

ბ) ააგე მისი სიმეტრიული ფიგურა B და C წერტილებზე გამავალი წრფის მიმართ;

გ) გადაიტანე ABCD ოთხკუთხედი პარალელურად 2 → და 4↑.

12. დახაზე შემდეგი თვისებების მქონე ოთხკუთხედი:

ა) ცენტრულად სიმეტრიული, მაგრამ არ არის ღერძულად სიმეტრიული.

ბ) ღერძულად სიმეტრიული, მაგრამ არ არის ცენტრულად სიმეტრიული.

13. დახაზე ორი წრენირი რადიუსებით: 4 სმ და 3 სმ. როგორი განლაგება აქვთ მათ თუ ცენტრებს შორის მანძილი ტოლია: ა)  $0_1 0_2 = 7$  სმ ბ)  $0_1 0_2 = 9$  სმ გ)  $0_1 0_2 = 1$  სმ დ)  $0_1 0_2 = 6$  სმ

## საკონტროლო ნერა 5

1. იანგარიშე:      ა)  $\frac{3}{4} \cdot 5$       ბ)  $2\frac{1}{2} \cdot 3$       გ)  $\frac{6}{5} : 3$       დ)  $1\frac{1}{4} : 3$

2. იანგარიშე:      ა)  $3 \cdot (\frac{2}{7} + \frac{3}{7})$       ბ)  $(\frac{7}{8} - \frac{3}{8}) \cdot 5$       გ)  $(\frac{3}{5} + \frac{1}{5}) : 3$

3. ჯერ შეაფასე მიახლოებით, შემდეგ იანგარიშე ზუსტად: ა)  $8,45 \cdot 32$  ბ)  $67,68 : 9$

4. ა) ნონამ 8 კგ ისპანახი იყიდა. 1 კგ ისპანახი 4,80 ლარი ღირდა.

რა თანხა გადაიხადა მან?

ბ) 12 წყვილი სოსისი 22,2 ლარი ღირს. რა ღირს ერთი წყვილი სოსისი?

5. ა)  $\frac{3}{4}$  ჩანერე ათწილადის სახით.      ბ)  $\frac{2}{3}$  ჩანერე ათწილადის სახით.

6. შეავსე ცარიელი უჯრები:      ა)  $\frac{3}{8} \cdot \blacksquare = \frac{21}{8}$       ბ)  $\frac{7}{10} \cdot \blacksquare = \frac{63}{10}$

7. შეავსე ცარიელი უჯრები:      ა)  $\frac{8}{9} : \blacksquare = \frac{2}{9}$       ბ)  $\frac{9}{4} : \blacksquare = \frac{3}{4}$

8. შეავსე ცარიელი უჯრები:      ა)  $\frac{4}{3} \cdot \blacksquare = \frac{20}{\blacksquare}$       ბ)  $\frac{3}{5} : \blacksquare = \frac{\blacksquare}{10}$

9. სკოლის ეზოსთვის 34 ძირ ტუიას ყიდულობენ და 161,50 ლარს იხდიან.  
რა ღირს ერთი ძირი ტუია?

10. რეზი ყოველდღე ველოსიპედით მიდის სკოლაში. მთელი გზა წინ და უკან 12,7 კმ-ს  
შეადგენს. რამდენ კილომეტრს გადის რეზი ორშაბათიდან პარასკევის ჩათვლით?

11. 6-კაციანმა ჯგუფმა ლოტოს გათამაშებაში 129,3 ლარი მოიგო.  
რამდენი ლარი შეხვდება თითოეულს?

12. ყოველ წითელ ბარათს შეესაბამება მწვანე ბარათი. დანერე 12 ტოლობა, მაგ.:  $\frac{3}{100} = 0,03$ .

**ნითელი**

$\frac{1}{100}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{10}$
$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{7}{10}$	$\frac{12}{100}$	$\frac{2}{3}$	$\frac{8}{100}$

**მცანე**

0,25	0,5	0,(3)	0,08	0,(6)	0,2
0,1	0,7	1 %	50 %	0,75	12 %

13. ა) ჩანერე ათწილადის სახით:  $\frac{11}{8}; \quad \frac{2}{11}$ .      ბ) ჩანერე წილადის სახით: 0,6; 0,73.

14. შედეგი დაამრგვალე იმ თანრიგამდე, რომელიც, ჩვეულებრივ, მიღებულია  
მოცემული ერთეულისთვის.

ა)  $14,26 \frac{\text{ლ}}{\text{მ}} : 5$       ბ)  $3,27 \text{ მ} : 2$       გ)  $25,27 \text{ კგ} : 6$       დ)  $70,04 \text{ კგ} : 100$

15. აშშ-ში სიგრძის ერთეულად ფუტს იყენებენ. 1 ფუტი დაახლოებით  $21\frac{1}{2}$  სმ-ია.  
რა სიგრძისაა 20-ფუტიანი დროშის ტარი სმ-ში? მ-ში?

16. ა) გეგიძეების ოჯახმა სამზარეულოსთვის 724,80-ლარიანი ჭურჭლის სარეცხი მანქანა  
და 402,60-ლარიანი სამზარეულოს კარადა შეიძინა. რა ღირს ორივე ერთად?  
ბ) მთელი ღირებულების 50%-ს ბებია და ბაბუა იხდიან. რა თანხას შეადგენს ეს?

1. გადაიყვანე: ა)  $300 \text{ см}^2 = \boxed{\phantom{00}} \text{ дм}^2$  ბ)  $12 \text{ см}^2 = \boxed{\phantom{00}} \text{ дм}^2$

2. მართკუთხედის ფორმის ნაკვეთის სიგრძე 100 მ, სიგანე კი 85 მ-ია. იანგარიშე ფართობი და პერიმეტრი.

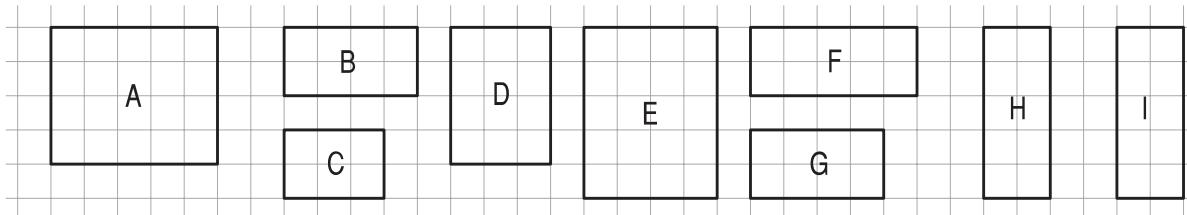
3. კასრში  $0,5 \text{ м}^3$  ვაშლის წვენია. რამდენი ლიტრია ეს?

4. ა)  $4500 \text{ см}^3 = \boxed{\phantom{000}} \text{ дм}^3$  ბ)  $35 \text{ дм}^3 = \boxed{\phantom{000}} \text{ л}$

5. პარალელეპიპედის სიგრძე 20 სმ-ია, სიგანე – 5 სმ, სიმაღლე კი – 7 სმ.

ა) გამოთვალე მოცულობა. ბ) იანგარიშე ზედაპირის ფართობი.

6. 6 მართკუთხედით შეადგინე პარალელეპიპედის შლილი და დახაზე.



7. ა) რამდენ  $\text{м}^2$ -ს შეადგენს ერთი ჰა? ბ) რამდენ ჰა-ს შეადგენს  $1 \text{ м}^3$ ?

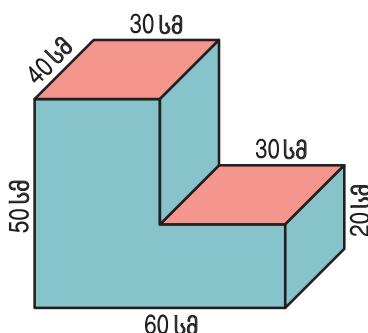
8. აუზს 18 მ სიგრძე, 5, 20 მ სიგანე და 1,80 მ სიღრმე აქვს.

ა) რამდენ  $\text{м}^3$  წყალს იტევს ის დაახლოებით? შეაფასე მთელი რიცხვებით.  
ბ) დაახლოებით რამდენი ლიტრი წყალია საჭირო აუზისთვის?

9. პარალელეპიპედის ფორმის ჩემოდანი 80 ლიტრს იტევს. მისი შიდა სიგრძე 80 სმ-ია, სიგანე კი – 50 სმ. იანგარიშე ჩემოდნის სიმაღლე.

10. მოცემული ფიგურის ზედა და ფუძის წახნაგები წითლად არის გაფერადებული, დანარჩენი წახნაგები კი – ლურჯად.  $0,5 \text{ м}^2$  ზედაპირს ერთი ქილა ( $375 \text{ мლ}$ ) საღებავი სჭირდება. თითოეული ფერის რამდენი ქილა საღებავი უნდა იყიდო?

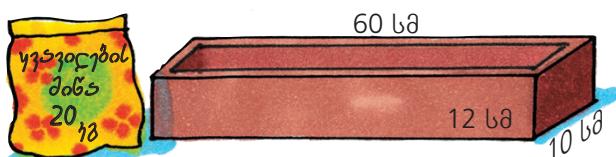
11. განსაზღვრე მოცემული ფიგურის მოცულობა.



12. აკვარიუმის სიგრძე 1 მ-ია, სიგანე – 50 სმ, სიმაღლე კი – 80 სმ.

ა) რამდენი ლიტრი წყალი ჩაეტევა აკვარიუმში, თუ მას 60 სმ სიმაღლემდე ავავსებთ?  
ბ) რამდენ 10-ლიტრიან სათლ წყალს დაიტევს აკვარიუმი?

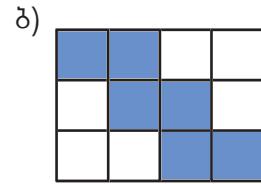
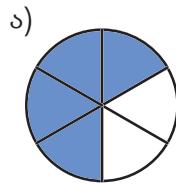
13. სამი ერთნაირი ზომის ქოთნის ყვავილები უნდა დააწყონ კლასის ფანჯრის რაფაზე. ქოთნებს ჯერ მიწით ავსებენ. ეყოფათ მის მოსატანად 20 კგ-იანი ტონარა?



1. დაწერე გაფერადებული ნაწილის

შესაბამისი ორი წილადი.

2. ჩახაზე  $\frac{4}{10}$ -ის გამომსახველი ორი ესკიზი.



3. გადახაზე რვეულში და შეავსე ცარიელი  
ადგილები რიცხვებით:  $\frac{24}{30} = \frac{\blacksquare}{5} = \frac{\blacksquare}{10} = \frac{\blacksquare}{100} = \blacksquare\%$

4. შეკვეცე თუ შესაძლებელია, შემდეგ კი წილადი ჩაწერე ათწილადისა და პროცენტის  
სახით. თუ საჭიროა, დაამრგვალე: ა)  $\frac{14}{56}$  ბ)  $\frac{20}{30}$

5. იანგარიშე და შეკვეცე, თუ შესაძლებელია: ა)  $\frac{2}{5} + \frac{1}{2}$  ბ)  $\frac{7}{8} - \frac{1}{4}$

6. ჩაწერე წილადის სახით და შეკვეცე, თუ შესაძლებელია:

ა) 0,7 ბ) 0,04 გ) 0,125 დ) 0,48

7. ჩაწერე ათწილადის და ასევე უკვეცი წილადის სახით.

ა) 20% ბ) 35% გ) 5% დ) 75%

8. ტატომ ჩაიფიქრა რიცხვი, გამოაკლო  $1\frac{1}{2}$  და მიიღო  $\frac{1}{4}$ . რა რიცხვი ჩაიფიქრა მან?

9. მაიამ ჩაიფიქრა რიცხვი. მიუმატა  $\frac{2}{5}$ -ს და მიიღო  $2\frac{1}{4}$ .

10. მარი, ანა და ბექა იყოფენ ერთ დიდ ხაჭაპურს.

ბექას ხვდება ხაჭაპურის  $\frac{1}{3}$ , ანას –  $\frac{1}{4}$ . რა ნაწილი რჩება მარის?

11. საბამ ნახევარი ხაჭაპური მიირთვა, ლილემ –  $\frac{2}{3}$ , ვანომ კი –  $\frac{3}{4}$ . ვინ შეჭამა ყველაზე მეტი  
ხაჭაპური? ყველაზე ნაკლები?

12. ნინას, თეასა და მათეს 48 სათამაშო კუბიკის განაწილება სურთ.

ა) ნინას უნდა ნახევარი, თეას – მესამედი, მათეს კი – მეოთხედი. ეს შესაძლებელია?

ბ) ნინა იღებს კუბიკების ნახევარს, თეა და მათე კი – კუბიკების ერთნაირ რაოდენობას.  
რა ნაწილები ხვდებათ თეასა და მათეს?

13. ლეოს 60 თხილი აქვს. ნახევარს აძლევს შალვას, დარჩენილი ნაწილის  
მეორედს – მარის, 9 ცალს კი – ზურას. რამდენი თხილი დარჩა ლეოს?

14. რამდენი აკლია 1-მდე? შეავსე ტოლობა:

ა)  $\frac{1}{3} + \frac{1}{6} + \blacksquare = 1$  ბ)  $\frac{2}{5} + \frac{1}{2} + \blacksquare = 1$

15. შეადარე ორი რიცხვი. ჩასვი <, = ან >:

ა)  $\frac{3}{4} \blacksquare \frac{3}{7}$  ბ)  $\frac{3}{4} \blacksquare \frac{2}{3}$  გ)  $\frac{3}{4} \blacksquare 75\%$  დ)  $0,45 \blacksquare \frac{5}{9}$

16. ჩაწერე შედეგი მოცემული საზომი ერთეულებით:

ა)  $\frac{1}{2}\text{ კგ} + 600\text{ გ} = \blacksquare\text{ კგ}$  ბ)  $1\frac{3}{4}\text{ კგ} - 1,5\text{ კგ} = \blacksquare\text{ გ}$  გ)  $1\frac{1}{2}\text{ სთ} - 50\text{ წთ} = \blacksquare\text{ წთ}$

1. ნინი ერთი კვირის განმავლობაში ყოველ დილით იწერდა ჰაერის ტემპერატურას. განსაზღვრე საშუალო ტემპერატურა (დაამრგვალე მთელ რიცხვებამდე) და გაბნევა.

დღე	ორშ.	სამშ.	ოთხ.	ხუთ.	პარ.	შაბ.	კვ.
ტემპერ. (°C)	10	6	4	9	11	14	14

2. ქალბატონი ლილი A სკოლაში 500-დან 350 ხმით აირჩიეს დირექტორად, ქალბატონი მზია კი B სკოლაში – 640-დან 400 ხმით. შეადარე მომხრეთა ნაწილები.
3. კინოთეატრი ამონმებს დარბაზების დატვირთულობის სიხშირეს. ცხრილი გვიჩვენებს, რამდენი ბილეთი გაიყიდა თითოეულ დარბაზში. იანგარიშე გაყიდული ბილეთების წილები და წარმოადგინე სვეტოვანი დიაგრამით.

დარბაზი	A	B	C	D
ადგილები	400	250	100	50
გაყიდა	280	200	50	45

4. კინოთეატრის დარბაზი მორთულია ფერადი ლენტებით. შეავსე ცხრილი და ააგე წრიული დიაგრამა.

მონაცემი	შტრიხები	სიხშირე %-ით	ფარდობითი სიხშირე წილადით
ყავისფერი	III		
ყვითელი	II		
მწვანე	II		
ცისფერი	III		
ლურჯი	IV		

5. აკაკის სიმაღლე 1,70 მ-ია, მარის – 1,50 მ. მათი ძმის, ვაჟას სიმაღლე სამივეს სიმაღლეთა საშუალოა. რას უდრის ვაჟას სიმაღლე?

6. აქციაში „გავწმინდოთ მდინარის სანაპირო“ A სოფლის სკოლის 500 მოსწავლიდან 340 მონაწილეობდა; B სოფლის 640 მოსწავლიდან კი – 384. შეადარე ამ სკოლათა წილები აქციაში.

7. A სასტუმროს 200 ოთახი აქვს, B სასტუმროს კი – მხოლოდ 50. A სასტუმროში 150 ოთახია დაკავებული, B-ში კი – 40. ორივე სასტუმროზე თანაბარი მოთხოვნაა?

8. გზაჯვარედინზე მოძრაობის ალრიცხვა 9-დან 30 საათამდე გრძელდებოდა. წარმოადგინე ფარდობითი სიხშირეები სვეტოვანი დიაგრამით.

ტრანსპორტის სახეობა	რაოდენობა
საკუთარი ავტომობილი	92
სატვირთო ავტომობილი	46
მოტოციკლეტი	28
ველოსიპედი	34

8. მეექვსე კლასელებმა კლასში ჩაატარეს ასეთი გამოკითხვა: „რამდენი წუთი დაგჭირდა მათემატიკის ბოლო დავალების შესასრულებლად?“ გამოკითხვის შედეგები ცხრილებშია ასახული. მოისაზრეთ, როგორ წარმოვადგინოთ შედეგები და შევადაროთ სხვა კლასებისას.

კლასი 6 <sup>ა</sup>					
10	23	13	18	12	9
30	16	8	15	24	15
15	22	11	28	15	12
11	10	18	8	16	20
14	19	12	18	13	10

კლასი 6 <sup>ბ</sup>					
11	22	9	20	15	10
28	16	10	24	9	20
16	8	26	12	60	14
20	12	16	10	18	8
18					

## საკონტროლო ნერა 9

1. გააორმავე და გაამარტივე:  $\frac{5}{8}; \quad \frac{7}{6}; \quad \frac{1}{3}; \quad \frac{3}{5}; \quad \frac{2}{7}; \quad 1\frac{2}{7}$ .

2. გაანახევრე და გაამარტივე:  $\frac{2}{5}; \quad \frac{7}{6}; \quad \frac{1}{3}; \quad \frac{3}{5}; \quad \frac{2}{7}; \quad 1\frac{2}{7}$ .

3. იანგარიშე: ა)  $15 \cdot \frac{3}{5}$  ბ)  $\frac{3}{8} \cdot \frac{16}{7}$  გ)  $\frac{3}{8} : \frac{3}{4}$  დ)  $1\frac{2}{3} : 4$

4. მოცემული მასშტაბის შემთხვევაში, რამდენი კმ-ია რუკაზე 1 სმ?

ა) 1 : 100 000 (ტურისტული რუკა)

ბ) 1 : 4 500 000 (ატლასი)

გ) 1 : 30 000 (ტურისტული რუკა)

5. ა)  $1\frac{4}{9} \cdot \frac{3}{13}$  ბ)  $\frac{7}{36} : \frac{28}{3}$  გ)  $1\frac{1}{14} : 2\frac{1}{2}$  დ)  $3\frac{2}{5} \cdot 1\frac{7}{17}$

6. გამოთვალე: ა)  $5\frac{5}{6} \cdot 1\frac{1}{9} - 2\frac{7}{18}$  ბ)  $2\frac{5}{17} \cdot 2\frac{8}{13} : \frac{4}{15} + 2\frac{5}{34}$

7. გაამარტივე და იპოვე მნიშვნელობა:

$2\frac{1}{15}x + 1\frac{3}{20}x - 1\frac{19}{30}, \quad \text{თუ } \text{ა) } x = 2 \quad \text{ბ) } x = 1\frac{1}{15}$

8. ამოხსენი განტოლება: ა)  $x : 3\frac{1}{4} - 2\frac{1}{10} = 1\frac{5}{16}$  ბ)  $4\frac{7}{22} - x \cdot 2\frac{1}{55} = 2\frac{14}{33}$

9. ა) ყასაბი  $2\frac{1}{4}$  კგ ხორცს 3 თანაბარ ნაწილად ყოფს.

რას იწონის თითოეული ნაწილი?

ბ) ერთ ყუთში 24 ბოთლია. თითოეულ ბოთლში  $\frac{1}{4}$  ლ წვენი ასხია.

სულ რამდენი ლიტრი წვენია ყუთში?

10. ა) დიტოს ნაბიჯის სიგრძეა  $\frac{3}{4}$  მ. ის მოედანს 25 ნაბიჯით ფარავს. რა სიგრძე აქვს მოედანს?

ბ) ივარჯიშე  $\frac{1}{2}$  მ და  $\frac{3}{4}$  მ სიგრძის ნაბიჯებით სიარულში. რამდენი ნაბიჯის გადადგმა დაგჭირდება 1 კმ-ის გასავლელად ორივე შემთხვევაში ცალ-ცალკე?

გ) ბექას ნაბიჯის სიგრძეა  $\frac{2}{3}$  მ, სესილისა კი – 70 სმ. ისინი ერთმანეთის შესახვედრად მიღიან და  $1\frac{23}{100}$  კმ გზა უნდა გაიარონ. რამდენ ნაბიჯში შეხვდებიან ისინი ერთმანეთს?

11. 1 : 200000 მასშტაბის რუკაზე ორ პუნქტს შორის მანძილი 9 სმ-ია.

რამდენ სანტიმეტრიანი მონაკვეთი შეესაბამება ამ მანძილს?

ა) 1 : 400 000 მასშტაბის რუკაზე

ბ) 1 : 100 000 მასშტაბის რუკაზე

გ) 1 : 1500 000 მასშტაბის რუკაზე

ამოხსენი ორი ხერხით.

12. 1 ხალიჩა  $\frac{3}{5}$ -ჯერ ძვირი ლირს, ვიდრე – მეორე; ორივე ერთად კი – 80 ლარი.

რა ლირს თითოეული ხალიჩა. შეადგინე განტოლება და ამოხსენი.

13. თეამ ჩაიფიქრა რიცხვი, გაყო  $2\frac{7}{8}$ -ზე, განაყოფს მიუმატა  $5\frac{1}{4}$  და მიიღო  $10\frac{3}{16}$ .

შეადგინე განტოლება და იპოვე ჩაფიქრებული რიცხვი.

1. გამოთვალე: а)  $51,38 : 1\ 000$  ბ)  $0,0513 \cdot 100$  გ)  $250,56 : 1\ 000$  დ)  $0,213 : 100$
2. გამოთვალე: а)  $2,9 \cdot 47,5$  ბ)  $0,71 \cdot 80,2$  გ)  $10,8 : 6$  დ)  $30 : 2,5$
3. ბატონმა პეტრემ იყიდა 8,50 მ-იანი ნყლის მილი. 1 მეტრი ნყლის მილი 2,70 ლარი ღირს. რამდენი ლარი გადაიხადა მან?
4. ქალბატონმა ლიზიმ ბოტანიკურ ბალში შესასვლელად 27 ბილეთი შეიძინა და სულ 67,50 ლარი გადაიხადა. რამდენი ლარი გადაიხადა მან ერთ ბილეთში?
5. იანგარიშე ქვეშმიწერით მხოლოდ პირველი მაგალითი, დანარჩენი კი – პირველი მაგალითის გამოყენებით.

ა)	804 · 4,8
	8,04 · 0,48
	80,4 · 0,048
	0,804 · 4,8

ბ)	707 · 83
	707 · 0,83
	0,707 · 0,83
	70,7 · 8,3

გ)	44 · 905
	4,4 · 9,05
	0,44 · 0,905
	0,044 · 90,5

დ)	309 · 222
	0,309 · 2,22
	30,9 · 22,2
	3,09 · 0,0222

6. სამშენებლო მოედნიდან 27 მ<sup>3</sup> ნაგავი უნდა გაიტანონ. სატვირთო მანქანა 4,5 მ<sup>3</sup>-ს იტევს. რამდენი გზა დასჭირდება მას მთელი ნაგვის გასატანად?
7. ერთი საზღვაო მილი 1,852 კმ-ს შეადგენს. გემი საათში 18,5 საზღვაო მილს ფარავს. რამდენ კილომეტრს გადის იგი 1 საათში?
8. ბატონმა შალვამ 565 მ<sup>2</sup> ფართობის მქონე მინის ნაკვეთში 62 404,25 ლარი გადაიხადა. რამდენი ლარი გადაიხადა მან 1 კვადრატულ მეტრში?
9. პარალელეპიპედის სიგრძე 17,8 სმ-ია, სიგანე – 4,2 სმ, სიმაღლე კი – 3,5 სმ. იანგარიშე მოცულობა.
10. კატოს ოთახის სიგრძე 4,50 მ-ია, სიგანე კი – 3 მ. მთელ ოთახში დაგებულია ხალიჩა, რომელის 1 მ<sup>2</sup>-ის ფასია 19,80 ლარი. რა თანხა გადაიხადეს კატოს ხალიჩაში?
11. ქალბატონი სოფია სამსახურში ფრაიბურგიდან დადის. ის კვირაში 5-ჯერ მგზავრობს ავტობუსით. წლიურ ბილეთში მან 375 ლარი გადაიხადა.
  - ა) 1,80 ლარის ღირებულების რამდენი ერთჯერადი ბილეთი შეეძლო ეყიდა მას ამ თანხით?
  - ბ) ქალბატონ სოფიას შეეძლო ეყიდა ერთთვიანი ბილეთი 37,50 ლარად. რამდენი ლარით მეტი დაუჯდებოდა მას ასე მგზავრობა მთელი წლის განმავლობაში?
12. სოსოს 15,48 ლარი აქვს. ამ თანხის ნახევარი თანაკლასელის ვალის გასასტუმრებლად სჭირდება; დანარჩენი თანხის მესამედს კი ტკბილეულზე ხარჯავს. რა თანხა რჩება სოსოს?
13. ქალბატონი დალის ყოველთვიური შემოსავალი 1869 ლარია. გადასახადებსა და დაზღვევაზე ხელფასის  $\frac{2}{7}$  ეხარჯება. რა თანხა რჩება ქალბატონ დალის?
14. სელაპის აუზი დაცალეს და გაწმინდეს, შემდეგ კი ორი მილით დაიწყეს მისი გავსება. აღმოჩნდა, რომ პირველი მილით 1 საათში 0,8-ჯერ მეტი წყალი მიენოდა აუზს, ვიდრე – მეორით. ორივე მილის ერთობლივი მუშაობით 5 სთ-ში აუზში 3600 ლ წყალი დაგროვდა. რამდენი ლიტრი წყალი მიენოდებოდა აუზს თითოეული მილით 1 სთ-ში?

## ნაილი II: დატალური იცვორებაცია მოსხავლის ნიგნში მუშაობისთვის

ჩვენი სახელმძღვანელოს კონცეფციას საფუძვლად უდევს გერმანიის საგანმანათლებლო სტანდარტის მოთხოვნები, რომელიც, ჩვენთან თანამშრომლობით, ქართულ ეროვნულ სასწავლო გეგმასთან შესაბამისობაში მოიყვანა ქართულმა სარედაქციო ჯგუფმა.

**სავალდებულო თემები და კომპეტენციები ნიგნში განაწილებულია ლოგიკური თანმიმდევრობით და მოსწავლეთა მზაობის გათვალისწინებით.** შესაბამისად, აქ მოცემული თავების უმრავლესობა წინა თავებში მიღებულ ცოდნასა და უნარებზეა აგებული. გარდა ამისა, დიდაქტიკურ-მეთოდოლოგიური მიზნები გვავალდებულებს ნიგნში თავების მოცემული მიმდევრობის დაცვას. განსაკუთრებით, ეს ეხება თავს გეომეტრიული საკითხებისა და საბაზისო არითმეტიკული მოქმედებების შესახებ, რაც ჩვენს ნიგნში ერთმანეთს ერწყმის. ამით ხელს ვუწყობთ გეომეტრიული და არითმეტიკული თემების ერთმანეთთან დაკავშირებას ადრეულ ეტაპზე.

ნიგნის ბოლო თავი, რომელშიც შემოდის წილადები, საშუალებას გვაძლევს მოსწავლეებს მოზომილად გავაცნოთ წილადების სამყარო. სახელმძღვანელოზე მუშაობის დეტალური მითითებანი მოიცავს უამრავ დიდაქტიკურ-მეთოდოლოგიურ რეკომენდაციას საგაკვეთილო პროცესის დაგეგმვისთვის, რომლებიც მასწავლებელმა თავის მოთხოვნებსა და კლასის სპეციფიკურ მახასიათებლებს უნდა მოარგოს. გაკვეთილები აუცილებლად უნდა გავამდიდროთ დამხმარე მასალებითა და საშუალებებით, რომელიც მოცემულია მეთოდოლოგიური კრებულის მესამე ნაწილში.

### ზოგადი მითითებანი თავის შესახებ

ზოგადი მითითებებით მასწავლებელი ეცნობა: განსახილველი თავის **ძირითად საკითხებს, სტრუქტურას, შინაარსს, პროცესზე ორიენტირებულ კომპეტენციებსა და უნარ-ჩვევებს.** ამ ნაწილში წარმოდგენილია ძირითადი განსახილველი შინაარსები და მათი კავშირი დიდაქტიკურ-მეთოდოლოგიურ მიზნებთან. როცა სწავლების პოზიტიური შედეგებისთვის კონკრეტული თემების ცოდნაა აუცილებელი, ნაჩვენებია მოსწავლეთა წინარე ცოდნის გააქტიურების ხერხები.

ზოგად საგაკვეთილო მითითებებს თან ერთვის თემისთვის საჭირო დამატებითი მასალა შესაბამისი ნომრით (მოსწავლის ნიგნისთვის ნიშნით – M 1.1), დამხმარე მასალა (1.1) და დამატებითი რეკომენდაციები ინტერდისცილინარული მუშაობისთვის.

### რეკომენდაციები საგაკვეთილო პროცესთან დაკავშირებით

გაკვეთილის უფრო ეფექტურად დაგეგმვაში, პედაგოგებს დახმარება საგაკვეთილო პროცესის შესახებ მოცემული მითითებანი, რომლებშიც სახელმძღვანელოს თითოეული გვერდი დეტალურადაა განხილული. დასაწყისში მოცემულია ძირითად თემასა და ცალკეულ დავალებებში გათვალისწინებული მიზნები. მოკლე შენიშვნები მიგვითოთებს თითოეული გვერდის განსაკუთრებულ ნიშან-თვისებებზე. ამას მოსდევს რეკომენდაციები ამ გვერდის გაკვეთილზე დამუშავების მეთოდოლოგიური ხერხების შესახებ.

ამ რეკომენდაციების ძირითად თემატიკას წარმოადგენს:

- ახალ თემაზე გადასვლა და თემის ძირითადი საკითხების გარჩევა;
- ძირითადი თემების დამოუკიდებლად დამუშავებით, პროცესზე დაფუძნებული კომპეტენციების ხელშეწყობა;

• ცალკეული პროექტების განხორციელების დაწვრილებითი გეგმა;

• დიფერენცირების შესაძლებლობები;

• კეთებით/ქმედებით სწავლებაზე ორიენტირებული მეთოდებისა და მუშაობის კოოპერატიული ფორმების გამოყენება.

ზოგიერთ თავში ამ რეკომენდაციებს ემატება:

• იდეები ნიგნში განხილულ სხვა საკითხებთან შესაძლო კავშირების შესახებ;

• ინფორმაცია კომპლექსური დავალებების დამოუკიდებლად დაძლევისთვის;

• რეკომენდაციები გრძელვადიან დავალებებთან დაკავშირებით, მაგ., პროექტისთვის მომზადება/პრეზენტაცია;

• მითითებანი ხელმისაწვდომი რესურსების გამოყენების შესახებ.

## **თავი 1: რიცხვები, სიღილეები და გაყოფადობა**

### **ზოგადი მითითებები თავის შესახებ**

თავის პირველი ხუთი გვერდი მე-5 კლასში გავლილი საკითხების (დამრგვალება, შეფასებები, დიდი რიცხვები და მათი რიცხვით სახივზე გამოსახვა) გამეორებასა და განმტკიცებას ეთმობა. წინა სასწავლო წლისგან განსხვავებული, ახალი თემების განხილვა მეთერთმეტე გვერდიდან იწყება და მოიცავს მოელ რიცხვებსა და გაყოფადობის ნიშნებს, რაც დაბალი მზაობის მოსწავლეებისთვის მნიშვნელოვან დაბრკოლებას წარმოადგენს.

ამ თავში ასევე მოცემულია განსაკუთრებით ბევრი პროექტი, რომლებიც, პირველ რიგში, ორიენტირებულია პროცესზე დაფუძნებული ისეთი უნარების განვითარებაზე, როგორიცაა: პრობლემების გადაჭრა, მოდელირება, კომუნიკაცია, კოოპერაცია და პრეზენტაცია.

### **გვერდი 6/7: ნინო არდალეგებიდან ბრუნდება**

ამ გვერდებზე მოცემული დავალებები მოითხოვს წინა კლასებში გამომუშავებული უნარების გამოყენებას საბაზის არითმეტიკულ მოქმედებებზე, რადგანაც აქ საქმე ეხება მათემატიკის საფუძვლებს და, შესაბამისად, ძალიან მნიშვნელოვან უნარებს. ყველა მოსწავლეს უნდა მიეცეს ორივე გვერდის სრულად და დამოუკიდებლად დამუშავების შესაძლებლობა. დავალებების სირთულის დონის მიხედვით დალაგება, მათი მკაფიო სტრუქტურა და პასუხების დამოუკიდებლად შემოწმების შესაძლებლობა აამაღლებს მოსწავლეთა მოტივაციას, დავალებები დამოუკიდებლად ამოხსნან და ახალი სასწავლო ნელი წარმატებულად დაიწყონ. ჰეტეროგენურ კლასებში დავალებებზე მუშაობის ტემპი იმდენად განსხვავებული იქნება, რომ მაღალი მზაობის მოსწავლეებისთვის, სავარაუდოდ, დამატებითი მასალის მიწოდება დაგვჭირდება. ასეთი შემთხვევებისთვის გათვალისწინებულია 58-ე, 59-ე გვერდებზე მოცემული „ისწავლე, დაკავშირე, გამოიყენე“ ტიპის მე-2 და მე-3 დავალებები, რომელთა ამოხსნელად მე-5 კლასში მიღებული ცოდნაც საკმარისია.

**პასუხი:** წინა თბილისიდან მიღის მარმარისში.

**დამატებითი მასალა:** 1,1.

### **გვერდი 8: დამრგვალება და მიახლოებითი გამოთვლა**

- სიდიდეების დამრგვალება მოცემულ თანრიგამდე შესაბამისი წესების დაცვით;
- სიდიდეების შესაბამის თანრიგამდე დამრგვალება;
- შესაკრებების მოცემულ თანრიგამდე დამრგვალებით ჯამის შეფასება;
- ჯამის შეფასება დამრგვალების დახმარებით;
- დაახლოებით/ტოლია ნიშნის გაცნობა.

ნატურალური რიცხვებისა და სიდიდეების დამრგვალება მოსწავლეებმა უკვე იციან.

**დავალება 1:** ა) მოსწავლეებმა უნდა გაიხსნონ, როგორ ხდება მიახლოებითი გამოთვლები და მიიღონ დამოუკიდებელი და დასაბუთებული გადაწყვეტილება, როგორ უნდა დამრგვალდეს მიღებული შეფასება. კარგი იქნება, თუ გაკვეთილზე დამრგვალების რამდენიმე ვარიანტი შემუშავდება და მათი დადებითი და უარყოფითი მხარეები განიხილება.

ბ) ზოგიერთი მოსწავლის მიერ მოფიქრებული მაგალითები, მათთან დაკავშირებული დამრგვალების სტრატეგიები და შეფასებითი გამოთვლები მთელ კლასს უნდა წარედგინოს. ამ დავალების შესასრულებლად მასწავლებელს შეუძლია მოსწავლეთა ნამუშევრები საკლასო დისკუსიაზე განიხილოს.

**დავალება 2-5, 7:** მოსწავლეების მზაობის დონის შესაბამისად, დავალებები შეიძლება ამოიხსნას დაშლის მეთოდით, დამოუკიდებლად ან წყვილებში. დავალება 2 და 3-ის ამოხსნა მოსწავლეებმა დამოუკიდებლად, სხვისი დახმარების გარეშე უნდა შეძლონ.

**დავალება 6:** ამ დავალებაზე მუშაობისას წყვილებმა მთელ კლასს უნდა წარუდგინონ თავიანთი მოსაზრებები და გადაწყვეტილებები. განსხვავებული დასკვნების შემთხვევაში დასაშვებია საკლასო დისკუსიაზე არგუმენტების გაცვლა (ე.წ. „რაციონალური დიალოგი“).

**დამატებითი მასალა:** 1,2.

### **გვერდი 9: დიდი რიცხვები**

- ასი ტრილიონის თანრიგამდე სათანრიგო კლასების გაცნობა;
- ასი ტრილიონის ჩათვლით რიცხვების სამ-სამ თანრიგად დაჯგუფების მეთოდითა და სიტყვებით ჩაწერა;
- მილიონის, მილიარდისა და ტრილიონის სიდიდეებისა და ამ სიდიდეებს შორის განსხვავების აღქმა.

მოსწავლეებისთვის ჯერ 1 მილიონის აღქმა რთული, რომ არაფერი ვთქვათ უფრო დიდ რიცხვებზე. ბევრი

მოსწავლისთვის 1 მილიონი „ძალიან ბევრის“ სინონიმია. გაკვეთილზე მოსწავლეებს უნდა დავუსაბუთოთ, რომ მილიონი ერთ მილიარდთან შედარებით (რომელიც ასევე „ძალიან ბევრის“ სინონიმად ითვლება) ძალიან მცირე სიდიდეა. გამოკვლევებმა გვიჩვენა, რომ მოსწავლეთა უმეტესობა რიცხვით სხივზე 1 000 000-ს 1 000 000 000-თან უფრო აახლოებს, ვიდრე 0-თან, რაც, ქცევის ფსიქოლოგიდან გამომდინარე, გასაგები მოვლენაა.

**დავალება 1:** ა) წყვილებში მუშაობით უნდა ამოიხსნას. მნიშვნელოვანია შედეგის კლასისთვის წარდგენა (100 თვე, ანუ 8 წელი და 4 თვე საკმარისია მილიონისთვის).

ბ) ოთხკაციან ჯგუფებში უნდა ამოიხსნას, რომლებიც წინა დავალებაზე მომუშავე ორ-ორი წყვილის გაერთიანებით ყალიბდება. დასმული კითხვა საკმაოდ ნათელია, თუმცა პასუხი, როგორც გამოცდილება გვიჩვენებს, საკმაოდ დამაბნეველი: მეტკვიდრეობა 8 333 წელი და 4 თვე ეყოფოდა. მოსწავლეებმა შეიძლება დასვან კითხვა, თუ რამდენი ხანი გვეყოფოდა თანხა, ის რომ ბანკში შეგვენახა და პროცენტები დარიცხოდა.

ამ კითხვაზე დაყრდნობით მაღალი მზაობის მოსწავლეებისთვის შესაძლებელია დამატებითი დავალების მიცემა: რამდენი ფული გვექნებოდა თვიურად გადასახადების გადახდის შემდეგ, თუ შემოსავალს მხოლოდ ანაბრის პროცენტებიდან მივიღებდით და წლიური გადასახადი, მაგ., ანაბრის 2/100 ნილი იქნებოდა? შესაბამისად, დეიდა მართას მეტკვიდრეობა ყოველთვიურად შეადგენდა 1670 ლარს, ხოლო ძია გივისა - ყოველდღიურად 55 000 ლარზე მეტს.

**დავალება 2, 4:** ყველა მოსწავლემ დამოუკიდებლად ან წყვილებში, მასწავლებლის დახმარების გარეშე უნდა ამოხსნას.

**დავალება 3:** სრულდება სამწევრიან ჰეტეროგენურ ჯგუფებში. სურათზე დაყრდნობით უნდა მივხვდეთ, რომ 1000 ლარის ერთლარიანი მონეტისგან შემდგარი სვეტის სიმაღლე დაახლოებით 2 მ იქნება. ბ)-დან ე)-მდე ქვეკითხვებზე პასუხი მოსწავლეებს დაეხმარება მილიონს, მილიარდსა და ტრილიონს შორის ფაქტობრივი განსხვავების დადგენაში.

**დავალება 4:** ამ დავალებაში თავს იყრის დიდი რიცხვები და მასები. მასის შემთხვევაში საქმე ეხება ისეთ ერთმანეთისგან „დაშორებულ“ ერთეულებს, როგორიცაა გრამი და ტონა; ამიტომაც ეს დავალება განკუთვნილია დამატებით სამუშაო მასალად მაღალი მზაობის მოსწავლეებისთვის.

### დამატებითი მასალა: 1.3

#### გვერდი 10: დიდი რიცხვები რიცხვით სხივზე

- 100 მილიარდამდე რიცხვების რიცხვით სხივზე დალაგება;
- 100 მილიონამდე რიცხვებისთვის რიცხვითი სხივის აგება და მათი შესაბამის პოზიციებზე განთავსება;
- რიცხვების დამრგვალება და სვეტოვანი დიაგრამით წარმოდგენა.

**დავალება 1:** ყოველმა მოსწავლემ უნდა დახაზოს რიცხვითი სხივი რეეულის მთელ სიგანეზე გეომეტრიული სამკუთხედის ან ჩვეულებრივი სახაზავის გამოყენებით, მასშტაბით 1 მმ = 10 მლნ. ამგვარად რიცხვითი სხივი მოიცავს 1 მილიარდზე მეტს.

მოსწავლეები მუშაობენ წყვილებში, ერთი წერს 850 მილიონს, ხოლო მეორე რიცხვით სხივზე ამ რიცხვის პოზიციას უთითებს, შემდეგ ცვლიან როლებს და ა.შ.

**დავალება 2-3:** ამ დავალებების ამოხსნა მოსწავლეებმა დამოუკიდებლად, დახმარების გარეშე უნდა მოახერხონ. თუ ცალკეულ მოსწავლეს დავალება 3-ზე მუშაობისას შესაბამისი რიცხვითი სხივის აგების პრობლემა ექნება, მასწავლებელს შეუძლია ინდივიდუალურად დაეხმაროს.

**დავალება 5:** ეს დავალება მოსწავლეებს ორ, ერთმანეთისგან მკვეთრად განსხვავებული დონის მოთხოვნას უყენებს: ათი ათასამდე დამრგვალება ყველა მოსწავლემ უნდა მოახერხოს, მაგრამ ბავშვებისთვის უფრო რთული იქნება მიღებული რიცხვების შესაბამისი სვეტოვანი დიაგრამის აგება. ამიტომაც დავალებაზე მუშაობა რეკომენდებულია ერთმანეთისგან ძალიან განსხვავებული მზაობის მოსწავლეებისგან შემდგარ წყვილებში: შედარებით დაბალი მზაობის მოსწავლე დაამრგვალებს მოსახლეობის რიცხვონბობას, ხოლო მაღალი მზაობის მოსწავლე დახაზავს შესაბამისი მასშტაბის დიაგრამას, შემდეგ კი ორივე ერთად ააგებს შესაბამის დიაგრამას.

### დამატებითი მასალა: M 1,2; 1,3.

#### გვერდი 11: საკორდინატო პადე

- „კოორდინატის“ ცნების გაცნობა და გაგება, რომ პირველი კოორდინატი მოცემულია ჰორიზონტალურ ღერძზე (აბსცისათა ღერძზე), ხოლო მეორე კოორდინატი – ვერტიკალურ ღერძზე (ორდინატთა ღერძზე);
- კოორდინატთა ღერძზე მოცემული წერტილების კოორდინატების ამოცნობა; კოორდინატთა ღერძების აგება და მათზე მოცემული კოორდინატების მქონე წერტილების სწორად განთავსება;

- კომისიაში რიცხვით წრფედ გადაქცევა.

კომისიაში რიცხვით წრფედ გადაქცევა. ამ თავის სიახლეს ტერმინი „კომისიაში რიცხვით წრფედ გადაქცევა“ და კომისიაში რიცხვით წრფედ გადაქცევა წარმოადგენს.

**დავალება 1-3:** ამ დავალებების ამოხსნა ყველა მოსწავლემ უნდა შეძლოს. ამასთან, მოსწავლეების განსხვავებული სამუშაო ტემპის გათვალისწინებით სავალდებულო არაა ყველა ქვეყითხვაზე პასუხის გაცემა.

ნელა მომუშავე მოსწავლეები უნდა შემოიფარგლონ დავალება 2-ის ა) კითხვით, ან მათ ნება უნდა დავრთოთ, თავად აირჩიონ, დავალება 3 -ის რომელ კითხვას უპასუხებენ, ა)-ს თუ ბ)-ს.

მასწავლებელმა მოსწავლეებს უნდა აუხსნას, რომ აბსცისათა დერძს (ჰორიზონტალურ დერძს) შემოკლებით X-დერძს უწოდებენ, ხოლო ორდინატურა დერძს (ვერტიკალურ დერძს) – Y-დერძს.

### გვერდი 12: გამყოფი და ჯერადი

- გამყოფისა და ჯერადის ცნებების გაცნობა;
- ნატურალური რიცხვების ჯერადების ამოცნობა რიცხვით სხივზე;
- ორი ნატურალური რიცხვის ჯერადების ჩამოწერა და უმცირესი საერთო ჯერადის პოვნა;
- გამრავლების ტაბულის არითმეტიკული (რიცხობრივი) თავისებურებების აღმოჩენა.

საერთო ჯამში, მიმდინარე სასწავლო გეგმა ითვალისწინებს მათემატიკის გაკვეთილზე არითმეტიკული ასპექტების მნიშვნელობაზე ხაზგასმას. ნინა კლასში ამ ასპექტებს მთელი თავი დაეთმო, მეექვსე კლასში კი ეს თემატიკა 7 გვერდით შემოიფარგლება. ამ ეტაპზე უარს ვაცხადებთ მარტივ მამრავლებად დაშლაზე და ასევე უსჯ-სა და უსგ-ს განსაზღვრისთვის მარტივ მამრავლებად დაშლის მეთოდის გამოყენებაზე. რაც შეეხება გაყოფადობის ნიშნებს, შემოვიფარგლებით მხოლოდ 2-ზე, 4-ზე, 5-სა და 10-ზე გაყოფადობის ნიშნებით (8-ზე გაყოფადობის ნიშნები გვჭირდება მხოლოდ დიდი რიცხვებისთვის, რადგანაც რიცხვის ბოლო სამი ციფრისგან შემდგარი რიცხვი რვაზე იყოფა თუ არა, მოსწავლეებს ქვეშმიწერითაც შეუძლიათ დაადგინონ).

ქვეშმიწერით მოქმედებებისთვის გამყოფისა და ჯერადის, უდიდესი საერთო გამყოფისა და უმცირესი საერთო ჯერადის ცნებების ცოდნა აუცილებელია.

ამასთან, ყველა მოსწავლემ უნდა იცოდეს, თუ რას ეწოდება „მარტივი რიცხვი“.

**დავალება 1:** ა) მოსწავლეებმა ინდივიდუალურად ან წყვილებში უნდა დაამუშაონ. ბ) ქვეკითხვის შემთხვევაში რამდენიმე განსხვავებული სტრატეგია არსებობს, რომელთაც სწორ პასუხამდე მიყვავართ: ჯერადების მიმდევრობის გაგრძელება არითმეტიკული მოქმედებებით ან 110-მდე მოცემული რიცხვითი სხივის რვეულში გადატანა და პასუხის პოვნა ნახაზის გაგრძელებით. გაკვეთილზე უნდა განვიხილოთ ორივე სტრატეგია თავისი დადებითი და უარყოფითი მხარეებით.

**დავალება 4:** ამ დავალების ამოხსნისას გასათვალისწინებელია, რომ ცხრილში ორივე რიცხვის ჯერადები ინტერება თანმიმდევრობით, მანამ, სანამ მათ საერთო ჯერადს არ ვიპოვთ. უფრო ეკონომიურია სტრატეგია, როცა უფრო დიდი რიცხვის ჯერადებს ჩამოვწერთ და ყოველ ჯერზე შევამოწმებთ, პატარა რიცხვი არის თუ არა რომელიმეს გამყოფი. ამ შემთხვევაშიც ორივე მოდელის პრეზენტაცია და განხილვა უნდა მოხდეს.

**დავალება 3:** აქ მნიშვნელოვანია გავითვალისწინოთ, რომ 8 (12) უკვე არის 8 (12)-ის ჯერადი.

**დავალება 5:** მოითხოვს არგუმენტირების უნარებსა და გამრავლების ტაბულის სტრუქტურის გააზრებულად ცოდნას. იგი წყვილებში მუშაობის გზით უნდა ამოხისნას.

გ) და დ) კითხვები ეხება ცნებას: „მარტივი რიცხვი“.

წყვილებში მუშაობის ფაზის დასრულების შემდეგ კარგი იქნება მიღებული შედეგების მთელი კლასის წინაშე პრეზენტაცია.

**დამატებითი მასალა:** 1.8; M 1, 5.

### გვერდი 13: მარტივი რიცხვები

- იმის შესწავლა და ახსნა, თუ როდის ვუწოდებთ რიცხვს მარტივ რიცხვს;
  - 100-მდე ყველა მარტივი რიცხვის მოცემა ცხრილის სახით ჯერადების გადახაზვის გზით (ერატოსთენეს საცერი);
  - ნატურალური რიცხვების შემონაბეჭდი მარტივი რიცხვების ნიშან-თვის ებუბზე;
  - რიცხვების ჩანერა მისი მარტივი მამრავლების ნამრავლის სახით (მარტივ მამრავლებად დაშლა).
- გაკვეთილზე მოსწავლეები ხშირად კითხულობენ, თუ რატომ არაა 1 მარტივი რიცხვი. ერთიანის ამოღება ერატოსთენეს საცერიდან უცნაურად ჩანს. ამ თემის განხილვა შესაძლებელია მე- 5 დავალების დახმარებით. მაშინაც კი, როცა მოსწავლეები, მაგ., 60-ის დაშლას სხვადასხვანაირად დაიწყებენ, საბოლოოდ მივღენ მარ-

ტივი რიცხვების ერთსა და იმავე თანმიმდევრობამდე:  $60 = 2 \cdot 30 = 2 \cdot 2 \cdot 15 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 5$

$60 = 20 \cdot 3 = 4 \cdot 5 \cdot 3 = 2 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 3 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 5$  (ზრდის მიხედვით)

რიცხვთა თეორიაში ერთ-ერთი ყველაზე მნიშვნელოვანი წესია, რომ ყოველ ნატურალურ რიცხვს მარტივ მამრავლებად დაშლის მხოლოდ ერთი კონკრეტული მიმდევრობა შეესაბამება.

ეს წესი არ იმოქმედებდა, თუ 1-ს მარტივ რიცხვად ჩავთვლიდით:

$60 = 2^2 \cdot 3 \cdot 5$      $60 = 1 \cdot 2^2 \cdot 3 \cdot 5$      $60 = 1^2 \cdot 2^2 \cdot 3 \cdot 5$  და ა.შ.

მითითება: 100 -მდე რიცხვებში, რომელიც მარტივ რიცხვებს არ წარმოადგენ (შედგენილი რიცხვები), არსებობს ერთი, რომელიც ხშირად მარტივ რიცხვად მოიაზრება: 91 (= 7 · 13). მას მარტივ რიცხვად მიიჩნევენ, რადგან გაკვეთილზე განხილული გაყიდვადობის არც ერთი წესი მასზე არ მოქმედებს. მაგრამ ერატოსთენეს შვიდეულში, რა თქმა უნდა, მას ვიღებთ, როგორც 7-ის ჯერადს.

**დავალება 1:** წყვილებში მუშაობით უნდა ამოიხსნას. ამასთან, მნიშვნელოვანია გვ.12-ზე მოცემული დაშვების მიღება, რომ ერთი ქვაც კი „კოშკს“ გამოსახავს.

**დავალება 2:** ამ დავალებაზე ოსწავლებმა ინდივიდუალურად უნდა იმუშაონ, და თან, მასწავლებლის მიერ დარიგებულ შაბლონებზე. უკეთ დამასახოვრების მიზნით მათ კიდევ ერთხელ უნდა ჩამოწერონ მარტივ რიცხვთა მიმდევრობა.

**დავალება 3, 4:** ყველა მოსწავლემ დამოუკიდებლად უნდა შეძლოს მათი ამოხსნა. საბოლოოდ მათ უნდა დაასახელონ მიღებული შედეგები. 3-ე) დავალებაზე მუშაობისას მაღალი მზაობის მოსწავლებს შეუძლიათ შესაბამისი მტკიცებულებაც მოიყვანონ.

**დავალება 5:** ეხება ახალ ასპექტს (მარტივ მამრავლებად დაშლას), ამიტომ წყვილებში უნდა ამოიხსნას.

**დავალება 6, 7:** მაღალი მზაობის მოსწავლეებს შეუძლიათ ინდივიდუალურად ამოხსნან. ამ შემთხვევაში მასწავლებელმა მათ ნება უნდა დართოს, თავად აირჩიონ, დავალებებს დამოუკიდებლად ამოხსნან თუ წყვილებში. აღნიშნული დავალებების გამოყენება შესაძლებელია ბავშვების დონეების დიფერენცირებისა და წინა დავალებების განხილვისას მუშაობის განსხვავებული ტემპების კომპენსირებისთვის.

**დამატებითი მასალა:** 1.9; M 1.6; 1.7.

#### გვერდი 14: უდიდესი საერთო გამყოფი, უმცირესი საერთო ჯერადი

მიზანი:

- უსგ-ისა და უსჯ-ის ჩანაწერის გაცნობა და გამოყენება;
- მათი განსაზღვრა სინჯვისა და ცდის მეთოდით;
- ამოცანების ამოხსნა.

**წინარე ცოდნა:**

ბავშვებს დავავალოთ 2-ის (5-ის) ჯერადების დასახელება. რომელი რიცხვებია ამ ჩამონათვალში საერთო? რომელია უმცირესი? დაასახელონ 2-ისა და 3-ის უმცირესი საერთო ჯერადი; დაასახელონ 10-ისა და 15-ის გამყოფები. რომელი რიცხვებია საერთო? უდიდესი საერთო? დაასახელონ 8-ისა და 12-ის უდიდესი საერთო გამყოფი.

**აქტივობა 1:** ჯგუფური მუშაობა. რეკომენდებულია დავალების დამუშავება შრომის დანაწილების პრინციპით. მოსწავლეები დამუშავებენ ორივე სურათზე მოცემული ამოცანების პირობებს, წინ წამოსწევნ სიტუაციურ პრობლემებს და მიღებენ შესაბამის გადაწყვეტილებებს. მაგ., მარჯვენა სურათთან მიმართებაში წამოიჭრება პრობლემა – ყოველი მე-6 ნათურა უნდა გადაიღებოს ორივე ფერში, რაც შეუძლებელია. გაეცნობიან უსგ-ისა და უსჯ-ის ჩანერის ფორმასა და განსაზღვრებას. ამ შედეგებს ისინი წარმოადგენნ დაფაზე და იმსჯელებენ კლასთან ერთად.

**დავალება 2-3:** აქ უსგ-ის პოვნის ორი მეთოდის ნიმუშია წარმოდგენილი, რომელზეც ბავშვებმა დამოუკიდებლად უნდა იმუშაონ, შემდეგ კი წარუდგინონ კლასს. განმტკიცების მიზნით, კლასში ამოხსნან მე-2 დავალების ა), ბ) და მე-3 დავალების ა), ბ) სავარჯიშოები, ნიმუშის გამოყენებით. რთული სავარჯიშოები გამოვიყენოთ მაღალი მზაობის მოსწავლეებისთვის. უსგ-ისა და უსჯ-ის საპოვნელად საქმარისია ცდის მეთოდის გამოყენება: ბავშვებმა ცალ-ცალკე ჩამოწერონ და იპოვონ საერთო რიცხვი, ჩანერონ ვენის დიაგრამებით და სხვა. ამ ეტაპზე გათვალისწინებული არაა ფორმალური წესებისა და ალგორითმების გამოყენება (მაგ., მარტივ მამრავლებად დაშლა). უფრო მნიშვნელოვანია ორივე ცნების (უსგ, უსჯ) გამოყენება ამოცანათა მოდელირებისას.

**დავალება 4:** კლასში სამუშაოდ საქმარისია ა)-დ) სავარჯიშოების ამოხსნა დამოუკიდებლად, ნიმუშის გამოყენებით.

**დავალება 5-6:** წარმოდგენილია პრაქტიკული ამოცანები. მოსწავლეებმა მათი მოდელირებისას უნდა

გამოიყენონ უსგ და უსჯ. რეკომენდებულია წყვილებში მუშაობა.

მე-5 ამოცანაში უნდა იპოვონ უსგ  $(220; 160) = 20$ .

მე-6 ამოცანაში საპოვნია უსჯ  $(16; 18) = 144$ .

მთავარია მოსწავლეებმა ახსნან, რომელ ამოცანაში ვითვლით უსგ-ს და რომელში უსჯ-ს. ამასთან საჭიროა პასუხების დასაბუთებაც, რაც კომუნიკაციას მოითხოვს.

**დავალება 7:** შეიძლება გამოვიყენოთ მაღალი მზაობის მოსწავლეების დიფერენცირებისთვის.  
დამატებითი მასალა: 1.10; M 1.8.

### თვითშეფასების ფურცელი

მოსწავლის სახელი, გვარი \_\_\_\_\_

თემა \_\_\_\_\_

№	შეფასების კრიტერიუმები	შეფასება		
		ყველაფერი შევასრულე	ნაწილობრივ შევასრულე	ვერ შევასრულე
1	ამოცანის პირობის მოკლე ჩაწერა			
2	მნიშვნელოვანი ინფორმაციის გამოყოფა, კითხვის ჩამოყალიბება			
3	ამოცანის მოდელირება, ამოხსნის გზების განხილვა			
4	არგუმენტების ფორმულირება და ჩაწერა			

### გვერდი 15: გაყოფადობა

- 2-ზე, 5-სა და 10-ზე გაყოფადობის ნიშნები;
- რიცხვის 4-ზე გაყოფის მაგალითზე გაყოფადობის შემოწმების სტრატეგიის გაცნობა და გამოყენება;
- იმ მრავალნიშნა რიცხვების დასახელება, რომლებიც 4-ზე იყოფა;
- რიცხვის 9-ზე გაყოფადობის ციფრთა ჯამის წესის გაცნობა, გამოყენება და დასაბუთება;
- რიცხვის 9-ზე გაყოფადობის ციფრთა ჯამის წესის 3-ზე გაყოფადობაზე გადატანა.

რიცხვის 4-ზე გაყოფადობა ბოლო ციფრის წესის მიხედვით შემდეგი სამი დებულებით დასაბუთდება:

- 1) თუ a არის b რიცხვის გამყოფი და ასევე c რიცხვის გამყოფი, მაშინ a + b + c რიცხვის გამყოფიც იქნება;
- 2) თუ a არის b რიცხვის გამყოფი, a ასევე იქნება b -s ნებისმიერ რიცხვზე ნამრავლის გამყოფი;
- 3) თუ a არის b რიცხვის გამყოფი და c რიცხვი არ იყოფა a-ზე, მაშინ a + b + c გაიყოფა a-ზე.

ეს წესი გამოიყენება დავალება 2 ბ)-ზე მუშაობისას:  $1\ 416\ 572 = 1\ 416\ 500 + 72$ .  $1\ 416\ 500$  იყოფა 4-ზე, რადგან 100 იყოფა 4-ზე. აქედან გამომდინარე, ჩვენ მხოლოდ უნდა შევამოწმოთ 72-ის 4-ზე გაყოფადობა.  $72 : 4 = 18$ , ანუ მთლიანი რიცხვი  $1\ 416\ 572$  იყოფა 4-ზე.

**დავალება 1:** 2-ზე, 5-სა და 10-ზე გაყოფადობა მოსწავლეებმა მეოთხე კლასიდან უნდა იცოდნენ იმპლიციტურ დონეზე მაინც. ამიტომაც ამ შემთხვევაში მოცემულ წესებს მხოლოდ ექსპლიციტურად ვასახელებთ (თუ არადა, დაწვრილებით განვიხილავთ). წყვილებში მუშაობით ჩამოყალიბებული წესები მთელ კლასს უნდა წარვუდგინოთ.

**დავალება 2:** ბოლო სურათზე მოცემული დიალოგი მოსწავლეებს მიუთითებს, თუ როგორაა შესაძლებელი არგუმენტირებული მსჯელობა. ყველა მოსწავლე ვერ შეძლებს მაშინვე ამგვარი მსჯელობის წარმართვას. ამიტომაც კიდევ უფრო მეტ მნიშვნელობას იძენს წყვილების მიერ თავიანთი შედეგების დანარჩენი კლასისთვის გაცნობა და შემდეგ მიღებული პასუხების საკლასო დისკუსიაზე სწორი ახსნა და დასაბუთება.

**დავალება 3:** ამ დავალების დახმარებით მოსწავლეები ჯერ ციფრთა ჯამის წესით გაყოფადობის დადგენას უნდა შეეჩინონ, სანამ დავალება 4-ში მათ პასუხების დასაბუთებას მოვთხოვთ. ამ წესის ცოდნის განმტკიცება

და მის გამოყენებაში გაწაფვა ძირითადი წინაპირობაა რთული დავალებების ამოსახსნელად, სადაც ბავშვებს პასუხების დასაბუთება მოეთხოვებათ.

ბევრი მოსწავლე მტკიცებულებების დამოუკიდებლად დამუშავებას სხვებთან ერთად მუშაობას ამჯობინებს. ამ შემთხვევაში ვმუშაობთ სქემით:

$$\begin{array}{llll} 10 = 9 + 1 & 20 = 2 \cdot 9 + 2 & 30 = 3 \cdot 9 + 3 \dots & 90 = 9 \cdot 9 + 9 \\ 100 = 99 + 1 & 200 = 2 \cdot 99 + 2 & 300 = 3 \cdot 99 + 3 \dots & 900 = 9 \cdot 99 + 9 \\ 1\,000 = 999 + 1 & 2\,000 = 2 \cdot 999 + 2 & 3\,000 = 3 \cdot 999 + 3 \dots & 9\,000 = 9 \cdot 999 + 9 \end{array}$$

ყველა მოსწავლე შეძლებს ამ სქემაზე მუშაობას, ხოლო მაღალი მზაობის მოსწავლეები არგუმენტირების ამ პროცესს სრულად გაიაზრებენ და სხვა მაგალითებშიც გამოყენებენ.

ბოლოს კი მოცემული რიცხვი, მაგ. 7 137 შემდეგნაირად დაიშლება:

$$\begin{array}{lllll} \text{I} \quad \text{ნაბიჯი:} & 7\,000 & + & 100 & +30 \\ \text{II} \quad \text{ნაბიჯი:} & 7 \cdot 999 & + 7 & + 1 \cdot 99 & + 1 \\ \text{III} \quad \text{ნაბიჯი:} & 7 \cdot 999 & + 1 \cdot 99 & + 3 \cdot 9 & + 7 + 1 + 3 + 7 \end{array} \quad (\text{გადანაცვლებული})$$

ჯამის გახაზული ნაწილი იყოფა 9-ზე (და 3-ზეც).

### გვერდი 16: გაყოფადობის ნიშნები

- 2-ზე, 4-ზე, 5-სა და 10-ზე გაყოფადობის ნიშნების, ასევე 3-სა და 9-ზე გაყოფადობის ნიშნების გაცნობა და მოცემული რიცხვების კონკრეტულ რიცხვებზე გაყოფადობის შესამოწმებლად გამოყენება;
- მოცემული რიცხვების ციფრებით ისე შევსება, რომ მათ კონკრეტულ რიცხვებზე გაყოფადობის ნიშნები დააკმაყოფილონ;

• გამოყენებით დავალებებში გაყოფადობის ნიშნების მოდელირება.

ეს გვერდი ემსახურება წინა გვერდზე მოცემული წესებისა და მათი გამოყენების შეჯამებას.

**დავალება 1, 4:** ამ დავალებების ამოხსნა ყველა მოსწავლემ დამოუკიდებლად უნდა შეძლოს. მუშაობის განსხვავებული ტემპების გამო 4ე)-დან 4გ)-მდე დავალებები კლასში მაღალი მზაობის მოსწავლეებისთვისაა განკუთვნილი.

**დავალება 2, 3, 5:** ჩვეულებრივ, დაბალი მზაობის მოსწავლეებს ხშირად უჭირთ მრავალი შესაძლო ვარიანტის ერთდროულად გათვალისწინება. ამიტომ ამ შემთხვევაში უფრო გამართლებული იქნება ისეთ წყვილებში მუშაობა, რომლებიც ორი ძალიან განსხვავებული მზაობის მოსწავლისგან შედგება.

**დავალება 6-8:** კლასში მაღალი მზაობის მოსწავლეების დიფერენცირებისთვის უნდა გამოვიყენოთ. დაბალი მზაობის იმ მოსწავლეებს, რომლებიც მათთვის განკუთვნილ ყველა დავალებას ამოხსნიან, შეუძლიათ დავალება 7-ზე იმუშაონ.

**დავალება 9-10:** მოითხოვს არგუმენტაციისა და მოდელირების უნარებს და მცირე ჯგუფებში (3 წევრი) უნდა ამოიხსნას. სასურველია, თითოეულ ჯგუფში ერთი მაღალი მზაობის მოსწავლე მაინც ჩავრთოთ. ჯგუფური მუშაობის დასრულების შემდეგ აუცილებელია შედეგების პრეზენტაცია და დასაბუთება.

### გვერდი 17: შერეული დავალებები

16-19 გვერდებზე მოცემული საკითხები კიდევ ერთხელ განიხილება, რათა მოსწავლეებმა უფრო გაიღრმავონ ცოდნა აღნიშნულ საკითხებთან დაკავშირებით.

მეთოდურად რეკომენდებულია გაკვეთილის შემდეგი მიმდინარეობა:

1-5, 7, 9-11 დავალებების ამოხსნა ყველა მოსწავლემ დამოუკიდებლად და ინდივიდუალურად უნდა შეძლოს.

შედეგების პრეზენტაციას მოსწავლეები ასრულებენ რვეულები და უჩვენებენ მასწავლებელს. ის მოსწავლეები, რომლებიც დასახელებულ დავალებებს სწორად ამოხსნიან, წყვილებში იმუშავებენ 6, 8 და 12 დავალებებზე. ამ შემთხვევაშიც მოსწავლეებს ევალებათ მიღებული შედეგების პრეზენტაცია. ის წყვილები, რომლებიც ბოლოს დასახელებულ დავალებებს სწორად ამოხსნიან, გაერთიანდებიან 4-წევრიან ჯგუფებად და მე-13 დავალებაზე იმუშავებენ. მიღებულ შედეგებს წარუდგენენ მასწავლებელს.

### გვერდი 18: ყველა, თითოეული, ზოგიერთი

ვმუშაობთ დავალებებში მოცემული მითითებების მიხედვით.

### გვერდი 19: ბანკოტების სერიების ნომრები

ამ გვერდის ყველა დავალების მოთხოვნის დონე საკმაოდ მაღალია, ამიტომაც დიფერენცირებისთვის უნდა გამოვიყენოთ. ეს დავალებები მაღალი მზაობის მოსწავლეებმა უნდა ამოხსნან ჯგუფური მუშაობის გზით, შემდეგ კი მთელი კლასის ჩართულობით განიხილოთ.

## გვერდი 20: ანგარიში გაორკეცების წესით

- პროდუქციის ფასისა და რაოდენობის თანაფარდობაში, პროდუქტის კონკრეტული რაოდენობის შესაბამისი ფასის მიხედვით, ამ რაოდენობის ნატურალურ რიცხვზე გამრავლებით/გაყოფით შესაბამისი ფასის დადგენა;
- პროდუქციის ფასისა და რაოდენობის თანაფარდობაში, კონკრეტული ფასის შესაბამისი პროდუქტის რაოდენობის მიხედვით, ამ ფასის ნატურალურ რიცხვზე გამრავლებით/გაყოფით შესაბამისი პროდუქტის რაოდენობის დადგენა;

• შედეგის სიტყვიერად და ცხრილის სახით ჩაწერის ფორმების გაცნობა და გამოყენება.

ფასსა და რაოდენობას შორის კავშირი მოსწავლეებისთვის მათი ცხოვრებისეული გამოცდილებიდან იმდენად ნაცნობია, რომ ამ თემის გავეთილზე დამუშავება სავალდებულოც კი არაა. აქ განსაკუთრებით მნიშვნელოვანია პროპორციის ცხრილის სახით ჩაწერაზე ვარჯიში.

**დავალება 1:** მოცემული სურათის მიხედვით მოსწავლეებმა უნდა იპოვონ გამოსავალი ტიპური, ყოველდღიური სიტუაციებიდან. აქ ყველაზე მნიშვნელოვანია იმ ფაქტის გაგება, რომ პასუხის მისაღებად სავალდებულო არაა ერთი ერთეული კვერცხის ფასის გაგება. სამი კვერცხის ფასი მიიღება 1.20 ლარის ორზე გაყოფით, 60 კვერცხის ფასი კი – 1. 20-ის 10-ზე გამრავლებით. გაკვეთილზე ამ ხერხებს აუცილებლად უნდა გაფუსვათ ხაზი, რადგან მოსწავლეები მიღრეკილნი არიან ერთი ერთეულის ფასის გაგებით უპასუხონ დასმულ კითხვას (შეგვიძლია იმპლიციტურად შემოვიტანოთ პროპორციის ცნება).

**დავალება 2, 3:** ამ დავალებების არითმეტიკული ამოხსნის მეთოდის საფუძველს ვერბალური ჩაწერის ფორმა უნდა წარმოადგენდეს, ხოლო სხვა დავალებებზე მუშაობისას ცხრილის ფორმით ჩაწერაზე უნდა ვივარჯიშოთ. გარდა ამისა, ყველა მოსწავლეს უნდა შეეძლოს ამ დავალებების დამოუკიდებლად ამოხსნა.

**დამატებითი მასალა: M 1.9.**

## გვერდი 21: შერეული დავალებები

ვმუშაობთ მითითებების მიხედვით.

**დავალება 5:** მოსწავლე სამ გადამკვეთ წრენირს დახაზავს და შესაბამის ნაწილებს

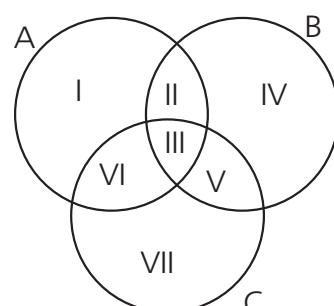
შეავსებს ამოცანის პირობის მიხედვით. სქემა გადანომრილია I-დან VII ჩათვლით.

I – 10; IV – 13; VII – 2 (მხოლოდ ერთ ენაზე მოსაუბრენი);

II – 3; VI – 1; V – 1; III – x (III აღნერს სამივე ენაზე მოსაუბრეს).

x-ის საპოვნელად შედგება განტოლება:  $3 + 13 + 1 + x = 19$

$$x = 2$$



## გვერდი 22: შემაჯამებელი სავარჯიშოები

ზოგადი მითითებები იხილეთ პირველ ნაწილში.

## თავი 2: წილადები და ათოლიადები (1)

### წილადებზე მოქმედებების კონცეფცია მე-5 და მე-6 კლასებში

წილადებზე მოქმედებები მე-6 კლასში მოცემულია სრულიად ახალი და სკოლებში აპრობირებული წარმატებული კონცეფციის მიხედვით, რომელიც მისაღებია ჰეტეროგენურ კლასებში სამუშაოდ, თუნდაც საშუალო ან საშუალოზე დაბალი მზაობის მოსწავლეების არსებობის შემთხვევაშიც; ჰედაგოგი კი ამ კონცეფციის უნდა შეეჩინოს, რადგან კლასიკური მიდგომისგან განსხვავებით, აქ წილადების შეკვეცა და გადიდება თემის დასაწყისები არაა მოცემული. მაგრამ თუ ჰედაგოგი წილადების თემას ერთხელ მაინც ამ კონცეფციის მიხედვით გაივლის, როგორც წესი, ძალიან ნასიამოვნები რჩება და შედეგად მიიღებს მადლიერ მოსწავლეებს.

სხვადასხვა წილადს ერთი და იგივე მნიშვნელობა აქვს – ასეთ შემთხვევებში ყველაზე მარტივი არითმეტიკული მოქმედება – შეკრებაც კი პრობლემური ხდება. სხვადასხვამნიშვნელიანი წილადების შესაკრებად მოსწავლეებმა ჯერ გამრავლების წესები უნდა აითვისონ, რომ საერთო მნიშვნელის პოვნა შეძლონ. მხოლოდ ამის შემდეგ შეგვიძლია შეკრების მოქმედების შესრულება – ახალი წილადი საერთო მნიშვნელის მქონე წილადების მრიცხველების შეკრებით მიიღება (მნიშვნელი უცვლელი რჩება).

შეკრებისა და გამოკლების მოქმედებებთან შედარებით, გაცილებით მარტივია წილადების ნატურალურ რიცხვებზე გამრავლება/გაყოფა.

### წილადების თემა წიგნში სპირალის პრინციპითაა მოცემული.

თავდაპირველად, განიხილება წილადებთან დაკავშირებული მარტივი ოპერაციები: ტოლმნიშვნელიანი წილადების შეკრება და გამოკლება. საწყის ეტაპზე სხვადასხვამნიშვნელიანი წილადების შეკრება-გამოკლებას არ ვასრულებთ, რადგან ისინი ერთმანეთისაგან ისე განსხვავდება, როგორც – ცა და დედამინა.

წილადებზე მოქმედებების განხილვისას ასევე შემოგვაქვს მოქმედებები ათწილადებზეც. ათწილადების შეკრება/გამოკლებასაც ვასრულებთ, რადგან ეს დიდ სირთულესთან არაა დაკავშირებული: მაშინაც კი, როცა ათწილადებს მძიმის მარჯვენა მხარეს სხვადასხვა რაოდენობის თანრიგები აქვს, გამოტოვებულ თანრიგებს მარტივად ვავსებთ ნულებით; ასეთი „გაერთმნიშვნელიანებული“ ათწილადების შეკრება პრობლემა არ უნდა იყოს. ამის შემდეგ გადავდივართ წილადებისა და ათწილადების ნატურალურ რიცხვებზე გამრავლებასა და გაყოფაზე. ჩვენს ახალ კონცეფციაში მნიშვნელოვანი როლი ენიჭება ალიკვოტურ წილადებს (ანუ წილადებს, რომელთა მრიცხველიც 1-ია, ხოლო მნიშვნელი – ნებისმიერი ნატურალური რიცხვი). დანარჩენი წილადები განმარტებულია, როგორც ალიკვოტური წილადების ნატურალურ რიცხვებზე ნამრავლი (პადგერგის მიხედვით, კვაზიკარდინალური ასპექტი). ეს წილადებიც ისეთივე ერთეულებია, როგორც მეტრი, კგ და ა.შ. ანუ  $3 \text{ მ} + 4 \text{ მ} = 7 \text{ მ}$  ტოლობის მსგავსად, შეგვიძლია ჩავწეროთ: 3 მეცხრედი + 4 მეცხრედი = 7 მეცხრედი.

4 მ • 2 მ = 8 მ და 4 მეცხრედი • 2 მეცხრედი = 8 მეცხრედი.

საზომი ერთეულების წინა თავებში დაწვრილებითი აღწერის შემდეგ, მოსწავლეებს ამ საკითხის გაგება საერთოდ არ უნდა გაუჭირდეთ. რასაც ისინი ამ თავში ისწავლიან, სულაც არ არის ცოტა.

მე-6 კლასის სახელმძღვანელოს შემდეგ თავებში შემოდის წილადებთან დაკავშირებული უფრო რთული საკითხები: წილადების შეკვეცა და გადიდება, სხვადასხვამნიშვნელიანი წილადების შეკრება და გამოკლება, წილადის წილადებზე გამრავლება და გაყოფა. კარგი იქნება, თუ მასწავლებელი საკმარის დროს დაუთმობს წილადებზე ენაქტიური და სურათ-ხატოვანი მეთოდებით მუშაობას. ამასთან, მნიშვნელოვნად მიგვაჩნია, რომ თითოეულ-მა მოსწავლემ თვალსაჩინოება (მაგ., ქალალდის ზოლები) თვითონ შექმნას. ეს სწავლების პროცესის ძირითად შემადგენელ ნაწილს უნდა წარმოადგენდეს, რადგანაც თვალსაჩინოების შექმნა მათემატიკური საკითხების განხილვასა და სწავლას მოითხოვს: მრავალფეროვანი გამოთვლებით დგინდება, თუ როგორ უნდა დაიყოს წილადის ზოლი, სწორი შედეგის მისაღებად, საჭიროა ზუსტი გაზომვა და ნახაზის ზუსტად აგება, ამასთანავე, ერთ-ერთ ძირითად მიზანს ფიგურის ზუსტად გამოჭრაც წარმოადგენს. ცნობილია ისიც, რომ მოსწავლეები მათ მიერვე შექმნილ თვალსაჩინოებებს უფრო მეტად უფრთხილდებიან. ამას გარდა, ზოგიერთ თავს თან ერთვის დამხმარე მასალა, რომლის გამოყენებაც მასწავლებელს წარმატებით შეუძლია გაკვეთილზე. წილადების დახმარებით მოსწავლეები შეძლებენ ურთიერთკავშირების დანახვასა და თავიანთი ცოდნა-გამოცდილების გაღმავებას (შედარება, ზრდის მიხედვით დალაგება, შეკრება, გამოკლება, სიდიდეების შეფასება, გამრავლება და გაყოფა), თუმცა ფორმალურ წესებზე ჯერ კიდევ უარს ვაძლობთ.

სასწავლო თემების მთელ სასწავლო წელზე გადანაწილება მიზნად ისახავს წილადების ნაბიჯ-ნაბიჯ და გააზრებულად აბსტრაგირებას. ამ მიზანს ვაღწევთ წილადებზე კონკრეტული ქმედებების განხორციელებითა და გრაფიკულ გამოსახულებებზე ინტენსიური მუშაობით (გამოხატვის ვიზუალურ ფორმებზე ინტენსიური მუშაობით). მოსწავლეები თანდათან გამოიმუშავებენ წილადების გამოსახვისა და წილადებზე მოქმედების შინაგანად აღქმის უნარებს. როცა მომავალში სიმბოლოებით გამოხატვის ფორმაზე გადავალთ, შინაგანი აღქმით მიღებული აბსტრაქტული სურათები იკავებს კონკრეტული ქმედებებით ან გრაფიკული გამოსახულებებით მიღებული წილადების სურათების ადგილს. ამგვარად მოსწავლეები შეძლებენ ფორმალური არითმეტიკული ოპერაციების წილადებზე გააზრებულად ჩატარებას.

რადგან მოსწავლეებს ახალი საკითხების აბსტრაგირებისთვის სხვადასხვა დრო სჭირდებათ, თითოეულ მათგანს უნდა მივცეთ შესაძლებლობა, თავად განსაზღვროს გამოხატვის აბსტრაქტულ დონეზე გადასვლის მომენტი ანუ საჭიროების შემთხვევაში თვალსაჩინოების გამოყენების ნებაც უნდა დავრთოთ. ამგარი მიღომით თავიდან ავიცილებთ აბსტრაქტული გამოხატვის ფორმებზე ნაადრევად გადასვლას.

ქვემოთ მოცემული მიმოხილვა მოიცავს წილადებისა და ათწილადების შესახებ ცალკეულ თავებში განხილულ საკითხებს და ამასთან გვიჩვენებს ამ საკითხებში გათვალისწინებულ დიდაქტიკურ მეთოდებს, რომელიც შემდეგი ასპექტებით ხასიათდება:

- ძირითადი არითმეტიკული ოპერაციების შესრულება სირთულის დონის ზრდის მიხედვით;
- წილადების შეკრებისა და გამრავლების წესების ცალ-ცალკე, სხვადასხვა დროის შუალედში ახსნა, შეცდომების თავიდან ასაცილებლად;
- წილადის, ათწილადისა და პროცენტის ჩანერის ფორმების ერთმანეთთან დაკავშირება;
- წილადებსა და ათწილადებზე ძირითადი მოქმედებების ერთმანეთის პარალელურად განხილვა.

### **ზოგადი შენიშვნები თავის შესახებ**

პირველი თავი „წილადები და ათწილადები (1)“ იმეორებს მეხუთე კლასში განხილულ ბევრ საკითხს, მაგრამ თუ ამ სახელმძღვანელოთი მუშაობას მეექვსე კლასიდან ვიწყებთ, ეს თავი დაგვეხმარება წილადების თემის ადვილად ახსნაში. თუ მოსწავლეებმა ჯერ კიდევ მეხუთე კლასში დაიწყეს წილადებზე მოქმედებები, შესაძლებელია, ბევრი გვერდი გამოვტოვოთ ან ზოგიერთი დავალება გასამორებლად გამოვიყენოთ. სრულიად ახალ საკითხებს ეხება გვერდები 29, 32, 35-43, ამიტომ მათი დამუშავება ყველასთვის რეკომენდებულია.

### **გვერდი 24: ალიკვოტური წილადები**

- ერთი მთელის დაყოფა ნაწილებად ფურცლის გადაკეცვით;
- **ალიკვოტური** წილადების წარმოდგენა სხვადასხვა თვალსაჩინოებით;
- წილადების გამოსახატავად სხვადასხვა მოდელის გაცნობა;
- წილადის ნაწილების დასახელება (დასათაურება).
- ცნობისთვის: ძველ ეგვიპტეში იყენებდნენ მხოლოდ ისეთ წილადებს, რომელთა მრიცხველები იყო 1-ის ტოლი, ანუ 1/1. ასეთ წილადებს ალიკვოტური წილადები ეწოდება.

ეგვიპტელებმა ასევე იცოდნენ წილადი 2/3. 1-ისგან განსხვავებული მრიცხველის მქონე წილადები იწერებოდა ალიკვოტური წილადების ჯამის სახით. მაგალითად:  $2/5 = 1/5 + 1/5$ ;  $2/7 = 1/4 + 1/28$ .

ვთქვათ, მოცემულია რაომე P, Q, A და N ნატურალური რიცხვები. რამდენი ხერხით შეიძლება P/Q წილადი წარმოვადგინოთ ალიკვოტური წილადების ჯამის სახით ისე, რომ შესაკრებთა რიცხვი არ აღემატებოდეს N-ს, ხოლო მნიშვნელთა ნამრავლი – A-ს?

მაგალითად,  $2/3$ -ის წარმოდგენა, როცა  $A=120$  და  $N = 3$  შეიძლება 4 გზით:

$$\frac{2}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3}$$

$$\frac{2}{3} = \frac{1}{2} + \frac{1}{6}$$

$$\frac{2}{3} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{6}$$

$$\frac{2}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6}$$

**დავალება 1:** მხოლოდ მარჯვენა სურათზე მოცემული პიცა იყოფა ტოლ ნაწილებად. ამის წარმოსაჩინად მასწავლებელმა უნდა დასვას კითხვა: მარცხენა სურათზე მოცემული პიცის ერთი ნაჭერი რატომ არ შეესაბამება ერთ მეოთხედს?

**დავალება 2:** აქ მნიშვნელოვანია მთელთან მიმართება, კერძოდ, 3 სმ-იანი გვერდის მქონე კვადრატთან.

**დავალება 3:** მოსწავლეები პირველ რიგში დაითვლიან რამდენ ტოლ ნაწილად დაიყო მთელი, ხოლო შემდეგ დაადგენენ გაფერადებული ნაწილის წილს. მაგ., ა) კითხვაზე პასუხის გაცემისას მოსწავლეები ხშირად შეცდომით პასუხობენ, რომ 1 მეოთხედია შელებილი (რადგან ითვლიან 1 გაფერადებულ და 4 გაუფერადებელ ნაწილს და ადგენენ „1/4“ დამოკიდებულებას. ამგარი შეცდომის შემთხვევაში აუცილებელია პასუხის დეტალურად ახსნა: 5 ნაწილიდან მხოლოდ 1 ნაწილია შელებილი, ე.ო. მთელის 1/5).

**დავალება 4:** ამ დავალებაზე მუშაობისას მოსწავლეები დაადგენენ, რომ წილადის ნაწილების სიდიდე საწყის სიდიდეზეა (მთელზე) დამოკიდებული.

**დამატებითი მასალა:** 2.1; M 2.1 M 2.2.

### **გვერდი 25: ალიკვოტური წილადებით გამოსახული ნაწილების გამოთვლა**

- სიდიდეების ნაწილების გამოთვლა;
- ყოველდღიურ ცხოვრებაში წილადების მნიშვნელობის აღქმა.

ყოველდღიურობაში წილადის სახით ჩაწერილ უამრავ ინფორმაციას ვაწყდებთ, განსაკუთრებით ხშირად კი ალიკვოტური წილადებით მოცემულ მონაცემებს ვხვდებით. ძირითადად საქმე ეხება ნახევრის, მესამედის, მეოთხედის, მესუთედის, მერვედის, მეთედისა და მეასედის ტოლ მნიშვნელობებს. ეს მნიშვნელობები ხშირად წილადური სიდიდეების დამრგვალების ან შეფასებისთვის გამოიყენება, მეასედი კი – პროცენტული მაჩვენებლის გამოსახატავად.

ამ გვერდზე მოცემული დავალებები ყოველდღიურ ცხოვრებაში წილადების გამოყენების ბევრ მაგალითს წარმოგვიდგენს და, შესაბამისად, საუკეთესო შესაძლებლობას გვთავაზობს მოსწავლეთა წინარე ცოდნისა და გამოცდილების გასააქტიურებლად. ეს მახასიათებელი ამ გვერდის მთავარი უპირატესობაა.

ამ კონკრეტულ წილადებზე მუშაობა მნიშვნელოვანია, რადგანაც ისინი მყარ საფუძველს ქმნიან მომავალში წილადების თემატიკის აბსტრაგირებისთვის, რაშიც წილადებზე მოქმედებების კონკრეტული სიდიდეების გარეშე ჩატარება იგულისხმება.

წიგნში ბევრი დავალება ზეპირი მუშაობისთვისაა გათვალისწინებული. მოსწავლეებმა აუცილებლად უნდა ახსნან თავიანთი შედეგები, თუმცა ზოგიერთი მათგანი შესაძლებელია რვეულშიც გადაიტანონ.

**დავალება 7:** აქ ბევრი პასუხის მიღებაა შესაძლებელი, მაგ., ა) კითხვაში 2.5 მ ან 25 დმ ან 250 სმ. ამიტომაც არავითარი აზრი არ აქვს, თუ მოსწავლეებს პასუხის მხილოდ ერთი ფორმით წარმოდგენას მოვთხოვთ. პირიქით, მათ უნდა ვუბიძგოთ, პასუხები სხვადასხვა ხერხით წარმოადგინონ. ამ მიზნით შეგვიძლია კონკრეტული კითხვის დასმა: „რომელი ერთეულით ჯობია მოცემული სიდიდის წარმოდგენა?“

**დავალება 8:** შესაძლებელია „Placemat“ მეთოდით (იხ. ბარცელის „მათემატიკის მეთოდიკა“) ამოიხსნას. ეს მეთოდი გულისხმობს იდეების კრეატიულად და ამასთან ოპერატიულად აღმოჩენას. მოსწავლეები ერთიანდებიან ოთხნევრიან ჯგუფებში, სამუშაოდ ურიგდებათ ფორმატის (დიდი ზომის) ფურცელი, რომელზეც ჯგუფის თითოეული ნევრი მისთვის განკუთვნილ არეში დაწერს კითხვას დავალების მოცემული პირობის შესაბამისად. შემდეგ ამ ფურცელმა ხელიდან ხელში უნდა გადაინაცვლოს ისე, რომ ყველა მოსწავლემ შეძლოს ჯგუფის სხვა ნევრების მიერ შედგენილი კითხვების წაკითხვა. საბოლოოდ, მოსწავლეები შეთანხმდებიან საერთო კითხვებზე, რომლებიც ფურცლის შუა ნაწილში ჩამოიწერება.

### **დამატებითი მასალა: 2.2.**

### **გვერდი 26/27: მთელის ნაწილები**

- წილადების დასახელება;
- წილადი რიცხვების წარმოდგენა სხვადასხვა ხერხით;
- ნახაზებზე მოცემული ნაწილების წილადების სახით ჩაწერა;
- მონაკვეთებისა და მართკუთხედების წილადი ნაწილების გაფერადება;
- წილადების წარმოდგენა ლურსმნებიან დაფასა და მუყაოს ქაღალდზე.

**დავალებები 2-5:** განკუთვნილია ზეპირი მუშაობისთვის მცირე ჯგუფებში ან მთელ კლასთან ერთად. მოსწავლეებმა შემდეგ კითხვებზე უნდა გასცენ პასუხი: რა არის ერთეული (მთელი)? რამდენ ნაწილად დაიმატა მთელი? არის თუ არა ტოლი ყველა ნაწილი? რას წარმოადგენს ერთი ნაწილი მთელთან მიმართებაში? რამდენი ნაწილი შეერთდა?

**დავალებები 6-8:** აქ მოსწავლეებმა არა მარტო უნდა დაასახელონ მოცემული წილადის ნაწილები, არამედ სხვადასხვა ხერხით წარმოადგინონ, მაგ., მართკუთხედების ან მონაკვეთების მოდელის საშუალებით.

**დავალებები 11-14:** მოსწავლეებისთვის ყველაზე მოხერხებულია ლურსმნებიან (თუ მზა სახით არა გაქვთ, ადვილად მზადდება კვადრატის ფორმის ფიცარზე, თანაბრად დაშორებული ლურსმნების დაჭედებით) ან გეომეტრიულ დაფაზე მუშაობა.

### **დამატებითი მასალა: 2.3, 2.4, M 2.3, 2.4.**

### **გვერდი 28: ნაწილების გამოთვლა**

- სიდიდეების წილადი ნაწილების გამოთვლა;
- წილადების გამრავლებაში „-ის“ თანდებულის მნიშვნელობის გაგება.

„-ის“ თანდებულის აღქმა მათემატიკურად რთულია, მაგრამ აუცილებელია წილადის წილადზე გამრავლების გასაგებად. ამის გააზრება არანაკლებ მნიშვნელოვანია წილადების ნატურალურ რიცხვებზე გამრავ-

ლების გასაგებად. ორივე ტიპის დავალებების შესრულება შეუძლებელია მრავალჯერადი შეკრების პრინციპით, რადგანაც, მაგ., 5 • 2/3 ამოსახსნელად 5-ს ვერ მივუმატებთ ერთმანეთს 2/3 -ჯერ.

### დავალება 1: M 2.5

**დავალება 2:** ხშირად მოსწავლეები პირველ რიგში მთელის ერთ ნაწილს ანგარიშობენ, მაგ., 2a)-ში 36 ლარის 1 მეოთხედი არის 9 ლარი, 3 მეოთხედი იქნება სამჯერ მეტი ანუ 27 ლარი. მოსწავლეებმა ამოხსნის პროცესი დეტალურად უნდა განიხილონ, რადგან ამგვარი ტიპის დავალებებზე კომენტარები და შედეგების ახსნა, ბავშვებს საკითხის გააზრებაში ეხმარება. შესაბამისად, სასურველია, ეს მეთოდი გამოვიყენოთ.

### დავალება 3: არსებობს გამოთვლის ორი გზა:

- 2/3 საათი ნიშავს ერთ საათის 2/3 ნაწილს, ე.ი. ერთი საათი ჯერ სამ ტოლ ნაწილად უნდა დავყოთ, ხოლო შემდეგ ამ სამი ნაწილიდან ორი ავილოთ: (60 წთ : 3) • 2.

- მეორე გზა ხაზს უსვამს წილადი ნაწილების მამრავლებად წარმოდგენას. 2 საათი იყოფა სამ ტოლ ნაწილად: (2 • 60 წთ) : 3.

**დავალება 6-9:** განკუთვნილია ზეპირი მუშაობისთვის, მაგ. წყვილებში ან ჯგუფებში.

**დამატებითი მასალა:** 2.6; M 2.5.

### გვერდი 29: წილადი, როგორც განაყოფი

- განაწილების, როგორც გაყოფის ძირითადი წარმოდგენის გაგება;
- განაწილების თემატიკაზე მოცემული დავალებების გრაფიკულად წარმოდგენა;
- წილადების, როგორც განაწილების პროცესის შედეგის გაცნობა.

ამ გვერდის დავალებებს საფუძვლად უდევს გაყოფის პირველი პრინციპი: განაწილება. რადგანაც ამ ეტაპზე წილადებს მხოლოდ ნატურალურ რიცხვებზე ვყოფთ, შესაძლებელია განაწილების პრინციპით შემოვიფარგლოთ. მოგვიანებით, როცა წილადის წილადზე გაყოფას დავამუშავებთ, აუცილებელია კონკრეტული მაგალითების საფუძველზე ავხსნათ გაყოფის მეორე პრინციპიც – დაყოფა. ეს მიდგომა აუცილებელია მოქმედების კარგად გასაზრებლად.

**დავალება 1:** მოსწავლეებმა განაწილების ეს პროცესი აუცილებლად უნდა „გაითამაშონ“. დიფერენცირებისთვის გამოგვადება მართკუთხედის ფორმის პიცებიც. როგორც წესი, მოსწავლეებს აქვთ პრობლემის გადაჭრის ორი ვარიანტი: 1. პიცები რიგრიგობით უნდა დაიდოს მაგიდაზე და ყველა პიცა უნდა დაიყოს ოთხად, ე.ი. თითოეული მიიღებს 3 მეოთხედს. 2. ყველა პიცა ერთდროულად დაიდება მაგიდაზე. ორი პიცა გაიყოფა შუაზე, ხოლო მესამე გაიჭრება ოთხად. თითოეული მიიღებს ნახევარ პიცას და კიდევ 1 მეოთხედს, ანუ სულ 3 მეოთხედს.

**დამატებითი მასალა:** M 2.6.

### გვერდი 30: ერთ მთელზე დიდი წილადები

- არაწესიერი წილადების ჩანერა შერეულ რიცხვებად და შერეული რიცხვების – არაწესიერ წილადებად:

წრის, პიცისა და ნამცხვრის მოდელები წილადების წარმოდგენის სტანდარტული ფორმებია, სადაც წილადი ნაწილები წრის დაყოფის შედეგად წარმოიქმნება. მთელსა და მის ნაწილს შორის დამოკიდებულება შესაძლებელია კეთებით წარმოვადგინოთ. გამოხატვის ენაქტიური, მოგვიანებით კი ვიზუალური ფორმებით მოსწავლეები სხვადასხვა აღმოჩენას აკეთებენ. ამასთან დაკავშირებით რეკომენდებულია ჯგუფური მუშაობა:

მოსწავლეები წრეს ყოფენ ორ, ოთხ, რვა... ტოლ ნაწილად და გამოჭრიან ამ ნაწილებს. ამგვარად შეიტყობენ რამდენი მეორედი, მეოთხედი, მერვედი... ნაწილი შეადგენს ერთ მთელს. საბოლოოდ შესაძლებელია აღნიშნული მოდელების კლასში გამოვენაც.

მესამედების, მეხუთედებისა და მეექსედების მოდელი შესაძლებელია მასწავლებელმა ნიმუშის სახით გამოიწინოს დაფაზე, რადგან მოსწავლეთა უმეტესობას მისი დახაზვა და გამოჭრა შეიძლება გაუჭირდეს.

უფრო პრაქტიკულია, როცა ყველანი საკუთარ მასალას დაამზადებონ და კონვერტში ან საქაღალდეში შეინახავენ. ამასთან, დამატებით მასალაში მოცემულ წრეებს დააწესებენ მუყაოზე, დაამზადებენ წილად ნაწილებს და დაასათაურებენ. ბავშვებს შეუძლიათ ამ მასალების ინდივიდუალურად ან თანაკლასელთან ერთად დამზადება, სკოლაში ან სახლში. წილადების მოდელებზე კეთებით სწავლა მოსწავლეებს დაეხმარება წილადების აღქმასა და თემის გათავისებაში. წილადების მოდელებად კომპაქტ-დისკების გამოყენებაც შეგვიძლია.

**დავალება 2-4:** განკუთვნილია ზეპირი მუშაობისთვის, მთელ კლასთან ერთად, წყვილებში ან ჯგუფებში. ამის შემდეგ შესაძლებელია ცალკეული დავალება ინდივიდუალურად, რვეულში ამოიხსნას, სურვილის შემთხვევაში ასევე შესაძლებელია მათი საშინაო დავალებად მიცემა.

**დამატებითი მასალა:** 2.4; M 2.7.

### გვერდი 31: ტოლმნიშვნელიანი წილადების შეკრება და გამოკლება

მიზანი:

- წილადების შეკრება-გამოკლებაში გაწაფვა.
- წილადების შეკრება და გამოკლება სირთულეს არ წარმოადგენს, რადგან ტოლმნიშვნელიანი წილადების შემთხვევაში ვმუშაობთ მრიცხველებზე, მნიშვნელი კი უცვლელი რჩება.

#### აქტივობა:

დამხმარე მასალის (2.8) გამოყენებით ახალი თემის განხილვა შეიძლება სახელმძღვანელოს გარეშე. სასურველია, თემა ჯერ წყვილებში განვიხილოთ, შემდეგ – მთელ კლასთან ერთად.

ილუსტრაციების გამოყენებით მოსწავლეები ადვილად აღიქვამენ პროცესს. მაგ., თუ თავიდან პირველ სურათს დავაკვირდებით, ვნახავთ, რომ პირველი და მეორე ხაჭაპური დაყოფილია 12-12 ნაჭრად. მეორე სურათზე ჩანს, რომ პირველ ტაფაზე უკვე დარჩენილია 3 ნაჭრი, ანუ მთლიანი ხაჭაპურის  $\frac{3}{12}$ , ხოლო მეორე ტაფაზე – 2 ნაჭრი, ანუ მთელის  $\frac{2}{12}$  ნაწილი. თუ მათ ერთად მოვუყრით თავს, გვექნება:

$$\frac{3}{12} + \frac{2}{12} = \frac{5}{12}$$

ასეთი განხილვის შემდეგ, მოსწავლეებს შეიძლება ჩამოვაყალიბებინოთ თავიანთი დასკვნა ტოლმნიშვნელიანი წილადების შეკრებისა და გამოკლების შესახებ.

**დავალება 2:** შეიძლება მოსწავლეებმა გადმოსცენ ნახატით და მისი საშუალებით დაწვრილებით ახსნან ამოცანაში ა) და ბ) კითხვების პასუხები.

**დავალება 3-6:** აქ სავარჯიშოების ამოხსნა მოსწავლეებს შეუძლიათ ინტუიციით, სქემების გარეშე; მაგრამ იმისათვის, რომ პროცესი აღქმადი იყოს, სასურველია, შეკრება-გამოკლება პარალელურად წარმოადგინონ წრების ან მართულთხედების დაყოფა-დაშტრიხვის საშუალებით.

მასალის განმტკიცების მიზნით, მოსწავლეებს შეიძლება დაურიგდეთ დამხმარე მასალის (2.7) სქემები. დავალებების შესრულების შემდეგ, მათ გაცვალონ ნამუშევრები წყვილებში, იმსჯელონ თანაკლასელის ნამუშევრებზე და მიუთითონ დაშვებულ შეცდომებზე.

**დავალება 7, 8:** შესაძლებელია მივცეთ საშინაო დავალებად. დავალება 7-ში საუბარია უცნობი უჯრის აღდგენაზე, რაც ხელს უწყობს მიღებული ცოდნის მობილიზებას. სასურველია, რომ აქ მოსწავლეებმა სინჯვის მეთოდით იპოვონ პასუხი.

სიტუაციური ამოცანები მე-8 დავალებაში მოსწავლეებს უბიძგებს, რომ მათი ცოდნა ტოლმნიშვნელიანი წილადების შეკრება-გამოკლებაზე, დაუკავშირონ ცხოვრებისეულ მაგალითებს და გამოიყენონ პრობლემის გადასაჭრელად.

**დამატებითი მასალა:** 2.7; M 2.8.

### ურთიერთშეფასების ფურცელი

შესაფასებელი მოსწავლის სახელი, გვარი \_\_\_\_\_

შემფასებელი მოსწავლის სახელი, გვარი \_\_\_\_\_

თემა \_\_\_\_\_

**რასაც ეთანხმები, შეაფას „+“-ით:**

ყველა სავარჯიშო შეასრულა სწორად	
ზოგიერთი რამ გაუგებარი იყო	
კიდევ მოუწევს ამ საკითხებზე მუშაობა	
ჩართული იყო ყველა აქტივობაში	
ზოგჯერ არ მუშაობდა მონდომებულად	

### გვერდი 32/33: შერეული დავალებები

დიდი რაოდენობის დავალებების შემთხვევაში სავალდებულო არაა ყველა მოსწავლემ ყველა დავალება ამოხსნას. აქ სხვადასხვა მეთოდური მიღორმა უნდა გამოვიყენოთ. ქვემოთ მოცემულია რამდენიმე მაგალითი:

1. მასწავლებელს გადააქვს პასუხები A 3 ფორმატის ფურცელზე და შედეგებს გამოფენს კლასში რამდენიმე ადგილას ისე, რომ ყველა მოსწავლეს ჰქონდეს შედეგების დამოუკიდებლად შემოწმების საშუალება.

2. ყველა მოსწავლე ცალ-ცალკე იღებს პასუხების ფურცელს.

3. მასწავლებელი გაანაწილებს დავალებებს. მოსწავლები ფურცლის ერთ მხარეს წერენ დავალებებს (დაახლოებით 4-დან 8-მდე დავალებას), ხოლო მეორე მხარეს – დავალებების პასუხებს. შესაძლებელია წყვილებში მუშაობა ან საშინაო დავალებად მიცემა. ეს ფურცლები შეგვიძლია გამოვიყენოთ მომავალი საკლასო სამუშაოსთვის მოსამზადებლად.

### გვერდი 34: შემაჯამებელი სავარჯიშოები

ზოგადი მითითებები იხილეთ პირველ ნაწილში.

### გვერდი 35: ათწილადები

- მილიმეტრის, სანტიმეტრისა და დეციმეტრის ჩანერა მეტრის წილადი ნაწილების სახით;
- 10-ის, 100-ისა და 1000-ის ტოლი მნიშვნელის მქონე წილადების ჩანერა ათწილადების სახით;
- მნიშვნელში 10-ის ჯერადი რიცხვის მქონე წილადების ჯამის ათწილადებით ჩანერა;
- ათწილადების ჩანერა 10-ის ჯერადი მნიშვნელის მქონე წილადების ჯამის სახით.

ათწილადების საკითხის კარგად გასაგებად აუცილებელია, რომ მოსწავლეებმა ათწილადები თავიანთ ცნობიერებაში კარგად აღქმულ საკითხებს დაუკავშირონ. კარგი იქნება, თუ ამ საკითხს სიდიდეებს დაუკავშირებენ (სმ, მ...) ან, თუნდაც, ყველაზე ხშირად გამოყენებად თვალსაჩინოების საშუალებას – რიცხვით სხივს.

**დავალება 1: M2.9** დაფის სახაზავთან ერთად დამატებით შეგვიძლია მეტრიანი საზომის გამოყენებაც.

**დავალებები 2-5:** შესაძლებელია ამ დავალებების თავდაპირველად ზეპირად განხილვა, მთელ კლასთან ერთად ან ოთხკაციან ჯგუფებში. შემდეგ კი მოსწავლეები თავად გადაწყვეტინ, თუ რომელი დავალებები გადაიტანონ რვეულში.

**დამატებითი მასალა: M2.9**

### გვერდი 36: სათანრიგო დაფა

მიზანი:

თანრიგების კლასების გაფართოება;

ათობითი სისტემის აგების პრინციპის შესახებ ცოდნის გაღრმავება;

თანრიგების კლასების სისტემაში მოცემული რიცხვების ჩანერა ათწილადების სახით.

ჩემპიონატის მაგალითზე (კერძოდ, მოცურავეებისა და მსუბუქი ათლეტიკის შეჯიბრება) მოსწავლეებს შევახსენოთ წამის მეათედისა და მეასედის მნიშვნელობა.

თანრიგების კლასების სისტემაზე მუშაობის პარალელურად, თემის უკეთ გააზრების მიზნით, მოსწავლეებს წამმზომით შეუძლიათ სხვადასხვა მოქმედების გაზომვა (10 ბუქნი, 30-მდე უკუსვლით დათვლა, ეზოს კონკრეტული მანძილის გარენა) და გაზომვის შედეგების ათწილადებით ან შერეული რიცხვებით ჩანერა. ასევე მათ შეუძლიათ სცადონ წამმზომის ზუსტად 14 ან 14.2 წამზე გაჩერება.

პარაგრაფს წინ უძლვის ილუსტრაცია, რომელზეც მოსწავლის მუშაობის პროცესი ნაბიჯ-ნაბიჯ არის წარმოდგენილი.

**დავალება 1:** ეს სავარჯიშო მოითხოვს სათანრიგო დაფის სამუშაო რვეულში გადატანას და მის გაფართოებას მარჯვენა მხრიდან, მოცემული რიცხვის ათწილადური ნაწილის შესავსებად.

მაგ.: 7,345

100	10	1	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{100}$	$\frac{1}{1000}$
		7	3	4	5

$$7 + \frac{3}{10} + \frac{4}{100} + \frac{5}{1000} = \frac{7345}{1000} = 7 \frac{345}{1000}$$

**დავალება 2:** აქ შებრუნებული სამუშაოა. შევსებული სათანრიგო დაფის საშუალებით მოსწავლეებმა უნდა გაითვალისწინონ ჯერ ათწილადის აღდგენა, შემდეგ კი – მისი წილადად ჩანერა.

**დავალება 3, 5:** შესაძლებელია საშინაო დავალებად მივცეთ.

**აქტივობა:**

დამხმარე მასალის (2.10) სქემის საგაკვეთილო პროცესში ჩართვა, მოსწავლეებს მისცემს საშუალებას

სიგრძის ერთეულებს შორის დამოკიდებულება დააკავშირონ ამ თემასთან. სქემას წყვილებში მივცემთ და მიღებულ შედეგებზე ვამსჯელებთ.

**დავალება 4:** მოსწავლებს ყურადღებას გაამახვილებინებს იმაზე, რომ ათწილადში ბოლო მარჯვენა ნულების ამოშლა მოცემულ რიცხვს არ ცვლის, მაგრამ ხელშეუხებელი რჩება მარცხენა ან შუა ნულები.

**დავალება 6:** ეს გამოყენებითი ამოცანა მოსწავლეებს რამდენიმე უნარს უვითარებს, აჩვევს ხელსაწყოდან მონაცემების სწორად ამოწერას და უადვილებს დახარჯული წყლის გადასახადის დათვლას, ამიტომ ასეთი პრაქტიკული ამოცანები აუცილებლად უნდა შესრულდეს. მოსწავლეებს შეიძლება დავავალოთ ამონერონ თავიანთი წყლის მრიცხველის ჩვენებები, გადაიტანონ სათანრიგო დაფაზე, ჩანერონ წილადის სახით, იმსჯელონ მონაცემებზე თანაკლასელებთან ერთად (აგრეთვე შეიძლება მოვატანინოთ ელექტრო-ენერგიისა და გაზის მრიცხველის ჩვენებები).

იგივე დანიშნულება აქვს დამხმარე მასალის (2.10) ილუსტრაციას. დაფაზე გავაკრათ ეს სურათები და ვიმსჯელოთ მოცემულ მონაცემებზე, რაც მოსწავლეებს ათწილადების დალაგების უნარს განუვითარებს. ზედმეტი არ იქნება, თუ ისინი იმსჯელებენ ერთმანეთის მონაცემებზე და შეადარებენ (მაგ., ვინ დახარჯა უფრო ეკონომიურად წყალი, ელექტროენერგია, გაზი).

**დამატებითი მასალა: 2.10; M 2.10.**

### გე-6 დავალების შეფასების კრიტერიუმები

მოსწავლემ შეძლო:

- ა) მონაცემების ამონერა;
- ბ) ათწილადში ზედმეტი ნულების წაშლა;
- გ) ათწილადის ჩანერა შერეული რიცხვის სახით;
- დ) ამ სავარჯიშოს პრაქტიკული მნიშვნელობის შეფასება.

### გვერდი 37: ათწილადების შედარება

- ათწილადების შედარების სხვადასხვა მეთოდის გაცნობა;
- იმ საკითხის გაგება, რომ უფრო პატარა ათწილადი რიცხვით სხივზე ყოველთვის უფრო მარცხნივ დგას;
- ათწილადების შედარება თანრიგების მიხედვით;
- ათწილადების შედარება და ზრდის მიხედვით დალაგება.

კარდინალურ ასპექტთან ერთად (კარდინალურია ასპექტი, როცა ერთი და იმავე ციფრებით ჩანერილი რიცხვების სიდიდე მათი თანრიგის მიხედვით განსხვავდება), ათწილადების შედარებისას, მნიშვნელოვანია რიცხვით სხივზე ათწილადების მარცხნიდან მარჯვნივ განთავსების ორდინალური ასპექტიც. სიდიდეების შედარებისას შედეგი აუცილებლად უნდა დასაბუთდეს. მაგ., 3ა). 1,7 > 1,07; ერთები ტოლია, მაგრამ შვიდი მეათედი მეტია 7 მეასედზე.

**დამატებითი მასალა: 2.11; M 2.11, M1.3.**

### გვერდი 38: ათწილადების დამრგვალება

- ათწილადების დამრგვალების წესების გაცნობა;
- ათწილადების დამრგვალება მეათედებამდე, მეასედებამდე და მეათასედებამდე;
- სიდიდეების მოცემულ ერთეულებამდე დამრგვალება;
- სიდიდეების სიტუაციაზე მორგებული სიზუსტით წარმოდგენა;
- დამრგვალების წესების პლაკატის დამზადება.

**დავალებები 3-7:** განკუთვნილია ზეპირი მუშაობისთვის. შესაძლებელია, განვიხილოთ როგორც მთელ კლას-თან ერთად, ასევე წყვილებში ან ჯგუფებში. შემდეგ კი ცალკეული დავალებები ამოვხსნათ რვეულში ან მივცეთ საშინაო დავალებად.

**დავალება 8:** არასაკმარისი გამოცდილების გამო, მოსწავლეებს ხშირად უჭირთ იმის გადაწყვეტა, თუ რომელ თანრიგამდე უნდა დაამრგვალონ. ამიტომ ამ დავალებაზე მუშაობისას ჯერ უნდა განვიხილოთ საჭირო ადგილას დამრგვალების საკითხი.

### გვერდი 39: ათწილადების შეკრება და გამოკლება

- ათწილადების შეკრებისა და გამოკლების სხვადასხვა მეთოდის გაცნობა;
- ათწილადების შეკრება/გამოკლება ზეპირად;
- სიდიდეების (მ, სმ, გრ, ტონა) შეკრება და გამოკლება;
- მარტივი ათწილადებისა და წესიერი წილადების შეკრება/გამოკლება.

**დავალება 1: M 2.12**

**დავალება 2:** ბავშვებს ათწილადების მიმატება და გამოკლება არ უჭირთ, როცა მოცემულ ათწილადებს მძიმის შემდეგ ერთნაირი რაოდენობის თანრიგი აქვთ (მაგ 5,52 და 7,82). თემის უკეთ გასაგებად მოსწავლეებს შეიძლება ვუჩენოთ, რომ მეასედები (შესაბამისად, მეათედები) ზუსტად ისევე იკრიბება, როგორც ერთეულები, ათეულები და ასეულები. მოსწავლეები უფრო მეტ სირთულეს აწყდებიან, როცა მოცემულ ათწილადებს განსხვავებული თანრიგები აქვთ (მაგ. 5,5 და 7,895). მსგავსი ტიპის მაგალითებისგან ამ ეტაპზე ჯერ კიდევ თავს ვიკავებთ. ამგვარი რიცხვები შესაძლებელია ჯერ შერქეულ რიცხვებად ჩავწეროთ და შემდეგ შევერიბოთ/გამოვაკლოთ.

**დავალება 4:** აქ ყურადღება გამახვილებულია მძიმის შემდეგ სხვადასხვა თანრიგის მქონე ათწილადების შეკრება/გამოკლებაზე. მნიშვნელოვანია საუბრის სწორი ფორმა, რაც თავიდან აგვაცილებს მძიმის არასწორად დასმით გამოწვეულ შეცდომებს. (მაგ.,  $0,02 + 0,23 = 0,25$  განიმარტება, როგორც „ნულ მთელ ორ მეასედს მიმატებული ნული მთელი ოცდასამი მეასედი, ტოლია ნული მთელი ოცდახუთი მეასედის).

#### დამატებითი მასალა: M 2.12

#### გვერდი 40/41 შეკრება და გამოკლება ქვეშმიწერით

- ათწილადების ქვეშმიწერით შეკრება/გამოკლების წესების გაცნობა;
- ათწილადების ქვეშმიწერით შეკრება და გამოკლება;
- სიდიდეების ქვეშმიწერით შეკრება/გამოკლება;
- მაგალითების ამოხსნით ცხოველების სახელების გამოცნობა (შიმპანზე, ბეჰემოთი);
- სიდიდეების ქვეშმიწერით გამოთვლა.

ქვეშმიწერით შეკრება-გამოკლებისას უშეცდომოდ ანგარიშისთვის მნიშვნელოვანია „სუფთად“ წერა. ქვეშგასმულ ხაზსა და ბოლო რიცხვს შემორის საკმარისი ადგილი უნდა დარჩეს „დამახსოვრებული ციფრების“ გადასატანად. ეს დამახსოვრებული ციფრები უნდა ჩაიწეროს ზუსტად ქვემოთ, ოღონდ თდნავ მცირე ზომით.

ეს დავალებები დაბალი მზაობის მოსწავლეებსაც მოეწონებათ, რადგან მსგავსი ტიპის სავარჯიშოებს ისინიც კარგად ხსნიან. მასწავლებელი თავად წყვეტს, რომელი დავალებები უნდა ამოხსნას ყველა მოსწავლემ (სავალდებულ დავალება) და რომელს ამოხსნევინებს დამატებით. დავალების პასუხებს მასწავლებელი დიდი ზომის (A 3 ფორმატის) ფურცელზე გადაიტანს და კლასში რამდენიმე ადგილას გამოფენს.

ამ დავალებებზე მუშაობისას მასწავლებელს სხვადასხვა ვარიანტი აქვს საშინაო დავალების მისაცემად:

1. **დავალებები 5-9:** ა-დ) ყველამ უნდა ამოხსნას, ხოლო დანარჩენი სავარჯიშოები – სურვილისამებრ;
2. **დავალებებზე 5-9:** გამოყოს დრო – 20 წუთი;
3. **დავალებები 5-9:** ბავშვებს მისცეს კვირის განმავლობაში შესასრულებლად.

#### დამატებითი მასალა: M 2.13.

#### გვერდი 42/43: სპორტული ფესტივალი

მომდევნო ორ გვერდზე მუშაობის პარალელურად შეგვიძლია ნება დავრთოთ მოსწავლეებს, გვიამბონ სპორტულ შეჯიბრებებში თავიანთი გამოცდილების შესახებ.

საბოლოოდ მცირე ჯგუფებში დავამუშავებთ შერჩეულ დავალებებს და ჯგუფს, რომელიც წარმატებით გაართმევს თავს დავალებას, მოვთხოვთ შედეგების პრეზენტაციის სახით წარმოდგენას.

ალტერნატივა: მასწავლებელი მოსწავლეებს ურიგებს ახალგაზრდული ჩემპიონატის (იგულისხმება გერმანიაში სკოლებს შემორის გამართული სპორტული ჩემპიონატი, რომელში მონაწილეობაც ყველა სკოლისთვის სავალდებულოა/შეცვალოთ რაიმე ანალოგიური მაგალითით) ბარათებს. ბარათებზე აღნიშნულია მოზარდთა მსგავს სპორტულ შეჯიბრებებზე სპორტის სხვადასხვა სახეობაში მიღწეული საუკეთესო შედეგები. მოსწავლეები, პირველ რიგში, დააკვირდებიან სირბილში, სიგრძეზე ხტომასა და ბირთვის კვრაში მიღწეულ რეკორდულ მაჩვენებლებს და ფიქრობენ საკუთარ შესაძლებლობებზე: ეყოფათ თუ არა გამოცდილება პრიზის მისაღებად? შეძლებენ თუ არა ამ შედეგების გაუმჯობესებას? შესაძლებელია სხვა შეკითხვების მოფიქრება და დასმაც.

#### გვერდი 44: ასოითი გამოსახულება, განტოლება, უტოლობა

ვმუშაობთ მითითებების მიხედვით.

#### გვერდი 45: იყავი ფორმაში!

ზოგადი მითითებები იხილეთ პირველ ნაწილში.

#### გვერდი 46: შემაჯამებელი სავარჯიშოები

ზოგადი მითითებები იხილეთ პირველ ნაწილში.

### თავი 3: გეოგრაფიული გარდაქმნები

#### ზოგადი შენიშვნები თავის შესახებ

წინამდებარე თავის ძირითადი არსია „გაზომვა“. პირველ ნაწილში განხილულია წრე. წინა კლასებში წრე ექსპლიციტურად არ გავირჩევია, თუმცა მოსწავლეები ამ ფიგურას იცნობენ, როგორც მათემატიკის გაკვე-თილებიდან (მაგ., როგორც ცილინდრის ფუძეს), ასევე ყოველდღიურობიდან. მაგრამ წრის ცალკეული მახა-სიათებლები, როგორცაა წრის ცენტრი და რადიუსი ან დიამეტრი მოსწავლეთა უმრავლესობისთვის სიახლეა.

წინამდებარე თავის მეორე ნაწილი ეხება კუთხეს. მე-5 კლასში მოსწავლეები გაეცნენ მართ კუთხეს, განსა-კუთრებით კი ურთიერთმართობული წრფეების ჭრილში (კვადრატის, მართკუთხედის, ასევე კუბის, პარალე-ლებიპედისა და პრიზმის ურთიერთმართობული წიბოების განხილვისას). გარდა ამისა, გეომეტრიულ სამ-კუთხედზე, რომელსაც მოსწავლეები მუდმივად იყენებენ, გამოსახულია კუთხეების საზომი.

თავის ბოლო ნაწილი კი სიმეტრიას ეთმობა. მოცემული სავარჯიშოების დახმარებით, რომლებიც გამოჭრას და გადაკეცვას მოითხოვს, მოსწავლეები კუთხებით დაამუშავებენ თემას. სიმეტრიის თემა გულმოდგინედ უნდა დავამუშაოთ. ამ თავზე მუშაობისას აუცილებლად უნდა გვქონდეს დიდი საკონრდინატო ბადე და მიღიმეტრუ-ლი ქაღალდი.

იმისთვის, რომ თავიდან ავირიდოთ ცალკეული ფიგურების რვეულში გადახაზვის აუცილებლობა, წიგნის მე-სამე ნაწილში მოცემულია დამატებითი მასალა – შესაბამისი გამოსახულებები ორიგინალურ ზომებში.

#### გვერდი 47: წრენირი, კუთხე, სიმეტრია

წიგნში მოცემულმა ორივე ილუსტრაციამ მოსწავლეებს უნდა უბიძგოს, რომ წრე და წრის ფორმის ფიგურები ფარგლის საშუალებით დახაზონ. ამ ეტაპზე შესაძლებელია წრის ორივე მახასიათებლის – წრის ცენტრისა და რადიუსის განხილვაც. ფურცლის ქვედა, მარჯვენა კუთხეში მოცემული სურათი ეთმობა კუთხეების გაზომვას გეომეტრიული სამკუთხედით, აგრეთვე – პრობლემას, რომელსაც მოსწავლეები ხშირად აწყდებიან – გეომე-ტრიულ სამკუთხედზე სწორი სკალის არჩევას. ფურცლის მარცხენა ქვედა კუთხეში მოცემული კომიქსი ემსა-ხურება სარკისებრი არეკვლის თემაზე გადასვლას.

#### გვერდი 48/49: წრენირი

- ცნებების: წრე, ცენტრი, რადიუსი, დიამეტრი – გაცნობა და გამოყენება;
- რადიუსისა და დიამეტრის ცნებების ერთმანეთისგან განსხვავება.

**დავალება 1:** აუცილებელია, წინა გაკვეთილის დავალების განხილვა. მოსწავლეებს ვთხოვთ დავალებისთვის საჭირო ნივთების (ფარგალი, ზონარი, წრის ფორმის ნივთები და ა.შ) მოტანა. უმჯობესია, რომ ფურცლები ან მუყაოს ქაღალდი ბავშვებს მასწავლებელმა მისცეს. თუ ეს ვერ ხერხდება, წრეების დახაზვარვეულშიც შეუძლიათ.

**დავალება 4:** ძალიან მცირე რადიუსის მქონე წრეების დახაზვა (მაგ., აქ:  $r = 1\text{სმ}$ ) ზოგიერთი მოსწავლისთვის რთულია, განსაკუთრებით კი მაშინ, თუ კარგი ხარისხის ფარგალი არა აქვთ.

**დავალება 6, 7:** ასეთ წრიულ ფიგურებს მოსწავლეები დიდი სიამოვნებით ხაზავენ. თუმცა, სავარაუდოდ, ვერ შეძლებენ ფიგურის ცენტრის მაშინვე სწორად განსაზღვრას. მაგრამ „ცდისა და შეცდომის“ მეთოდის გამო-ყენებით, შედეგების პოვნის პროცესში შესაძლებელია დაბალი მზაობის მოსწავლეების ჩართვაც. დამატებით დავალებად შეგვიძლია მოსწავლეებს ფიგურების გაფერადება მივცეთ.

**დავალება 11, 12:** განკუთვნილია საშინაო დავალებისთვის.

**დამატებითი მასალა:** 3.1.

#### გვერდი 50: წრენირთა ურთიერთგანლაგება

ვმუშაობთ მითითებების მიხედვით.

#### გვერდი 51: კუთხე

- კუთხის აღწერა მისი შემადგენელი ორი სხივისა და მათი შემაერთებელი წერტილის საშუალებით;
- კუთხეების აღნიშვნისთვის გამოყენებული ბერძნული ასოების წაკითხვა და ჩაწერა.

**დავალება 1:** მოსწავლეებს შეუძლიათ ინტერნეტით მოიძიონ კუთხეებთან დაკავშირებული ისტორიები (ნე-ბაყოფლობითი საშინაო დავალების ფორმით).

**დავალება 6:** მისი განხილვა შეიძლება, როგორც საშინაო დავალების ფორმით, ასევე – სკოლაშიც. მუშაობი-სას დაგვჭირდება ქაღალდი ან თხელი მუყაო და მაკრატელი.

## გვერდი 52: კუთხის სახეები

- კუთხეების დაყოფა მათი ზომების მიხედვით.

მართი კუთხის საფუძველზე მიიღება მახვილი და ბლაგვი კუთხეების სახელწოდებებიც. გაშლილი და სრული კუთხე განსაკუთრებული შემთხვევაა. სავარაუდოდ, მოსწავლეებს ექნებათ კითხვა 180-სა და 360 გრადუსს შორის არსებულ კუთხეზე.

**დავალება 5:** კუთხეების შესადარებლად შეგვიძლია გამოვიყენოთ პროექტორი (პროექტორზე ვაჩვენებთ კუთხეებს და ვადარებთ ერთმანეთს).

**დამატებითი მასალა:** 3.5; M 3.1.

## გვერდი 53: კუთხეების გაზომვა ტრანსპორტირით

- კუთხეების სიდიდეების შეფასება და ზუსტი ზომის გეომეტრიული სახაზავით/ტრანსპორტირით დადგენა.

კუთხეების გაზომვისა და დახაზვისას სკალის არასწორად არჩევა მაღალ კლასებშიც ხდება. აუცილებელია მოსწავლეებს მივუთითოთ, რომ კუთხეების გაზომვისას, ყოველ ჯერზე, ყურადღება მიაქციონ იმას, მოცემული კუთხე ბლაგვია თუ მახვილი. ამის საფუძველზე გადაწყვიტონ შიდა ან გარე სკალის გამოყენება. კუთხეების ზომების განხილვისას საჭიროა, რომ მოსწავლეთა მიერ დახაზული კუთხეები დაფაზე გადავხაზოთ და ისევ გავაზომინოთ.

**დავალება 1:** კუთხის ზომის გეომეტრიული სამკუთხედით დადგენის სამი ეტაპი, მოსწავლეებს შეუძლიათ დაფაზე დახაზული კუთხის (დიდი გეომეტრიული სამკუთხედით) გაზომვისას გაიმეორონ. ამასთან, შესაძლებელია ყოველ ჯერზე ორი მოსწავლე გამოვიდეს დაფასთან, ერთ-ერთი ხმამაღლა წაიკითხავს აღნიშნულ სამეტას, ხოლო მეორე ამ მოქმედებებს დაფაზე განახორციელებს.

**დავალება 3:** M3.2 კუთხის რვეულში გადატანა მოითხოვს კონცენტრაციასა და ზუსტ მუშაობას.

**დავალება 4:** ა და ბ კითხვებში განიხილება ორი კუთხე, რომლებიც უნდა გაიზომოს. შესაძლებელია, რომ ზოგიერთმა მოსწავლემ აღმოაჩინოს მოსაზღვრე კუთხეები და მათ შესახებ კითხვები დასვას.

**დავალება 5:** M3.3 ამ დავალებით მოსწავლეებს ვამზადებთ სამკუთხედის შიდა კუთხეების ჯამის თვისების-თვის, რომელიც დაწვრილებით მე-7 კლასში განიხილება.

**დამატებითი მასალა:** 3.6; M 3.2, 3.3.

## გვერდი 54/55: კუთხეების დახაზვა და გაზომვა

- მოცემული სიდიდის კუთხეების დახაზვა და გაზომვა.

**დავალება 1:** სასურველია, ორმა მოსწავლემ დაფაზე დახაზოს და გაზომოს 60, 80 და 100-გრადუსიანი კუთხეები.

**დავალება 3, 4:** ამ დავალებებზე მუშაობისას შესაძლებელია განვიხილოთ მოსაზღვრე კუთხეების ცნება.

**დავალება 5:** კუთხის არითმეტიკულად გამოანგარიშება მოსწავლეებს ამზადებს სამკუთხედის შიდა კუთხეების ჯამის გაგებისთვის.

**დავალება 6:** ამ დავალების შესრულების შემდეგ, დაინტერესებულ მოსწავლეებს დამატებით შეუძლიათ თავიანთი სახლის ჭერის დახრილობის გაზომვა და პრეზენტაციის მოწყობა კლასში, რასაც შემოქმედებითობა და ხელმარჯვეობა (მაგ. თარაზოს გამოყენება) დასჭირდება.

**დავალება 7, 8:** დამატებითი დავალებებია დაინტერესებული მოსწავლეებისთვის: მაგ., სკოლაში (ან სხვა საჯარო დაწესებულებაში) ღია ტიპის სცენის (რამპის) არსებობის შემთხვევაში, მისი დახრილობის კუთხის განსაზღვრა.

**დავალება 12:** საკონდინატო ბადის ერთეული წინასწარ უნდა განისაზღვროს (I ღერძი: 10 სმ; II ღერძი: 8 სმ).

**დავალება 14, 15:** უნდა გავითვალისწინოთ, რომ რადიუსის ინტერპრეტაცია და დახაზვა სხვადასხვაგვარად ხდება, კერძოდ, როგორც ა კუთხის შუაზე გამყოფი ხაზის, როგორც კუთხის ერთ-ერთი გვერდისა ან როგორც წრის ცენტრის წრენირთან დამაკავშირებელი უმოკლესი ხაზისა (დაინტერესებული მოსწავლეებისთვის: ჯიბის ფანრის მაშუქის, შესაბამისად, მოძრაობის დეტექტორის სინათლის გაშლის კუთხის დადგენა და შედეგების კლასისთვის წარდგენა).

**დავალება 17:** გ კითხვაზე, თუ რამდენ გრადუსიანი კუთხის შემთხვევაშია დახრილობა  $100^{\circ}$ , მოსალოდნელია, რომ ბავშვებმა სპონტანურად უპასუხონ –  $90^{\circ}$ . აქ შესაძლებელია მთელი რიგი დამატებითი კითხვების დასმა, რომლებიც მოსწავლეებისთვისაც საინტერესო იქნება. მაგ., „მაქსიმუმ, რა დახრილობის გზა შეიძლება გავიაროთ მანქანით, ველოსიპედით ან ფეხით? რომელი ქუჩაა ყველაზე ციცაბო ჩვენი სახლის ახლომახლო და რამდენი გრადუსია ამ გზის დახრილობა? როგორი დახრილობა ჰქონდა ყველაზე ციცაბო გზას, რაც ოდესმე გაგივლია?“

**დავალება 18:** ამ დავალებაში კუთხის დახაზვის სხვა მეთოდი შემოგვაქვს. ამ მეთოდის უპირატესობა ისაა, რომ კუთხის მეორე გვერდის დახაზვა შესაძლებელია გეომეტრიული სამკუთხედის გამოყენების გარეშე; ხოლო

მეთოდის ნაკლი ისაა, რომ გეომეტრიული სამკუთხედის შემობრუნებისას, შესაძლებელია, გაგვეპაროს უზუს-ტობები.

**დავალება 19:** თუ წელიწადის შესაბამის დროს დაემთხვა, შესაძლებელია დავალება ხელგარჯილობის გა-კვეთილად გაქციოთ და ბავშვებს ოქროსფერი ქაღალდისგან საშობაო ვარსკვლავები გამოვაჭრევინოთ. ასევე შესაძლებელია ხელოვნების ან შრომის გაკვეთილთან ინტეგრირება.

**დამატებითი მასალა:** 3.7.

**გვერდი 56: მოსაზღვრე და ვერტიკალური კუთხეები**  
გმუშაობთ მითითებების მიხედვით.

**გვერდი 57: იყავი ფორმაში!**  
ზოგადი მითითებები იხილეთ პირველ ნაწილში.

**გვერდი 58/59: ისწავლე-დააკავშირე-გამოიყენე**  
ზოგადი მითითებები იხილეთ პირველ ნაწილში.

**გვერდი 60: დაკეცვა და გამოქრა**

„წაიკითხე-გაიაზრე-ამოხსენი“ – ტიპის ეს გვერდი, შესაძლებელია, ინდივიდუალურად ან წყვილებში დამუშავდეს. დაგვჭირდება მუყაოს ქაღალდი (1), 2 ცალი A4 ფორმატის (ანუ თაბახის) თეთრი ან ჭრელი ფურცელი და მაკრატელი თითოეული მოსწავლისთვის.

ეს გვერდი მოსწავლეებს მოამზადებს მომავალი თემებისთვის ღერძული, რადიალური და ცენტრული სიმეტრიის შესახებ. კარგი იქნება, თუ ბავშვები მასწავლებლის განსაკუთრებული ჩარევის გარეშე, კეთებით შეძლებენ გამოცდილების დაგროვებას სიმეტრიისა და საგნების არეკვლის შესახებ. მათ შეუძლიათ თავიანთი შედეგები მთელ კლასს გააცნონ (პრეზენტაციით ან პლაკატებით).

**დამატებითი მასალა:** 3.9.

**გვერდი 61: ღერძული სიმეტრია და სიმეტრიული გარდაქმნა**

- ღერძულად სიმეტრიული ფიგურებისა და მათი სიმეტრიის ღერძების ამოცნობა;
- მოცემული ფიგურების ღერძულად სიმეტრიული ფიგურების აგება მათი სიმეტრიის ღერძის მიმართ.

**დავალება 3-5:** ზოგადად, ღერძულ სიმეტრიაში ყოველთვის უნდა გავითვალისწინოთ საკმარისი ადგილი რვეულში, სიმეტრიული ფიგურის დასახაზად.

**დამატებითი მასალა:** 3.10; M 3.4 - 3.7.

**გვერდი 62: ცენტრული სიმეტრია და სიმეტრიული გარდაქმნა ცენტრის მიმართ**

- ცენტრის მიმართ სიმეტრიული ფიგურებისა და მათი სიმეტრიის ცენტრის ამოცნობა;
- სიმეტრიის ცენტრის მიმართ მოცემული ფიგურის ცენტრულად სიმეტრიული ფიგურის აგება.

**დავალება 1:** დავალების შედეგების განხილვისას კარგი იქნება, თუ გაკვეთილზე ვიქონიებთ წიგნში წარმოდგენილი ყველა ბარათის ასლებს, რადგან მოსწავლეებს შეძლებათ ამ ბარათების 180 გრადუსით შემობრუნება.

**დავალება 3, 5, 6: M3.9-3.11** (ნახაზები მოცემულია რეალურ ზომებში).

**დავალება 4, 7:** კვადრატული ბადის ერთეულებზე წინასწარ უნდა შევთანხმდეთ:

(I) (X) ღერძი: 10სმ; II (Y) ღერძი: 10სმ )

**დამატებითი მასალა:** M3.9-3.11.

**გვერდი 63: ბრუნვითი სიმეტრია და ბრუნვა**

- რადიალურად სიმეტრიული ფიგურების ამოცნობა;
  - რადიალურად სიმეტრიულ ფიგურებში მობრუნების წერტილისა და მობრუნების კუთხის განსაზღვრა.
- დავალების შედეგების განხილვისას დაგვეხმარება ნახაზებისა და ფიგურების პროექტორით ჩვენება, რათა ყველა მოსწავლემ შეძლოს მობრუნების პროცესზე კარგად დაკვირვება. მობრუნების წერტილისა და მობრუნების კუთხის განსაზღვრის ამგვარად ჩვენება ყველასთვის თვალსაჩინო იქნება.

**დამატებითი მასალა:** M3.12-3.16.

**გვერდი 64: პარალელური გადატანა**

გმუშაობთ მითითებების მიხედვით.

## გვერდი 65-68: შერეული დავალებები

### დავალება 2, 3: M3.17, 3.18.

ზოგიერთი ლათინური ასო სიმეტრიულია მხოლოდ სერიფის (ლათინურ შრიფტში: წვრილი ხაზი, რომლითაც მთავრდება ძირითადი შტრიხი) გარეშე ჩანერილ ფონტებში, მაგ., **arial**-ში ან **Helvetica**-ში. შესაძლებელია, რომ მოსწავლეებს საშინაო დავალებად მივცეთ (სურვილისამებრ) ან ეს თემა განვიხილოთ ინფორმატიკის გაკვე-თილთან ინტეგრირებულად.

### დავალება 6-9: M3.20-3.23.

დავალება 12- 14: **M3.24** კარგი იქნება, თუ მოსწავლეებს თავდაპირველად ზეპირად ამოვახსნევინებთ; საბო-ლოო შედეგები კი მართკუთხა სარკის დახმარებით გადავამოწმოთ.

დავალება 16: მიუხედავად იმისა, რომ ფიგურების გადაწევა (გადაადგილება) მოსწავლეებისთვის სიახლეა (რადგან ჯერ არ გაუვლიათ), წესით ეს მათოვის დიდ პრობლემას არ უნდა წარმოადგენდეს.

### დავალება 18-23: M 3.25-3.29

#### დავალება 21: ჯობს ამ დავალების მოსამზადებლად რამდენიმე დღე მივცეთ.

დავალება 23: ამ თავში აქამდე განხილული ყველა დავალება ეხებოდა ბრტყელ ფიგურებს. ამ დავალებაში კი ზეპირი მუშაობის გზით უნდა განვიხილოთ გეომეტრიული ფორმების სიმეტრია. ამ გზით მოსწავლეები კიდევ უფრო განივითარებენ ფიგურების სივრცეში აღქმის უნარებს.

#### დამატებითი მასალა: 3.11; M 3.17, 3.18, 3.19; M 3.20-3.23; M 3.25-3.29.

## გვერდი 69: სიმეტრიული ფიგურების დამზადება

ვმუშაობთ მითითებების მიხედვით.

## გვერდი 70: შემაჯამებელი სავარჯიშოები

ზოგადი მითითებები იხილეთ პირველ ნაწილში.

## თავი 4: ნილადები და ათნილადები (2)

### ზოგადი შენიშვნები

წიგნში ათწილადებისა და წილადების თემას სულ ოთხი თავი ეთმობა. აქედან მეორე თავში მოცემულია წილადებზე გამრავლებისა და გაყოფის მოქმედებები ( $\cdot$ ,  $:$ ). მაშინ, როცა + და - ნიშნებით წილადებზე მოქმედებების ჩატარება ადრე მიღებულ გამოცდილებას ეფუძნება, გამრავლება/გაყოფის მოქმედებები წილადებზე ანგარიშის სრულიად ახლებურ მეოთხს საჭიროებს (გავიხსენოთ, ა და b ნატურალური რიცხვების ნამრავლს ნარმოვადგენთ, როგორც b რიცხვის (a-ჯერ) შეკრებას, a+b b+b... (a-ჯერ)).

a · b გამოსახულებაში a-სა და b-ს ვუწოდებთ მამრავლებს. ადრე მიღებულ გამოცდილებაზე დაყრდნობით,  $\frac{1}{2} \cdot 3$  გამოსახულებაში  $\frac{1}{2}$ -ის თანამამრავლად აღება მოსწავლეებს უაზრობად მოეჩვენებათ, რადგან მამრავლი, მოსწავლეების აქამდე მიღებული გამოცდილების მიხედვით, ყოველთვის გვიჩვენებს, თუ რამდენჯერ უნდა შეკრიბოთ სამრავლი. ამ შემთხვევაში კი შეუძლებელია 3 შეკრიბოთ  $\frac{1}{2}$ -ჯერ. იგივე ლოგიკა მოქმედებს გაყოფის შემთხვევაშიც, სადაც მოსწავლეებს მხოლოდ მთელი რიცხვების გაყოფა ეჩვენებათ გონივრულად და, ზოგადად, შესაძლებლად.

მეთოდურად ამ დილემიდან ორი ტიპის გამოსავალი არსებობს:

(1) ვიყენებთ ნატურალური რიცხვების გადანაცვლებადობის თვისებას:  $3 \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \cdot 3$  და გამოსახულებას შემდეგნაირად ვაბმოვანებთ: შეკრიბება  $\frac{1}{2}$  სამჯერ;

(2) მივმართავთ „-ის“ თანდებულის მეთოდს. ამ მიღგომით  $\frac{1}{2} \cdot 3 = 3 - \text{ის } \frac{1}{2}$  ნაწილს. ვერბალურად კი გამოსახულება შემდეგნაირად უნდა გავახმოვანოთ: „გამოიანგარიშეთ, რამდენია 3-ის ნახევარი (ერთი მეორედი)“. თუმცა ამ მეოთხის მოქმედების არე შეზღუდულია და შებრუნებული გამოსახულების შემთხვევაში (მაგ.,  $3 \cdot \frac{1}{2}$  აღარ გამოგვადგება.

სახელმძღვანელო ააქტიურებს მოსწავლის წინარე ცოდნას შესაკრებთა გადანაცვლებადობის შესახებ და, შესაბამისად, წილადის ნატურალურ რიცხვზე გამრავლების პირველ მეთოდს ირჩევს (იყენებს).

„-ის“ თანდებულის გამოყენება აუცილებელია ორი წილადის გამრავლებისას და წილადებთან დაკავშირებულ მეოთხე (ბოლო) თავში შემოდის.

ამ თავში მოცემულია ანალოგიური დავალებებიც, სადაც წილადები ჩანაცვლებულია ათწილადებით. წილადების შესახებ პირველ თავში მოსწავლეები ათწილადებს ეცნობიან, როგორც ათის ჯერადი მნიშვნელის მქონე წილადის ალტერნატიული ჩანერის ფორმას. ასეთი წილადების გამრავლებისას ბავშვები გამრავლების პირველ სტრატეგიას იყენებენ. პირველ რიგში, წილადებს ათწილადებად გადააქცევენ, ხოლო შედეგის მისაღებად უკვე ნაცნობ სტრატეგიას იყენებენ. საანამ გამრავლების მეორე სტრატეგიას გამოვიყენებთ, ათწილადები უნდა წარმოვადგინოთ თანრიგთა კლასების სისტემაში, რათა მოგვიანებით მოსწავლეებისთვის კარგად ნაცნობი ნატურალური რიცხვების ქვეშმინერით გამრავლებისა და გაყოფის მეთოდს მივმართოთ. იმ ცოდნაზე დაყრდნობით, რომ ნებისმიერი წილადი შეიძლება ათწილადის (ზოგჯერ პერიოდული ათწილადის) სახით ჩაინიროს, და რომ ნებისმიერი ათწილადიც შეიძლება წილადად გადავაქციოთ, მოქმედებების შესრულების ორი მეთოდი არსებობს, რომლებსაც ბავშვები პასუხების შესამოწმებლადაც გამოიყენებენ. ამ ტაპზე მოსწავლეებს ჯერ კიდევ აშინებთ წილადებისა და ათწილადების ერთმანეთში გადაყვანა და მათი მხოლოდ ფორმალურ რიცხვებად წარმოდგენა. ამიტომაც სიდიდეებს წარმოვადგენთ ათწილადებად და ისე ვადარებთ ერთმანეთს. ამგვარად, მოსწავლეებს ჩამოყალიბდებათ კონკრეტული წარმოდგენები ათწილადების შესახებ და მათ დააკავშირებენ თავიანთ ყოველდღიურ (რეალურ) ცხოვრებასთან; მოემზადებიან მომავალ თავში განსახილველი წილადების შედარებისთვის.

100-ის ტოლი მნიშვნელის მქონე წილადების ჩანერის კიდევ ერთ ალტერნატიულ ვარიანტად პროცენტის ნიშნის გამოყენება მიიჩნევა. პროცენტების წრიულ დიაგრამაზე ან ასეულის ველში ჩვენება ხელს უწყობს მოსწავლეების წარმოდგენის ჩამოყალიბებას 1%-დან 100%-მდე სიდიდეების შედარებისას.

### გვერდი 71: წილადები და ათწილადები (2)

ახალი თავის შესავალში მოცემულია სამი სიტუაცია მოსწავლეთა ყოველდღიურობიდან, რომლებიც ბავშვების მოტივაციას ზრდის. საკლასო დისკუსიის ან ჯგუფური მუშაობის დროს, საუბარში ისინი ერთმანეთს უზიარებენ მიღებულ ინფორმაციას და აყალიბებენ ამოხსნის იდეებს (ვარიანტებს). გაკვეთილის ამ მცირე მონაკვეთში, მასწავლებელს განსახილველ თემებთან დაკავშირებით მნიშვნელოვანი ინფორმაციის მიღება შეუძლია მოსწავლეთა ინტუიციური წარმოდგენებისა და წინარე ცოდნის შესახებ.

შესაბამისად, შედეგების პრეზენტაცია მიზნად უნდა ისახავდეს მოსწავლეების ინტუიციაზე დაყრდნობილი ამოხსნის სტრატეგიების გაცნობიერებას, ამ თემაზე მათი ინტერესის გაღვიძებასა და თავდაჯერებულობის განვითარება-განმტკიცებას. გაკვეთილის ამ ეტაპზე ფორმალური ამოხსნის სტრატეგიების მოთხოვნა ან თუნდაც მასწავლებლის მიერ ახსნა უაზრობა იქნება.

### **გვერდი 72/73: წილადის გამრავლება ნატურალურ რიცხვზე**

- წილადის გამრავლება ნატურალურ რიცხვზე, როგორც მოცემული წილადის **n**-ჯერ შეკრების შედეგი;
- ნატურალური რიცხვების გამრავლებისას, გადანაცვლებადობის თვისებიდან წილადისა და ნატურალური რიცხვის გადანაცვლებადობის შესაძლებლობის პოვნა (დასაბუთება);
- წილადისა და შერეული რიცხვის ნატურალურ რიცხვზე გამრავლების განმტკიცება;
- მრავალბიჯიანი დავალების ამოხსნისას მოქმედებების შესრულების წესების თანმიმდევრობის (პირველად ფრჩხილებში მოცემული მოქმედებები უნდა შესრულდეს; გამრავლება/გაყოფის მოქმედებები სრულდება შეკრება/გამოკლების მოქმედებებზე ნინ) გამოყენება;
- წილადებზე მოქმედებების გამოყენება ყოველდღიურობასთან მიახლოებული ისეთი სიტუაციების გადასაჭრელად, რომლებიც დაკავშირებულია სიგრძის, დროის, მასისა და მოცულობის ერთეულებთან.

n ნატურალური რიცხვის წილადზე გამრავლებას თავდაპირველად წარმოვადგენთ, როგორც წილადის **n**-ჯერ შეკრების ჩანაწერს. ამ მიდგომასა და ასევე გამრავლებისას მამრავლთა გადანაცვლებადობის თვისებას ( $3 \cdot 4 = 4 \cdot 3$ ) მოსწავლეები ნატურალური რიცხვების გამრავლებით იცნობენ. ამ შემთხვევაში გადანაცვლებადობის თვისება გვეხმარება ნატურალური რიცხვის წილადზე გამრავლებისთვის აზრის მიცემაში. ამ გზით შეგვიძლია გადასვლა წილადის ნატურალურ რიცხვზე გამრავლების მოქმედებაზე, რომელიც საწყის ეტაპზე ჯამის სახით ვერ ჩაინერება (მაგ., მოსწავლეებს ვერ ვეტყვით, რომ 5 შეკრიბონ ერთ მეოთხედჯერ).

**დავალება 1, 2:** მოსწავლეებს უბიძგებს, თავად შეიმუშაონ წესი ნატურალური რიცხვის წილადზე გამრავლების მოქმედებისთვის. შეიძლება, რომ მათ დამატებით მოვთხოვოთ წესების ჩამოყალიბება მართულისების ან ტორტის მოდელის აგებით.

**დავალება 3:** მოქმედებების კვაზიკარდინალური ჩანერის ხერხით („4 გამრავლებული 2 მეცხრედზე“) მოსწავლეებს ვუჩვენებთ, რომ წილადის მნიშვნელს ჰქვია „მერადაცედი“ და მათი რაღაც ერთეულად აღქმა შეგვიძლია, მაგ., როგორც  $4 \cdot 3 = 3 \cdot 4$ . ეს ანალოგია დაგვეხმარება წილადისა და ნატურალური რიცხვის გამრავლებისას გადანაცვლებადობის თვისების ლოგიკურობის ახსნაში. ამასთან, კვაზიკარდინალური ჩანერის ხერხი აყალიბებს ძალიან მნიშვნელოვან საბაზისო წარმოდგენებს წილადისა და ნატურალური რიცხვის გამრავლების გასაგებად. ამ წარმოდგენების ჩამოყალიბებას ხელს შეუწყობს კეთებით სწავლა ქაღალდის გამოყენებით, როცა მაგალითს „3 გამრავლებული ერთ მეოთხედზე“ გავათვალსაჩინოებთ შესაბამისი წილადი ნაწილების თანმიმდევრული შეკრებით.

**დავალება 4:** უბრუნდება თემაზე გადასვლისას განხილულ პირველ დავალებას, რომელშიც გამრავლება წარმოდგენილია, როგორც რიცხვის რამდენჯერმე შეკრების შედეგის წარმოდგენის მოკლე ფორმა.

**დავალება 7, 8:** ამ დავალებით შემოდის ნატურალური რიცხვის შერეულ რიცხვზე გამრავლება. ჩვენი გამოყალიბებით, აქ მოსწავლეები ხშირად უშვებენ, „მთელი გამრავლდეს მთელზე“ ტიპის შეცდომას: მაგ.,  $2\frac{1}{3} \cdot 3 = 6\frac{1}{3}$ . თუ მსგავს შეცდომებს აღმოვაჩენთ, მოსწავლეებს უნდა მოვთხოვოთ შერეული რიცხვის არანესიერ წილადად გადაქცევა.

**დავალება 9:** მოითხოვს გამრავლების წესების გამოყენებას.

**დავალება 15:** ახალ თემას აკავშირებს ნაშთიანი გაყოფის კარგად ნაცნობ სტრატეგიებთან. გარდა ამისა, ეს დავალება ამაღლებს მოსწავლეთა მოტივაციას, რათა მათ გაიფართოონ წარმოდგენები რიცხვით სიმრავლეზე. რაციონალური რიცხვების სიმრავლეში ყველა  $b \cdot x = a$  ტიპის გამოსახულება ამოხსნადია. აქამდე (ანუ ნატურალურ რიცხვთა სიმრავლეში) ამ გამოსახულების ამოხსნა შესაძლებელი იყო მხოლოდ იმ შემთხვევაში, თუ ა იყოფოდა  $b$  რიცხვზე, რადგან  $x = a : b$ . შესაძლებელია ამ დავალების გამოყენება ნატურალურ რიცხვებსა და დადებით რაციონალურ რიცხვებს შორის განსხვავების საჩვენებლად. პედაგოგმა უნდა გაითვალისწინოს, რომ აქ საქმე ძირეულ არითმეტიკულ საკითხებს ეხება, რომლებიც მოსწავლეებმა იციან ნატურალურ რიცხვებზე მათი გამოცდილების შესაბამისად. ამასთან, ითვლება, რომ ორი, 1-ზე მეტი რიცხვის გამრავლებისას, მიღებული შედეგი ყოველთვის თითოეულ მამრავლზე მეტი იქნება.

**დავალება 19:** განიხილავს კითხვას „რა გავლენას ახდენს მრიცხველის ან მნიშვნელის ცვლილება წილადის სიდიდეზე?“ ეს დავალება კოოპერაციული მუშაობით უნდა ამოიხსნას, რათა ხელი შევუწყოთ მოსწავლეებში მათემატიკური არგუმენტაციის უნარების განვითარებას.

**დამატებითი მასალა: 4.1; M 4.1.**

#### გვერდი 74: წილადის გაყოფა ნატურალურ რიცხვზე

- ალიკვოტური წილადების გაყოფა ნატურალურ რიცხვზე ნახაზის დახმარებით;
- ალიკვოტური წილადების გაყოფა ნატურალურ რიცხვზე არითმეტიკული მოქმედებით;
- ნებისმიერი წილადის გაყოფა ნატურალურ რიცხვზე ნახაზების გამოყენებით და არითმეტიკულად;
- წილადის ნატურალურ რიცხვზე გაყოფის წესის ფორმულირება.

პირველი სამი დავალება ეთმობა ალიკვოტური წილადების ნატურალურ რიცხვზე გაყოფას, 4-6 დავალებები ეხება ნებისმიერი წილადის ნატურალურ რიცხვზე გაყოფას.

**დავალება 1:** მოითხოვს მოცემული სურათის ინტერპრეტაციას და უნდა ამოიხსნას მართკუთხედის ესკიზის დახმარებით.

**დავალება 2:** ამ დავალებისთვის ნახაზების აგება შეგვიძლია დავალება 1-ში მოცემული სურათის ანალოგიურად.

**დავალება 3:** დავალება 2-ში ნახაზების გამოყენებით მიღებული პასუხები ხელს უწყობს გრაფიკული ამოხსნის ხერხების გათავისებას, რის საფუძველზეც შემოდის ამოხსნის არითმეტიკული ხერხიც: გასაყოფის მნიშვნელი უნდა გამრავლდეს გამყოფზე. ეს სტრატეგია თავად მოსწავლეებმა უნდა აღმოაჩინონ, რა თქმა უნდა, მათვის გასაგებ ენაზე.

**დავალება 4:** დავალება 1-სა და 2-ში გამოყენებული ამოხსნის გრაფიკული მეთოდი აქ გამოიყენება არაალიკვოტურ წილადებზე ანალოგიური გამოყენებითი ამოცანის ამოსახსნელად. მოსწავლეებს ამ ხერხის გადატანა არაალიკვოტურ წილადებზე განსაკუთრებით მაშინ უმარტივდებათ, როცა წილადების კვაზიკარდინალური ჩანერის ფორმა აქვთ გათავისებული. ამ შემთხვევაში  $\frac{1}{5}$  უნდა ნარმოვადგინოთ როგორც შესაბამისი ერთეულოვანი წილადი ანუ  $\frac{1}{5}$  ალებული სამჯერ.

**დავალება 5:** ნახაზები უკვე მოცემულია, მოსწავლეებმა მხოლოდ პასუხების ინტერპრეტაცია და შედეგების წაკითხვა უნდა შეძლონ.

**დავალება 6:** ამ გვერდის დამუშავების შემდეგ, მაღალი მზაობის მოსწავლეებს აღარ გაუჭირდებათ ზოგადი წესის ფორმულირება; ნელა მოანგარიშეთა შემთხვევაში კი, ამოხსნის ლოგიკის კონკრეტული მაგალითის საფუძველზე ახსნას უნდა დავჯერდეთ (სავარაუდოდ, ისინი ვერ შეძლებენ ამოხსნის ლოგიკის განზოგადებას). თუ ამ დავალებაზე მუშაობისას ჯგუფები ჰეტეროგენური დონეების მოსწავლეებისგანაა დაკომპლექტებული, მოსალოდნელია, რომ თითოეული ჯგუფი შესაბამის წესს ჩამოაყალიბებს.

მითითება: ხაზგასმით გთავაზობთ ამ დავალებებზე ასლებით მუშაობას, რადგან აღნიშნული წესი მოცემულია წიგნის მომდევნო გვერდზე და შეიძლება, მოსწავლეებმა წინასწარ წაიკითხონ.

#### გვერდი 75/76: წილადის გაყოფა ნატურალურ რიცხვზე

- განაწილების სტრატეგიის გამოყენება გაყოფის მოქმედების შესასრულებლად;
- წილადის ნატურალურ რიცხვზე გაყოფის წესის ახსნა თვალსაჩინოების გამოყენებით;
- წილადის ნატურალურ რიცხვზე გაყოფის წესის განმტკიცება;
- შემუშავებული წესის გამოყენებით სიგრძის, დროის, მასის და მოცულობის ერთეულებთან დაკავშირებული ყოველდღიური ცხოვრებისეული პრობლემების გადაჭრა.

თუ ამ გვერდებს კარგად დავალუშავებთ, მოსწავლეებს წილადის ნატურალურ რიცხვზე გაყოფა აღარ გაუჭირდებათ. თუ რაიმე განსაკუთრებული მიზეზის გამო ეს ვერ მოხერხდა, აუცილებელია, რომ ბაკვებებმა 74-ე გვერდზე მოცემული დავალება 5 მაინც ამოხსნან წყვილებში მუშაობის გზით, რათა უკეთ ჩასწვდნენ შემუშავებული წესის არსს.

ნატურალურ რიცხვებზე მოქმედებების შესრულებით მიღებული გამოცდილებიდან მოსწავლეებმა უკვე იციან, რომ უნაშთო გაყოფა ყოველთვის ვერ ხერხდება (მაგ., 9 : 4) და ასევე ისიც, რომ როცა გამყოფი ერთზე მეტია, შედეგი ყოველთვის ნაკლებია გასაყოფზე. რიცხვთა ახალ სიმრავლეში ეს წესები უკვე აღარ მოქმედებს. წილადებსა და ნატურალურ რიცხვებს შორის განსხვავებების უკეთ გასააზრებლად გაკვეთილზე კიდევ ერთ-ხელ უნდა განვიხილოთ მოსწავლეების ეს გამოცდილება, რაც კონკრეტულ მიზანს – წილადებსა და ნატურალურ რიცხვებს შორის განსხვავების დეტალურ აღწერას ემსახურება. ამასთან, ჩვენს გრძელვადიან მიზანს წარმოადგენს, რომ მოსწავლეებმა ნატურალური რიცხვები წილადების კერძო სახედ აღიქვან და არა პირიქით.

**დავალება 1-4:** ამ დავალებებში პირობები მოცემულია როგორც ტექსტის, ასევე ნახაზებისა და აბსტრაქტული ფორმითაც. გამოყენებული გამოხატვის ფორმები კიდევ უფრო მრავალფეროვანი შეგვიძლია გავხადოთ, თუ, მაგალითად, მოსწავლეებს მოვთხოვთ, აბსტრაქტული ფორმით მოცემული დავალების პირობა არითმეტიკული ჩანაწერის ფორმით წარმოადგინონ ან მართკუთხედის მოდელის გამოყენებით შესაბამისი ნახაზი ააგონ.

**დავალება 5:** მოითხოვს სისტემურ დაკვირვებებს ანუ ზოგადი კანონზომიერებების დადგენას. ნახაზების დახმარებით, მოსწავლეები დაადგენენ, რომ რაც უფრო დიდი რიცხვია წილადის მრიცხველი, რომელიც იმავე რაოდენობის ადამიანზე უნდა განაწილდეს, მით უფრო დიდია ერთი პორცია/ნაწილი. განსაკუთრებით მაღალი მზაობის ბავშვებში დამატებით შესაძლებელია შემდეგი დებულების ფორმულირებაც: თუ წილადის მრიცხველს გავზრდით X -ჯერ, ისე რომ მნიშვნელი უცვლელი რჩება (ანუ ადამიანების რაოდენობა, რომელიც რაღაცას იყოფენ), თითოეული პორციაც X-ჯერ გაიზრდება. ამ გზით ხელს ვუწყობთ მოსწავლეებში მიზეზ-შედეგობრივი აზროვნების უნარების (ფუნქციონალური აზროვნების) განვითარებას.

**დავალება 8:** ამ დავალების დამუშავება ხელს უწყობს წილადების ნატურალურ რიცხვზე გამრავლებაში გა- წაფვას. გაუგებრობების შემთხვევაში თვალსაჩინოებისთვის მართვულების მოდელი გამოვიყენოთ.

**დავალება 9-12:** ამ დავალებებში ახალი წესები გამოყენებულია შერეულრიცხვებიანი დიფერენცირებული დავალებების ამოსახსნელად. თვითშემოწმების მიზნით დავურიგოთ პასუხების გვერდის ასლები.

**დამატებითი მასალა:** 4.2, M 4.2.

#### გვერდი 77: შერეული დავალებები

ვმუშაობთ მითითებების მიხედვით.

**დამატებითი მასალა:** M4.3.

#### გვერდი 78: ათნილადის გამრავლება ნატურალურ რიცხვზე

- გამრავლების სტრატეგიების ამოცნობა, აღწერა და გამოყენება;
- ათნილადის ნატურალურ რიცხვზე ქვეშმინერით გამრავლებაში განაფვა;
- შედეგების შესამონებლად შეფასებითი გამოთვლების გამოყენება.

მოცემული დავალებები სხვადასხვა სირთულის დონისაა და, აქედან გამომდინარე, კლასში დიფერენცირებული მუშაობის საშუალებას იძლევა. ამასთან, შესაძლებელია ზოგიერთი დავალება სავალდებულოდ, ხოლო ზოგიერთი – არჩევითად ჩავთვალოთ. არჩევითი დავალებების შემთხვევაში ვადგენთ სავარჯიშოთა მინიმალურ რაოდენობას, რომელიც მოსწავლემ უნდა ამოხსნას, კონკრეტულ სავარჯიშოებს კი თავად ბავშვები ირჩევენ.

**დავალება 1, 6:** მოცემულია პასუხები, რითაც მოსწავლეებს თვითშემოწმების შესაძლებლობა ეძლევათ. წარმატების ან წარუმატებლობის შესახებ მოსწავლეების ამ მეთოდით სწრაფად ინფორმირება განსაკუთრებით საჭიროა სახლში ინდივიდუალურად მუშაობისას.

**დამატებითი მასალა:** 4.5

#### გვერდი 79: დანახარჯი და ცხრილები

- ათნილადებზე მოქმედებების გამოყენება ფულის ერთეულებთან მიმართებაში;
- ტექსტებიდან და ცხრილებიდან მნიშვნელოვანი ინფორმაციის ამოკრეფა და მოდელირებისას მათი გამოყენება;
- გამოყენებით დავალებებში გამრავლების დაძლევა;
- კომპიუტერული პროგრამებით ცხრილებზე მუშაობის გამოცდილების მიღება.

**დავალება 1:** ამასთან ერთად შესაძლებელია, მოსწავლეებს დამატებით მოვთხოვოთ საყიდლების სიის ცხრილის ფორმით შედგენა. ამ ფურცლებს ერთმანეთის გვერდით მჯდომი ბავშვები გაცვლიან და გამოიანგარიშებენ საერთო ხარჯსა და ასევე მყიდველისთვის დასაბრუნებელ ხურდას.

**დავალება 2:** თუ კომპიუტერების ოთახი ხელმისაწვდომია, დავალება წყვილებში კომპიუტერული პროგრამის გამოყენებით უნდა ამოხსნას. ამგვარად მოსწავლეები დაინახავენ კომპიუტერული პროგრამის უპირატესობას, როგორც ზარალის ასანაზღაურებელი თანხის ცვლილების, ასევე გავლილი კილომეტრების რაოდენობის გამოთვლის შემთხვევაშიც.

**დავალება 3:** ვინაიდან დავალება კომპიუტერული პროგრამის ძალზე ელემენტარულ ცოდნას მოითხოვს, სა- ვარაუდოა, რომ მოსწავლეებს უკვე აქვთ ამ პროგრამებთან მუშაობის გამოცდილება, არც ის იქნება გასაკვირი, რომ მთელი კლასი „კომპიუტერის სპეციალისტებისგან“ შედგებოდეს.

#### გვერდი 80: იყავი ფორმაში!

ზოგადი მითითებები იხილეთ პირველ წარილში.

### გვერდი 81/82: ათწილადის გაყოფა ნატურალურ რიცხვზე

• ათწილადებზე არითმეტიკული მოქმედებებისას თანრიგთა კლასების დამხმარე საშუალებად გამოყენების საჭიროების ხაზგასმა;

• ათწილადის ნატურალურ რიცხვზე გაყოფის წესის გაცნობა და გამოყენება;

• ათწილადის ნატურალურ რიცხვზე ქვეშმინერით გაყოფაში განაფვა;

• გაყოფასთან დაკავშირებული ამოცანების პასუხების შემომებისას შეფასებითი გამოთვლებისა და გაყოფის შებრუნებული მოქმედების (გამრავლება) გამოყენება;

• სხვადასხვა ერთეულის სიტუაციის ადეკვატურად დამრგვალება.

**დავალება 1:** სამუშაო წყვილი უნდა შედგებოდეს მაღალი და დაბალი მზაობის მოსწავლეებისგან. ეს ხელს შეუწყობს მეწყვილეთა როგორც საგნობრივი, ასევე პირადი და სოციალური უნარების განვითარებას.

**დავალება 2 -3 :** მძიმის სწორად დასმის უნარის გამოსამუშავებლად კარგი იქნება, თუ მოსწავლეები საწყის ეტაპზე მაგალითის ამოხსნისას შესაბამის ადგილებს ხაზებით მონიშნავენ, როგორც ეს ნიმუშშია მოცემული. ხაზების ალტერნატივაა შესაბამისი რიცხვების გაფერადება, მაგ., 18,72 : 4 = 4,68

**დავალება 8:** მოითხოვს მაგალითებში ალგებრული სტრუქტურების ამოცნობას. გარდა ამისა, შედეგების პრეზენტაცია მოსწავლებს დახემარება მათემატიკური ენის სწორად გამოყენების უნარების გამომუშავებაში. მასწავლებელს შეუძლია მოსწავლეებთან ერთად დაფაზე წინასწარ ჩამონეროს საჭირო სიტყვები, რათა მათ თავიანთი დაკვირვებების ადეკვატურად აღწერა შეძლონ.

**დამატებითი მასალა:** 4.6.

### გვერდი 83: წილადიდან ათწილადისკენ

• იმის გაგება, რომ წილადის ხაზი გაყოფას ნიშნავს;

• წილადისა და ათწილადის, როგორც მთელის ერთი და იმავე ნაწილის გამოსახვის სხვადასხვა ფორმა;

• ქვეშმინერით გაყოფის, როგორც წილადის ათწილადებად გადაქცევის მეთოდის წარმოდგენა;

• კონკრეტული მოქმედებებით სასრულ და უსასრულო ათწილადებს შორის განსხვავების გაგება;

• ქვეშმინერით გაყოფის მეთოდის განმტკიცება;

• რიცხვთა ახალ არეალში სისტემური დაკვირვებების, როგორც ახალი გამოწვევის აღქმა.

ათწილადები წილადების „გაყოფით“ მიიღება. თუ გაყოფის ალგორითმი მთავრდება (ანუ როცა უნაშთოდ იყოფა), მაშინ მიღებული შედეგი სასრულ (დასრულებად) ათწილადს წარმოადგენს; თუ განაყოფში ციფრები კონკრეტული მიმდევრობით მეორდება, მაშინ მიღებულ ათწილადს უსასრულოს ვუწოდებთ.

უსასრულოდ პერიოდულ ათწილადებში დამატებით განსხვავებენ ორი ტიპის ათწილადებს:

- წმინდა პერიოდული ათწილადი (როცა პერიოდი ზუსტად მძიმის შემდეგ იწყება) და

- შერეული პერიოდული ათწილადი (მძიმის შემდეგ გვაქვს რიცხვები, რომლებიც პერიოდს არ წარმოადგენს).

**დავალება1:** წყვილებში მუშაობისას მოსწავლეები დამოუკიდებლად მიიღებენ წილადების ათწილადებად გარდაქმის სამ შესაძლო შემთხვევას.

**დავალება 4:** ცხრილში მოცემული წილადების ათწილადებად გადაქცევა მოსწავლეებმა ადვილად უნდა შეძლონ. ცოდნის განმტკიცების მიზნით მათ შეუძლიათ ერთმანეთს დაუსახელონ ერთ-ერთი წილადის შესაბამისი ათწილადი.

**დავალება 5:** მათემატიკურად განხილულ პრობლემას ყოველდღიურობასთან აკავშირებს. შეგვიძლია, მოსწავლეებს დამატებით მოვთხოვოთ სხვა რეალური სიტუაციების პოვნა.

**დავალება 6:** კოოპერაციული მუშაობის გზით უნდა ამოიხსნას და ჯგუფის წევრებს შორის განაწილდეს. ამასთან, სასურველია, თუ მოსწავლეები ერთად დაამუშავებენ ქვეყითხვას, რათა ინდივიდუალური შედეგების შეჯამებისას მთელმა ჯგუფმა ერთად „აღმოაჩინოს“, როგორც, მაგალითად გ) კითხვის შემთხვევაში: 0, **1**; 0, **2**, 0, **3**; 0, **4** და ა.შ.

**დავალება 7:** მოსწავლეთა უმეტესობას ჩვეულებრივ მოვლენად ეჩვენება, რომ წილადი სასრულ ათწილადად გარდაიქმნება. ასეთი წარმოდგენა გასაგებია მათი უკვე მიღებული გამოცდილებიდან გამომდინარე (აქამდე ისეთ წილადებზე მუშაობდნენ, რომლებიც სასრულ ათწილადებად გადაიქცეოდა), მაგრამ თუ წიგნში სურათზე ნაჩვენებ სპეციალურად შერჩეულ წილადებს სისტემურად შევისწავლით (დავაკვირდებით), დავადგენთ, რომ მხოლოდ ისეთი წილადები გარდაიქმნება სასრულ ათწილადებად, რომელთა მნიშვნელის მარტივ მარავლს 2 ან 5, ან ორივე ციფრი ერთდღოულად წარმოადგენს.

**დამატებითი მასალა:** M 4.7.

#### **გვერდი 84/85: სკოლის ბალი**

- დავალებების შესაბამისი მოდელების აგება;
- ტექსტიდან, ნახაზიდან და სურათიდან მნიშვნელოვანი ინფორმაციის ამოკრეფა და კავშირების დადგენა;
- გამოთვლების საფუძველზე გადაწყვეტილების მიღება და სიდიდეების შედარება, შედეგების დასაბუთება;
- სიტუაციის შესაბამისად დამრგვალება;
- სხვადასხვა ერთეულით (ფულის, სიგრძის, მასის) ანგარიში.

„წაიკითხე-გაიაზრე-ამოხსენი“ ტიპის ამ ორ გვერდზე მოცემული დავალებები განკუთვნილია წყვილებში სამუშაოდ. მოსწავლეების რეალურ სამყაროსთან მიახლოებული გამოყენებითი ამოცანები ხელს უწყობს მრავალმხრივი საბაზისო ცოდნისა და უნარების (კომპეტენციების) გამეორებასა და დაკავშირებას.

#### **გვერდი 86: პროცენტის სახით ჩანერა**

- პროცენტს, წილადსა და ათწილადს შორის დამოკიდებულების გაცნობა;
- პროცენტში მოცემული სიდიდის წილადითა და ათწილადით ჩანერა;
- პროცენტის წარმოდგენა ასეულის ველში და წრებით;
- პროცენტულ მონაცემებსა და მის ვერბალიზაციას შორის დამოკიდებულების გაგება და გამოყენება ყოველ-დღიურ ცხოვრებაში.

უურნალ-გაზეთები საგსეა პროცენტის სახით მოცემული მონაცემებით. პროდუქტების შეფუთვაზე ვიტა-მინების შემცველობისა და საკვები ღირებულების შესახებ ინფორმაცია ძირითადად პროცენტებშია მოცემული. ეს ყველაფერი მოსწავლეების ყოველდღიურობიდანაა, ამიტომ მოსალოდნელია, რომ პროცენტით ჩანერასთან დაკავშირებით მათ გარკვეული ინდივიდუალური წინარე ცოდნა ჰქონდეთ.

მოსწავლეებს მოეთხოვოთ სარეკლამო ბროშურებიდან, გაზეთებიდან, შეფუთვებიდან და ა.შ. პროცენტული მაჩვენებლები ამოკრიფონ და ჯგუფში განიხილონ. დისკუსიაზე დაკვირვება პედაგოგს საშუალებას მისცემს, დააგროვოს საჭირო ინფორმაცია მოსწავლეთა წინარე ცოდნისა თუ მცდარი წარმოდგენების შესახებ.

**დავალება 1:** ძებნის პროცესში მოსწავლეებს დახმარებას აღმოვუჩენთ, თუ ასეულის ველში ყოველ მეხუთე უჯრას გავაფერადებთ და ბოლოს კი საერთო ჯამში გაფერადებული უჯრების წილს (20%) ტექსტში მოცემულ მონაცემს შევუდარებთ, რომელიც ამბობს: „ეს შესაბამება გამოკითხულთა 5%-ს“.

**დავალება 4:** აქ დამატებით შეგვიძლია ამ თავის შესავალ ნაწილში მიღებული გამოცდილების გამოყენება, როცა მოცემულ პროცენტულ მაჩვენებლებს ასეულის ველზე ან ლურსმნებიან დაფაზე წილადის ან ათწილადის სახით წარმოვადგენთ. აქ რეკომენდებულია მუშაობის კოოპერაციული ფორმების გამოყენება, როცა მოსწავლეებმა ერთმანეთს უნდა სთხოვონ ასეულის ველზე გამოსახული პროცენტული მაჩვენებლის შესაბამისი მონაცემების პოვნა.

**დავალება 5:** პროცენტული მაჩვენებლის წრის მოდელის საშუალებით წარმოვადგენა ერთ-ერთი ყველაზე ხშირად გამოყენებული გამოხატვის ფორმაა. შესაბამისად, ამ მოდელის გამოყენებაში განაფვა მნიშვნელოვან ცხოვრებისეულ უნარს წარმოადგენს. ამ მიზნით დავალებები შესაძლებელია წილადის ზოლების გამოყენებით ამოისხანას. მოსწავლეები მოცემულ პროცენტულ მაჩვენებლებს და ასევე დამატებით სხვა პროცენტულ მაჩვენებლებსაც წილადის ზოლის გამოყენებით წარმოვადგენ და ერთმანეთს დაუსახელებენ შესაბამის პროცენტულ მაჩვენებლებს.

**დავალება 6:** ყოველდღიურ გამოთქმებს აკავშირებს განსახილველ საკითხებთან. ამასთან, უნდა გამოვიყენოთ წინადადებების მარტივი სტრუქტურა და სიტყვები, რათა დაბალი ენობრივი კომპეტენციების მქონე ბავშვებმა ენობრივი ასპექტის გამო დავალების შესრულებისას მარცხი არ განიცადონ.

დახმარების მიზნით შეგვიძლია ტექსტის შესაბამისი ნახაზების აგება დაგვალოთ. ამასთან, თუ ზოგიერთი მოსწავლე თავის ნამუშევარს ქაღალდზე გადაიტანს, შეუძლია კლასს წარუდგინოს.

#### **გვერდი 87: პროცენტის გამოთვლა ზეპირად**

• მოცემული პროცენტული მაჩვენებლების შესახებ ყოველდღიურობასთან დაკავშირებული წარმოდგენების ჩამოყალიბება;

• მარტივი პროცენტული მაჩვენებლების ზეპირი გამოთვლა;

• ტექსტებიდან მნიშვნელოვანი ინფორმაციის ამოკრეფა;

• ენაქტიურ დონეზე წარმოდგენილი გამოყენებითი დავალებების ზეპირად ამოხსნა.

**დავალება 1:** აქ ერთმანეთს ვადარებთ გამოთქმებს: „რაღაცის ნახევარი“ და „რაღაცის 50%“ და ამით ვუბრუნ-

დებიტ თავის დასაწყისში განხილულ საკითხებსაც. ამასთან, დამატებით შესაძლებელია, ვიმუშაოთ გამოთქმის „20%-ით იაფი“ – ალტერნატივის მოძებნაზე.

**დავალება 4, 5, 7:** განკუთვნილია ზეპირი გამოთვლებისთვის. შეიძლება მცირე ჯგუფებში მუშაობა.

**დავალება 6:** ა) კითხვაში ბოლო სიდიდე იქნება 0,065 ლარი. აქ უნდა ვუჩვენოთ, რომ ამ თანხას მხოლოდ უნაღ-დო ანგარიშსნორებისას აქვს მნიშვნელობა და გარკვეულ პირობებში მძიმის შემდეგ კიდევ უფრო მეტი თანრი-გის გათვალისწინება ხდება, მაგ., გაცვლითი კურსების შემთხვევაში (1 დოლარი = 2,498 ლარს ).

ბ) კითხვაში შეიძლება მოსწავლეები მთლად დარწმუნებული არ იყენები იმაში, თუ როგორ უნდა გამოიყენე-ბოდეს ცხრილი. ბავშვებისთვის კარგი ორიენტირი იქნება მოსწავლის წიგნის მე-19 გვერდი.

#### გვერდი 88: შემაჯამებელი სავარჯიშოები

ზოგადი მითითებები იხილეთ პირველ ნაწილში.

### თავი 5: ზართობი და მოცულობა

#### ზოგადი შენიშვნები თავის შესახებ

წინამდებარე თავი ეთმობა საზომი ერთეულებისა და ნაწილობრივ სივრცისა და ფორმის საკითხებსაც. თავის პირველ ნაწილში განხილულია მართვულების ფართობი და პერიმეტრი, ასევე შედგენილი ფიგურების ფარ-თობი. თავის მეორე ნაწილში განვიხილავთ ზოგადად შლილებს, რასაც მოსდევს კუბისა და პარალელებიპედის შლილები. თემა სრულდება კუბის ზედაპირის ფართობის გამოანგარიშებით. თავის ბოლო ნაწილი ეთმობა მოც-ულობის ერთეულებისა და მოცულობის (პარალელებიპედის მოცულობა) საკითხებს.

#### გვერდი 89: ფართობი და მოცულობა

მარცხენა ზედა კუთხეში მოცემული ნახაზი გვიჩვენებს ბინის გეგმას ცალკეული ოთახების ფართობის მაჩვენებლებით. ბინის საერთო ფართობის შესახებ კითხვასთან ერთად შესაძლებელია მთელი რიგი სხვა კითხ-ვების დასმაც, რომლებიც ნაცნობ საკითხებს ეხება. ქვემოთ მოცემულია რამდენიმე ნიმუში:

- რომელი საბავშვო ოთახია უფრო დიდი? რამდენიმე უფრო დიდია?

- შეაფასე მისაღები ოთახის ფართობი.

- რამდენია ტუალეტის ფართობი დმ<sup>2</sup>-ში?

- საშინაო დავალება: რამდენია თქვენი ბინის/სახლის, სამზარეულოს ფართობი?

ფურცლის მარჯვენა ზედა კუთხეში მოცემული ფოტო გვიჩვენებს ერთ კუბურ დეციმეტრიანი კუბის მოდელს, რომელშიც ჩადგმულია პატარა კუბები (კუბურ სანტიმეტრიანი მოცულობის). ამას თან ერთვის კითხვა: „რამ-დენი პატარა კუბი მოთავსდება დიდ კუბში?“ წინარე ცოდნაზე დაყრდნობით მოსწავლეები შეძლებენ პატარა კუბების ვირტუალურად დათვლით ან სისტემური მიდგომით (დიდი კუბის ყველაზე ქვედა ფენაში განლაგებუ-ლი პატარა კუბების რაოდენობა გავამრავლოთ დიდი კუბის ფენების რაოდენობაზე) სწორი პასუხის მიღებას. მასწავლებელს შეუძლია თვალსაჩინოებისთვის წარმოადგინოს ფურცელზე დახაზული კუბის რეალური (ხელ-შესახები) მოდელი (სავარაუდო, მსგავსი მოდელები სკოლაში თვალსაჩინოების სახით არსებობს).

ქვედა ორი ფოტო გვიჩვენებს საგნების მოცულობის განსაზღვრის შესაძლო მეთოდებს. მოცულობის ცნება აქ პირველად შემოდის, მაგრამ მოსწავლეთა უმეტესობისთვის ცნობილი უნდა იყოს ყოველდღიურობიდან. პირ-ველ ეტაპზე მოცულობის განსაზღვრის მოცემული ხერხები უნდა ახსან. საბოლოოდ კი, შეგვიძლია საზომი ჭურჭლის სკალის მაჩვენებლების წაკითხვა, რათა მათ შორის განსხვავების გამოთვლით დავადგინოთ მოცუ-ლობა.

#### გვერდი 90: მართვულების ფართობი

• მართვულებისა და კვადრატის ფართობის გამოთვლა;

• მართვულებისა და კვადრატის ფართობის გამოსათვლელი ფორმულების გაცნობა და გამოყენება.

**დავალება 1:** აქ ბავშვები მსჯელობით უნდა მივიღნენ ფორმულის გამოყვანამდე.

**დავალება 6, 7:** აქ მოითხოვება არა ტოლობების ფორმალური წესებით ამოხსნა, არამედ გვერდის სიგრძის გამოსათვლელად ადეკვატური ჩანაწერის გამოყენება.

**დამატებითი მასალა:** 5.1; 5.2; M5.1.

## გვერდი 91: მართკუთხედის პერიმეტრი

მიზანი:

მართკუთხედისა და კვადრატის პერიმეტრის გამოთვლა;

შესაბამისი სავარჯიშოების ამოხსნაში გაწაფვა.

**ნინარე ცოდნა:**

მართკუთხედის დახაზვა, აღნიშვნა, მისი მოპირდაპირე გვერდებისა და კუთხეების დასახელება; კვადრატისა და მართკუთხედის შედარება.

**დავალება 1, 2:** შეიძლება შესრულდეს წყვილებში. მოსწავლეებს ერთმანეთის დახმარებითა და აზრთა გაზიარებით შეუძლიათ დაფისთვის საჭირო ლენტის სიგრძის გამოთვლა. მათ უნდა გამართონ მსჯელობა იმის შესახებ, თუ რა სიგრძის გვერდები შეიძლება ჰქონდეს დაფას, რომელსაც ნაპირების სიგრძეთა ჯამი, ანუ პერიმეტრი 3.50 მ აქვს. თითოეული წყვილის არჩევანი შეიძლება შეადარონ სხვების შედეგებს.

ამის შემდეგ მოსწავლეებს შემოაქვთ ან იხსენებენ პერიმეტრის სიმბოლოების ჩაწერას:

მართკუთხედის პერიმეტრი:

$$P = a + b + a + b = 2a + 2b$$

კვადრატის პერიმეტრი:

$$P = a + a + a + a = 4a$$

**დავალება 3:** მოსწავლეებმა შეიძლება ინდივიდუალურად შეასრულონ და მიღებული შედეგები შეადარონ, ხოლო დავალება ე)-ში ერთი დახაზვას მართკუთხედებს, მეწყვილე კი იაზგარიშებს პერიმეტრს.

**დავალება 4:** უკავშირდება ჯერ მართკუთხედებისა და კვადრატების დახაზვას ზუსტ მონაცემებში; შემდეგ – მეწყვილის მიერ ნახაზის შემოწმებას, გაზომვების ჩატარებასა და პერიმეტრის გამოთვლას.

**დავალება 5, 8:** შეგვიძლია საშინაო დავალებად მიღცეთ. ამასთან, დავალება 8, შეიძლება ყველა მოსწავლემ დამოუკიდებლად ვერ შეასრულოს, ამიტომ გამოვიყენოთ მოსწავლეთა დიფერენცირებისთვის.

**დავალება 6, 7:** სიტუაციური დავალებებია, რომლებიც მოსწავლეებს პროცესის ნარმოდგენასა და პრობლემის ადვილად გადაჭრაში ეხმარება. სურათების ჩარჩოების დასამზადებლად, პირველის სიგრძე უნდა იყოს 85 სმ, სიგანე – 54 სმ; მეორის – 70 სმ და 45 სმ.

**დავალება 9:** აქ მნიშვნელოვანია ცხრილის გამოტოვებული უჯრების შევსება, რაც მიღებული ცოდნის მობილიზებას მოითხოვს. ეს დავალება შეიძლება წყვილებშიც შესრულდეს. მოსწავლეებს ხშირად ავიწყდებათ, რომ მართკუთხედს ტოლი გვერდების ორი წყვილი აქვს. ამიტომ უცნობი გვერდის გასაგებად საჭიროა, პერიმეტრს გამოვაკლოთ ცნობილი გვერდის გაორკეცებული რიცხვი და მიღებული შედეგი გავყოთ ორზე, ან ნახევარპერიმეტრს გამოვაკლოთ ცნობილი გვერდი.

**დავალება 10:** აქ მოსწავლეებისგან ამოცანის პირობის დაწვრილებით გააზრება მოითხოვება. პირველი: თითოეული მონაცემის საზომი ერთეულები უნდა იყოს ერთნაირი. ამავე დროს სიმაღლე უნდა მიემატოს მართკუთხედის, ანუ მაგიდის სიგრძესა და სიგანესაც, რის შემდეგაც სასურველი პერიმეტრი დაითვლება.

შესაბამისი დამხმარე მასალის [5.1(3)] გამოყენება ცოდნის განსამტკიცებლად. ამისათვის დასმული კითხვები გავაკრათ დაფაზე დიდი ფორმატით და მოსწავლეები ვამსჯელოთ მათ ირგვლივ. ასევე დამატებით შეიძლება დამხმარე მასალის [5.2(2)] სქემის დარიგებაც. მასზე ისინი დახაზვენ შესაბამის მართკუთხედებს, რითაც ვარიანტების შერჩევასა და მართკუთხედების დახაზვაში გაინათებიან.

**დამატებითი მასალა:** 5.1, 5.2; M 5.1.

## მოსწავლის მუშაობის შეფასება

№	კრიტერიუმი	შეასრულა დამოუკიდებლად	შეასრულა მასწავლებლის დახმარებით	ვერ შეასრულა
1	გაკვეთილის თემისა და მიზნის გაგება			
2	განვლილი მასალის გახსენება			
3	ფიგურების დახაზვა, გაზომვა			
4	პერიმეტრების გამოთვლა			
5	წყვილში მუშაობა			
6	მაგალითებისა და ამოცანების ამოხსნა			

### **გვერდი 92: ფართობის გამოთვლა**

- $\theta^2$ ,  $S\theta^2$ ,  $\varnothing\theta^2$ ,  $\theta^2$ , არი, ჰა და  $\varphi\theta^2$ -ის გაცნობა და გამოყენება;
- სიდიდეების გარდაქმნა ფართობის სხვა ერთეულებში;
- ფართობის სხვადასხვა ერთეულის სიდიდის შესახებ წარმოდგენების შექმნა.

**დავალება 1:** შინაარსობრივად მეტეთე კლასში გავლილი მასალის გამეორებაა, მაგრამ ფართობის ერთეულებით ანგარიშისას, სერიოზული პრობლემების თავიდან არიდების მიზნით, მოსწავლეებმა მინიმუმ ა) ქვეკითხვა მაინც უნდა განიხილონ და ამგვარად, ფართობის სხვადასხვა ერთეულს შორის დამოკიდებულება გაიხსენონ.

**დავალება 2:** სხვადასხვა მაგალითით ფართობის ერთეულების შესახებ ცოდნის გამყარებას ემსახურება.

**დავალება 3:** ორი სიდიდის გამოთვლას მოითხოვს (S და P). აქ განსაკუთრებული ყურადღება უნდა მიექცეს სიგრძისა და ფართობის ერთეულებს და ეს საკითხები კიდევ ერთხელ უნდა დამუშავდეს.

**დავალება 6-9:** დიფერენცირებულია და ჯგუფური მუშაობის გზით უნდა ამოიხსნას.

**დამატებითი მასალა:** 5.3; 5.4.

### **გვერდი 93: შედგენილი ფიგურების ფართობი**

- შედგენილი ფიგურების ფართობების გამოთვლა დაშლის ან შევსების მეთოდით.

ამ გვერდზე მოცემულ დავალებებზე მუშაობა შესაძლებელია როგორც წყვილებში, ასევე ჯგუფებში. იმისათვის, რომ ფიგურების ფართობის გამოთვლის ორივე – დაშლისა და შევსების – მეთოდს გავეცნოთ, აუცილებელია თითოეულმა მოსწავლემ დავალება 1 ამოხსნას, ბოლოს კი საკლასო დისკუსიაზეც განვიხილოთ. ამის შემდეგ კი შეუძლიათ ჯგუფებში ან წყვილებში ამოხსნან დავალებები 2 და 4 შრომის განაწილების პრინციპით. მაგ., ჯგუფი 1 იმუშავებს (2a), 3a), 4a), ხოლო ჯგუფი 2 – ყველა დავალების ბ)-ქვეკითხვაზე და ა.შ.

საკითხის დასაძლევად კარგი იქნება, თუ ისინი ფიგურებს დახაზავენ და გამოყენებულ სტრატეგიას (დაშლის ან შევსების) გრაფიკულადაც წარმოადგენენ. შესაძლებელია ფიგურების ცალკეულ ნაწილებად დაშლა ან ახალი ფიგურის აწყობა.

ამოხსნის სტრატეგიის პრეზენტაციისას მოსწავლეებს შეუძლიათ გამოჭრილი ნაწილების პროექტორზე ჩვენება, რათა ყველამ შეძლოს ამოხსნის პროცესისთვის თვალყურის დევნება.

**დავალება 1:** ყველა მოსწავლემ უნდა დაამუშაოს. წიგნში მოცემული პროცესის ალტერნატივად, სადაც ამოხსნის სამი გზაა ნაჩვენები, პედაგოგს შეუძლია ამოხსნის გზების მითითების გარეშე მოსწავლეებს ფიგურები დაურიგოს და ფართობის გამოთვლა მოსთხოვოს; ბოლოს კი ამოხსნის გზები წიგნში მოცემულ სტრატეგიებს შეადაროს.

**დავალება 3, 4:** მაღალი მზაობის დონეს მოითხოვს.

**დამატებითი მასალა:** 5.5; M 5.4.

### **გვერდი 94: აქცია თემაზე: „მშვიდობა“**

ეს გვერდი კუმულატურ სწავლებას ემსახურება და განსაკუთრებით ამაღლებს მოსწავლეთა მოტივაციას. დავალებები ჯგუფებში უნდა დამუშავდეს და საბოლოო შედეგები კლასის წინაშე უნდა წარვადგინოთ. დავალებები 1, 2 და 3 ერთმანეთს ეფუძნება და მათი შრომის განაწილების პრინციპით დამუშავება ვერ მოხერხდება.

სასურველია ამ თემის შრომის გაკვეთილთან ინტეგრაცია, განსაკუთრებით მე-4, 5 დავალებებზე მუშაობისას. ასევე შესაძლებელია, „ნაიკითხე, გაიაზრე, ამოხსენი“ ტიპის შესაბამისი გვერდის მიხედვით სასკოლო პროექტის მომზადება და მაგ., სკოლის ეზოში სხვადასხვა ენაზე ფერადი ასოებით სიტყვა „მშვიდობის“ დაწერა.

**დავალება 1:** ყველა ასოს ერთი და იგივე სიმაღლე და სიგანე აქვს.

**დავალება 2:** შესაძლებელია, რომ ზოგიერთმა მოსწავლემ ასოს ფართობის გამოთვლისას ასეთი შეცდომა დაუშვას: ესკიზის ასოების ფართობი მუყაოს ქაღალდზე გამოთვალოს და მიღებული შედეგი 30-ზე (მასშტაბი მოცემულია) გაამრავლოს. თუ ასე მოხდა, შეცდომა აუცილებლად უნდა გავაანალიზოთ და შესაბამისი მაგალითით ვაჩვენოთ (ვთქვათ, ასო „I“, 1 სმ სიგანითა და 5 სმ სიგრძით), რომ ფართობის მაჩვენებლები მოცემული მასშტაბის კვადრატზე უნდა გამრავლდეს.

**დამატებითი მასალა:** M 5.5.

### **გვერდი 95: კვადრატული კილომეტრი - ჰექტარი - არი**

გმუშაობთ მითითებების მიხედვით.

## გვერდი 96: შერეული დავალებები

ამ გვერდზე ისეთი დავალებებია მოცემული, რომელთა ამოსახსნელად მრავალბიჯიანი პროცედურების ჩატარებაა საჭირო. ამასთან, განსაკუთრებული ყურადღება უნდა მივაქციოთ იმ ფაქტს, რომ გამოთვლები ტარდება სტანდარტული ფართობისა და სიგრძის ერთეულების გამოყენებით.

**დავალება 6:** ამოხსნის სრულიად განსხვავებული სტრატეგიების მოფიქრება შეგვიძლია, რომლებიც მოსწავლებმა მთელ კლასს პრეზენტაციის სახით უნდა გააცნონ.

**დავალება 10:** ლურსმნებიანი დაფა გვახსენებს დაწყებით კლასებში გამოყენებულ გეომეტრიულ დაფას, ასე რომ, დავალების შესრულებისას მოსწავლეებს სწორი ასოციაციები ექმნებათ. თუ შესაძლებელია, დაბალი მზაობის მოსწავლეებისთვის უმჯობესია ხელშესახები მასალებით (ლურსმნებიანი დაფა) მუშაობა; მაგრამ ასევე შესაძლებელია სურათ-ხატოვანი ფორმით, რვეულის უჯრების გამოყენებით მუშაობა, რაც იმას ნიშნავს, რომ ეს დავალება გამოხატვის ფორმების დიფერენცირების საშუალებას იძლევა. გარდა ამისა, დავალება მოიცავს ფართობსა და პერიმეტრს შორის დამოკიდებულების თემასა და მათ შორის ფუნქციონალურ კავშირებს.

**დამატებითი მასალა:** M 2.4.

## გვერდი 98: იყავი ფორმაში!

ზოგადი მითითებები იხილეთ პირველ ნაწილში.

## გვერდი 99/100: კუბისა და პარალელეპიდედის შლილები

- კუბისა და პარალელეპიდედის შლილების დახაზვა და მოდელად გარდაქმნა;
- კუბისა და პარალელეპიდედის შლილებზე ზეპირი მუშაობა;
- გეომეტრიული ფორმების შლილების დაჯგუფება.

**დავალება 1:** შლილების დახაზვითა და მათი მოდელად გარდაქმნით (კეთებით სწავლა) მოსწავლეები ერთმანეთთან ენაქტიურად დააკავშირებენ ორ- და სამგანზომილებიან ნარმოდგენებს. ეს მოქმედებები (იგულისხმება მოდელების აგება) აუცილებლად ყველა მოსწავლემ უნდა განახორციელოს, რაც საჭიროა მომდევნო დავალებზე მუშაობისას. ის ბავშვები, რომლებსაც სხეულების სივრცეში აღქმის უნარები კარგად აქვთ განვითარებული, მუშაობისას აბსტრაქტულ (გონებაში წარმოდგენილ) მოდელებს იყენებენ.

**დავალება 2-5:** ფორმების სივრცეში აღქმის კომპეტენციებისა და უნარების გამომუშავებას უწყობს ხელს და აუცილებელია მათი ზეპირად, გონებაში დამუშავება.

**დავალება 6:** დაფაზე შლილების განხილვისას კარგი იქნება სტრატეგიულ მეთოდებზე ორიენტაცია.

**დავალება 7: ბ)** ქვედავალებაზე მუშაობისას დაგვჭირდება მაკრატელი და წებო.

**დავალება 8-12:** განკუთვნილია გეომეტრიული ფორმების სივრცეში აღქმის უნარების გასავითარებლად.

**დამატებითი მასალა:** 5.8; M5.13; M5.14; M5.15.

## გვერდი 101: პარალელეპიდედის ზედაპირის ფართობი

**მიზანი:**

პარალელეპიდედის აღწერა და ზედაპირის ფართობის გამოსათვლელი ფორმულის შემუშავება.

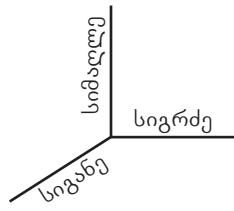
**ნინარე ცოდნა:**

მოსწავლეებმა ჩამოთვალონ ბრტყელი ფიგურები. უპასუხონ კითხვებს: როგორ გამოითვლება მართკუთხედის ფართობი? რამდენი განსხვავებული წიბო და წახნაგი აქვს მართკუთხა პარალელეპიდედს? დაასახელონ ფართობის ერთეულები.

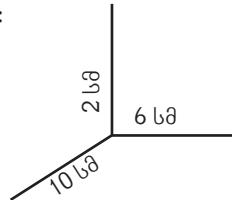
**აქტივობა:** მოსწავლეთა წყვილებს დაუურიგოთ მართკუთხა პარალელეპიდედის ფორმის ყუთები და ფოლგის (ან ფერადი) ქალალდები. დავავალოთ წახნაგების ფორმების ამოჭრა. შემდეგ დაითვალინო, რამდენი სმ<sup>2</sup> ფოლგა დასჭირდებათ. აღწერონ მოქმედების თანმიმდევრობა: რა გაზომვები ჩაატარეს (წიბოების სიგრძეების გაზომვა), რომელი ბრტყელი ფიგურები მიიღეს და რამდენი? როგორ გამოთვალეს მათი ფართობები (ექსივე ცალ-ცალკე დათვალეს, თუ სამის ფართობი გამოთვალეს? რატომ?) ბოლოს ჩანწერონ სრული ზედაპირის ფორმულა. შემუშავებული მეთოდები წარუდგინონ თანაკლასელებს და განიხილონ საკლასო დისკუსიაზე.

**დავალება 1:** გმუშაობის წყვილებში. მოსწავლეები ხაზავენ შლილს, რომელიც მოცემულია ნიმუშის სახ-

ით. გაიაზრებენ სრული ზედაპირის ფართობის გამოთვლის ეტაპებს. რაკი ამ ეტაპზე არ ევალებათ სივრცული ფიგურების აგება, წარმოსახვითი უნარების გაუმჯობესების მიზნით შეასრულონ შემდეგი ნახაზი (კარკასი):



**დავალება 2-3:** მოსწავლეები ვარჯიშობენ პარალელეპიპედის ზედაპირის ფართობის გამოთვლაზე. ცდილობენ პირობის ჩაწერას „კარკასის“ გამოყენებით:



ამ ნახაზის მიხედვით ასახელებენ ნახნაგების (კე-დლების) განზომილებებს: 2 სმ ხ 6 სმ – წინა კედელი, 10 სმ ხ 2 სმ – გვერდითი კედელი, 10 სმ ხ 6 სმ – იატაკი. ჯერ მუშაობენ დამოუკიდებლად, შემდეგ შესამონმებლად წარმოადგენენ დაფაზე.

**დავალება 6:** მოსწავლეებმა უნდა დახაზონ კუბის კარკასი.

რამდენი ერთნაირი წახნაგი აქვს კუბის? რომელი ფიგურაა თითოეული მათგანი? მოსწავლეებმა დახაზონ კვადრატის შლილი. სრული ზედაპირი 6 ერთნაირი კვადრატის ფართობის ჯამია ( $\text{შ} = 6\text{a}^2$ ) და რადგან, ამოცანის პირობის თანახმად, იგი  $96\text{cm}^2$ -ია, რისი ტოლი იქნება ერთი კვადრატის ფართობი? ( $96 : 6 = 16$ ) თუ კვადრატის ფართობი  $16\text{cm}^2$ -ია, რამდენი სმ იქნება მისი გვერდი?  $4 \text{ cm}$ , რადგან  $4\text{cm} \times 4\text{cm} = 16\text{cm}^2$ .

**დავალება 7:** მოსწავლეებმა პრობლემა უნდა გადაჭრან ჯგუფური მუშაობის გზით. ეს არის ფუნქციონალური დამოკიდებულების გაზრება: თუ წიბო 2-ჯერ მეტია, რამდენჯერ მეტი იქნება ფართობი? ზოგადი დასკვნის შემუშავება ხდება კონკრეტულ მაგალითზე დაყრდნობით: თუ წიბო 2-ჯერ გაიზარდა, ფართობი გაიზრდება  $4$ -ჯერ. შეიძლება ანალოგიური დავალება დამოუკიდებლად შევასრულებინოთ (მაგ., როცა წიბო 3-ჯერ გაიზრდება). ეს ხელს უწყობს არგუმენტაციის და მოსწავლეთა კომუნიკაციის უნარების განვითარებას.

**დავალება 4-5:** შეიძლება მივცეთ საშინაო დავალებად მთლიანად ან ნაწილობრივ. პირობის (განზომილების) ჩასაწერად შეიძლება შევთავაზოთ კარკასის დახაზვა.

### წყვილის მუშაობის შეფასება

მუშაობის მაჩვენებელი	შეფასება		
	კარგი	საშუალო	ცუდი
მოსწავლეები მუშაობდნენ მეგობრულად, უსმენდნენ ერთმანეთს			
თავისუფლად უზიარებდნენ ერთმანეთს თავიანთ მოსაზრებებს			
რთული იყო საერთო გადაწყვეტილების მიღება			
ნახაზის აგება			
ზედაპირის ფართობის გამოთვლა			
პრეზენტაცია			

დამატებითი მასალა: 5.5; 5.6; 5.8.

## გვერდი 102: მოცულობების გაზომვა და შედარება

- მოცულობის საზომი ერთეულების გამოყენებით მოცულობების გაზომვა და შედარება.

**დავალება 1:** ფიგურების მოცულობის ერთეულებად დაყოფის ძალიან მარტივად აღსაქმელი პრინციპი (ერთეულოვანი კვადრატებით სხეულის შევსება) მოცულობის ცნების ვიზუალიზაციის ფორმასთან ერთად მოცულობების გამოთვლისა და შედარების კლასზე მორგებულ მეთოდსაც წარმოადგენს.

**დავალება 2-4:** მოცულობების ერთმანეთთან შედარების მიზნით მოსწავლეები განსაზღვრავენ კუბების რაოდენობას. ამასთან, ხელს ვუწყობთ მათი სივრცობრივი აღქმის უნარების განვითარებას.

**დამატებითი მასალა:** 5.9.

## გვერდი 103: კუბური დეციმეტრი, სანტიმეტრი, მილიმეტრი

- მოცულობის სტანდარტული ელემენტების (დმ<sup>3</sup>, სმ<sup>3</sup>, მმ<sup>3</sup>) სიდიდის შესახებ წარმოდგენების ჩამოყალიბება;
- მოცულობის სხვადასხვა ერთეულს შორის დამოკიდებულებების ზუსტად ან დამრგვალების გზით დადგენა;
- მოცულობის სიდიდეების გადაყვანა სხვა ერთეულებში.

**დავალება 1:** ხელს უწყობს აბსტრაქტული მოდელების გამოყენებას მოცულობის ერთეულების გადაყვანისას და ასევე ავითარებს კომუნიკაციისა და არგუმენტაციის უნარებს.

**დავალება 2:** ხელს უწყობს მოცულობის ერთეულებთან დაკავშირებული კონკრეტული ასოციაციების ჩამოყალიბებას;

**დავალება 7:** თანრიგთა კლასების გამოყენებას ათწილადებზე მუშაობისას უკვე გამოყენებულ, ბავშვებისთვის წარმონა მეთოდს უკავშირებს. მოცულობის ერთეულების გარდაქმნისთვის გამოყენებული ამგვარი მიდგომა სიდიდეების მძიმებით ჩანარის დროს განსაკუთრებით გამოგვადგება. უჯრებში მოცემული ნიმუშები მოსწავლეებს ამ მეთოდის გაგებასა და პროცესის ახსნაში დაეხმარება.

**დამატებითი მასალა:** 5.10.

## გვერდი 104: პარალელეპიპედის მოცულობა

- 1 სმ<sup>3</sup>-იანი კუბების საშუალებით გაზომვის სხვადასხვა სტრატეგიის გამოყენება და შეფასება;
- კუბების რაოდენობის დათვლით მოცულობის გამოთვლის ხერხიდან სიგრძეთა ნამრავლზე გადასვლა;

**დავალება 1:** მაპროვოცირებელი და მოტივაციის აღმძვრელი სურათებით მოსწავლეებს მსჯელობისკენ უბიძებებს, კერძოდ, თუ როგორ უნდა ამოივსოს პარალელეპიპედი კუბური სანტიმეტრის ტოლი მოცულობის კუბებით და როგორ უნდა დაადგინონ ამ კუბების რაოდენობა.

**დავალება 2, 3:** მოსწავლეები სწრაფად და მოთხოვნების შესაბამისად შეავსებენ პარალელეპიპედს კუბურ სანტიმეტრიანი მოცულობის კუბებით და, ამასთან, ეცდებიან გამოყენებული სტრატეგიის განზოგადებას. შესაფერისი არგუმენტების პოვნითა და პრაქტიკაში გამოყენებით ისინი აძლიერებენ კლასში გამართულ დისკუსიას.

**დავალება 4:** პარალელეპიპედის მოცულობის დასადგენად მოსწავლეების მიერ აღმოჩენილი განზოგადებული წესის გამოყენება.

**დავალება 5:** აღმოჩენილი კავშირების თემატიზება. უყურადღებოდ არ უნდა დარჩნენ დაბალი მზაობის მოსწავლეები, მათ შესაბამისი დახმარება უნდა გავუწიოთ.

## გვერდი 105: პარალელეპიპედის მოცულობა

- ფორმულის  $V = a \cdot b \cdot c$  გაგება და გამოყენება;
- კუბის, როგორც მართკუთხა პარალელეპიპედის განსაკუთრებული ფორმის გაგება;
- მართკუთხა პარალელეპიპედისა და კუბის მოცულობის გამოთვლა.

წინა „წაიკითხე-გაიაზრე-ამოხსენი“ ტიპის გვერდის შედეგი შეჯამებულია მიმდინარე გვერდის დასაწყისში. ამ გვერდზე მოსწავლეები პარალელეპიპედის მოცულობის ფორმულით გამოთვლაზე ივარჯიშებენ.

**დამატებითი მასალა:** 5.11; 5.12.

## გვერდი 106/107: ისწავლე, გამოიყენე, დააკავშირე

ზოგადი მითითებები იხილეთ პირველ ნაწილში.

### გვერდი 108: კუბური მეტრი

- 18<sup>3</sup>-ის სიდიდის შესახებ წარმოდგენების შექმნა;
- მოცულობის ერთეულებს შორის დამოკიდებულების დადგენა და გარდაქმნებში გამოყენება;
- მოცულობის სიდიდების შესახებ რეალობასთან დაკავშირებული ასოციაციების ჩამოყალიბება და ყოფა-ცხოვრებისეულ სიტუაციებში გარდაქმნების ჩასატარებლად გამოყენება;

**დავალება 1:** კუბური მეტრი მოცულობის მქონე კუბის გაზომვის დემონსტრირება და ასევე კუბური სანტიმეტრი მოცულობის მქონე კუბის პრეზენტაცია, იმისათვის, რომ ხელი შევუწყოთ მოსწავლეებში სწორი წარმოდგენების ჩამოყალიბებას.

**დავალება 2, 3:** მოცულობის ერთეულების წარმდგენი მოსწავლეების პოვნას ემსახურება.

### გვერდი 109: შერეული დავალებები

- მოცულობის ერთეულების მოსაზღვრე ერთეულებში გადაყვანა;
- პარალელებიდის მოცულობის გამოთვლა;
- ამოცანის პირობებიდან საჭირო ინფორმაციების ამოკრეფა და შესაბამისად მოდელირება.

### გვერდი 110/111: აკვარიუმი კლასში

თემა ძალიან პოზიტიურად მოქმედებს მოსწავლეებზე და მოტივაციას ამაღლებს. მათ შეუძლიათ მთელი თავი-ანთი დაგროვილი ცოდნა (პარალელებიპედის მოცულობის გამოთვლისა და მოცულობის ერთეულების შესახებ) გამოიყენონ. მეთოდურად რეკომენდებულია, რომ მოსწავლეებმა ალნიშნული გვერდის დავალებები ჯგუფებში დაამუშაონ და, ამასთან, გასათვალისწინებელია, რომ ზოგიერთი დავალება ერთმანეთიდან გამომდინარეობს. შესაძლებელია ეს გვერდი საკლასო ან სასკოლო პროექტის საფუძვლად გამოვიყენოთ და კლასში ან სკოლაში აკვარიუმი დავდგათ.

მოსწავლეებს, რომლებსაც შინ აკვარიუმი აქვთ, შეუძლიათ სხვებს თავიანთი იდეები გაუზიარონ.

**დავალება 5:** მოსალოდნელია, რომ მიღებული პასუხები ერთმანეთისაგან განსხვავდებოდეს, იმის მიხედვით, თუ როგორ მიუდგებიან მოსწავლეები აკვარიუმის ფსკერის დონიდან 8 სმ სიმაღლეზე ხრეშითა და საკვებით ავსებულ ნაწილს. ამ ნაწილის მოცულობა 24 ლ-ის ტოლია. წყლის ფაქტობრივი მოცულობა გაცილებით მცირე უნდა იყოს. შესაბამისად, ჩასასხმელი წყლის მოცულობა (ანუ წყლის ის მოცულობა, რაც მთლიანად შეავსებს აკვარიუმს) არის 81 ლ ან მეტი. შეგვიძლია ეს კითხვა საკლასო დისკუსიაზე განვიხილოთ, კონკრეტული პასუხის მიღების მიზნის გარეშე. ასევე საინტერესოა, თუ ექსპერიმენტებს ჩავატარებდით გაზომვებზე. დავალება ნებაყოფლობითი უნდა იყოს და შეასრულოს მხოლოდ იმ ჯგუფმა, რომელიც სურვილს გამოთქვამს, რომ აღნიშნულ ექსპერიმენტს სახლში ჩატარებს და მიღებულ შედეგებს მთელ კლასს გააცნობს.

### გვერდი 112: შემაჯამებელი სავარჯიშოები

ზოგადი მითითებები იხილეთ პირველ ნაწილში.

### თავი 6: ნილადები და ათნილადები (3)

#### ზოგადი შენიშვნები თავის შესახებ

გადავდივართ წილადების სპირალური სწავლების ახალ დონეზე: წილადების გაშლა (დაყვანა) და შეკვეცა მხოლოდ მათემატიკურ ალგორითმებს როდი წარმოადგენს, იგი მოსწავლეებს უმტკიცებს, რომ ერთი და იგივე რიცხვი შეიძლება უსასრულოდ ბევრი წილადით გამოვსახოთ. ამ პროცესის შედეგად ვითარდება წილადებში მოცემული სიდიდეების შედარების სტრატეგია, რომლის საშუალებითაც წილადების, ათწილადებისა და პროცენტების ერთმანეთში გარდაქმნაა შესაძლებელი და სხვადასხვამნიშვნელიანი წილადების შეკრება/გამოკლებისთვისაც ერთ მეთოდს გამოვიყენებთ.

თავი იწყება წილადების დაყოფა-გამსხვილება-დანაწევრებით, თუმცა წილადების შედარებაც ლოგიკური დასაწყისი იქნებოდა. მოსწავლეები ინტუიციურად ადარებენ ერთმანეთს სხვადასხვა წილადებს, შეიმუშავებენ შედარების სხვადასხვას სტრატეგიას. ყველაზე მეტ შეცდომას მოსწავლეები წილადების შეკრება-გამოკლებისას უშვებენ: სხვადასხვამნიშვნელიანი წილადების შეკრების ან გამოკლების დროს, პირველ რიგში წილადები უნდა შევცვალოთ, რაც ორივე წილადის საერთო მნიშვნელზე გადაყვანას მოითხოვს. მხოლოდ ამ ოპერაციების შემდეგ შეგვიძლია წილადების შეკრება ან გამოკლება, რაც მოსწავლეებისთვის პრობლემას არ წარმოადგენს.

#### წილადების შედარება

ტოლმნიშვნელიანი წილადების შედარება მოსწავლეებს, როგორც წესი, არ უჭირთ, მით უმეტეს, თუ წილადების კვაზიკარდინალური ჩანერის ფორმას გამოვიყენებთ: 6 მერვედი < 7 მერვედზე. ტოლმნიშვნელიანი

წილადების შემთხვევაში უფრო დიდი მრიცხველის მქონე წილადი უფრო მეტია. ტოლმრიცხველიანი წილადების შესადარებლად მარტივი და ეფექტური სტრატეგია არსებობს.  $\frac{3}{7} < \frac{3}{5}$ , რადგან, მაგ., მონაკვეთის მეშვიდედი ამავე მონაკვეთის მეხუთედ ნაწილზე პატარაა.

უფრო მეტ სირთულეს ვაწყდებით ისეთი წილადების შედარებისას, სადაც მრიცხველი და მნიშვნელი სხვადასხვა რიცხვებია, მაგ., რომელია მეტი,  $\frac{7}{8} > \frac{3}{5}$ ?

ამოხსნის პირველი სტრატეგიაა, რომ არივე მონაკვეთი გვერდიგვერდ დავხაზოთ და ამოვიცნოთ, თუ რომელი წილადი ნაწილია უფრო მეტად მარჯვნივ განთავსებული და, შესაბამისად, უფრო დიდიც.

მოსწავლები მაღლევე დაადგენენ, რომ წილადების შედარებისას გარკვეული წილადებისთვის ორი სხვადასხვა მონაკვეთის აგება საჭირო არაა. ამ გზით ისინი აღმოაჩენენ სხვადასხვამნიშვნელიანი წილადების შედარების ახალ მეთოდს, რომელიც მონაკვეთების აგებას არ საჭიროებს: ორივე მნიშვნელის რაღაც რიცხვზე გამრავლებით წილადების გადიდებასა და გაერთმნიშვნელიანებას. ამ მიგნების გამყარება კონკრეტული მაგალითების/ ამოცანების ამოხსნით მიიღწევა.

### გვერდი 113: წილადები და ათწილადები (3)

დამატებითი მასალა: 6.3; M6.1.

### გვერდი 114: ნაწილების დაყოფა და გამსხვილება

- წილადი ნაწილების გრაფიკულად /ნახაზებით დაყოფა და გამსხვილება;
- ერთნაირი წილადების ამოცნობა.

**დავალება 1:** წყვილებში ან ჯგუფური მუშაობა: მოსწავლეები ქალალდისგან გამოჭრიან წილადის წრის მოდელს და მის ნახაზს რევულშიც გადაიტანენ.

**დავალება 3-4:** ნახაზების გამოყენებაზე უარი არ უნდა ვთქვათ.

დამატებითი მასალა: 6.1; 6.2; M6.2.

### გვერდი 115: წილადის გაშლა (დაყვანა) და შეკვეცა

- გრაფიკული მეთოდით და მის გარეშე წილადების სხვა ტოლმნიშვნელიან წილადებად გარდაქმნა;
- გრაფიკული ან არითმეტიკული მეთოდით წილადების სხვა ტოლმნიშვნელიან წილადებამდე გაფართოება (იგულისხმება საერთო მამრავლზე წილადის მრიცხველისა და მნიშვნელის გამრავლებით მიღებული ახალი წილადი, მაგ 2/3 = 4/6);
- ტოლმნიშვნელიანი წილადების გაშლისა და შეკვეცის წესების შემუშავება;

მნიშვნელოვანია იმის დასაბუთება, რომ წილადის რაღაც რიცხვით გაფართოება და იმავე რიცხვზე წილადის გამრავლება, ან წილადის რამე რიცხვით შეკვეცა და წილადის ამავე რიცხვზე გაყოფა – სხვადასხვა მათემატიკური ოპერაციებია.

პირველ ხუთ დავალებას მოსწავლეები ნაბიჯ-ნაბიჯ მიჰყავს წილადების გაფართოების წესებამდე, ხოლო მომდევნო ხუთ დავალებას – წილადების შეკვეცის წესებამდე. ორივე წესის გაგება და ამოხსნის სტრატეგიად ჩამოყალიბება, წილადებზე მოქმედებების გათავისებას მოითხოვს.

ძალიან მნიშვნელოვანია იმის გაგება, რომ „გაშალეთ ორი მესამედი 4-ით და ორი მესამედი გაამრავლეთ 4-ზე“ სხვადასხვა ოპერაციებია, რომლებსაც სხვადასხვა შედეგამდე მიღყავართ. იგივეა შეკვეცისა და გაყოფის ოპერაციების შემთხვევაშიც.

**დავალება 1-3:** ყველა მოსწავლემ აუცილებლად უნდა დაიცვას თანმიმდევრობა. ყოველი ქვეკითხვა წილიშვნელოვანია იმისთვის, რომ მოქმედებების შესრულებისას თვალსაჩინოებების გამოყენება აღარ დაგვჭირდეს და ზეპირად ანგარიში შევძლოთ.

**დავალება 4:** წყვილებში უნდა ამოხსნას.

**დავალება 6-8, 5,10:** იხ. დავალება 1-3.

**დავალება 9:** იხ. შენიშვნა დავალება 4-ის შესახებ.

### გვერდი 116/117: წილადების გაშლა (დაყვანა) და შეკვეცა

- წილადების შეკვეცა მოდელების გამოჭრით;
- წილადების გაშლისა და შეკვეცის წესების გაცნობა და გაგება;
- წილადების გაშლა და შეკვეცა;
- წილადების გაერთმნიშვნელიანება მათი გაშლით ან შეკვეცით;
- გამრავლებისა და გაშლის ოპერაციების ერთმანეთისგან განსხვავება;

- გაყოფისა და შეკვეცის ოპერაციების ერთმანეთისგან განსხვავება;
- შეცდომების ანალიზი და გასწორება.

შეკვეცისა და გაშლის ოპერაციები წილადებზე გამოთვლების ფორმალური ასპექტის საფუძველს წარმოადგენს. მოსწავლეები უამრავ მაგალითში ხედავთ, რომ სხვადასხვანაირად წარმოდგენილ წილადებს ტოლი მნიშვნელობა აქვთ. გაკვეთილის მიზანს მხოლოდ წესების ზეპირად დასწავლა არ წარმოადგენს, არამედ – მათი გაგება, გრაფიკულად წარმოდგენა და დასაბუთება, მაგ., მართულების ან წრეების მოდელების გამოყენებით.

**დავალება 1:** თავიდან ბავშვები ფურცელს ორ ნაწილად ყოფენ, მერე ერთ მეორედს აფერადებენ. შემდეგ ჯერზე მიღებული ნაწილების ორად გაკეცვით ვადგენთ, როგორ იცვლება შემდეგი გამოსახულება:  $1/2 = 2/4 = 4/8 \dots$  რეკომენდებულია, რომ მოსწავლეებმა ყველა ნაბიჯი რვეულში ჩაიწერონ.

**დავალება 2 - 4:** ზეპირი მუშაობისთვისაა განკუთვნილი, მაგ., წყვილებში ან ჯგუფებში მუშაობისთვის.

**დავალება 7:** აუცილებლად უნდა დამუშავდეს.

**დავალება 10:** მოსწავლეებმა უნდა შეძლონ წილადების გაშლისა და გამრავლების, შესაბამისად, შეკვეცისა და გაყოფის ოპერაციებს შორის განსხვავების გაგება.

**დავალება 13:** შეიძლება ამონხსნას „მე-შენ-ჩვენ“ მეთოდით: საწყის ეტაპზე ყველა მოსწავლე ინდივიდუალურად ფიქრობს პასუხებზე და შეცდომის დაშვების შესაძლო მიზეზებზე; შემდეგ მეწყვილეს უზიარებს და ბოლოს, წყვილები წარუდგენენ მთელ კლასს პრეზენტაციის სახით. გაკვეთილის ამ ეტაპზე შესაძლებელია კლასში წარმოადგენილი გარიანტების შედარება და დისკუსია.

წიგნში მოცემული შეცდომების ახსნა და გასწორება მათემატიკის გაკვეთილის მნიშვნელოვან ნაწილს წარმოადგენს. ამ გზით მოსწავლეებისთვის ტიპური შეცდომები უფრო თვალსაჩინო ხდება, რაც შეცდომების დაშვების ალბათობას ამცირებს. შეცდომები გაკვეთილზე უნდა განვიხილოთ და მათი დაშვების შესაძლო მიზეზებიც დეტალურად ავხსნათ.

**დამატებითი მასალა:** 6.1, 6.2; M 6.2.

#### გვერდი 118: წილადების შედარება

- წილადების შედარება სხვადასხვა სტრატეგიის გამოყენებით;
- წილადების შედარება სხვადასხვა მოდელის გამოყენებით;
- ტოლმნიშვნელიანი და ტოლმრიცხველიანი წილადების შედარება;
- წილადების შედარება მათი 1-თან ან 1/2-თან სიახლოვის მიხედვით;
- თამაშის პროცესში წილადების შედარების სხვადასხვა სტრატეგიის გამოყენება;
- ამონხსნის სხვადასხვა სტრატეგიის გამოყენება, ვერბალიზაცია და შეფასება.

წილადების შედარება წარმოადგენს მნიშვნელოვან საკითხს, რომელიც სხვადასხვა ასპექტისგან შედგება. ამიტომაც ყველა მოსწავლე დამოუკიდებლად და კოოპერაციული მუშაობით (ჯგუფებში, წყვილებში) განიხილავს. „ექსპერტების“ რანგში მოსწავლეები წილადებს კონკრეტული სტრატეგიის გამოყენებით ადარებენ ერთმანეთს. ახალ ჯგუფებს ვაყალიბებთ ისე, რომ საკითხის ერთ ცალკეულ ასპექტს მხოლოდ ერთი „ექსპერტი“ წარმოადგენს. საბოლოოდ ეს ჯგუფები ერთმანეთთან თანამშრომლობით მთელ თემას მოიცავენ.

გაკვეთილის ამგვარი მიმდინარეობის უპირატესობა ისაა, რომ მოსწავლეები კოოპერაციულად მუშაობენ, მაგრამ ამავე დროს ინდივიდუალური პასუხისმგებლობის აღებაც უწევთ, რადგან გაკვეთილის მეორე ნაწილში ისინი ექსპერტებად მოგვევლინებიან და კლასელებისთვის საკუთარი სტრატეგიის ახსნა მოუწევთ.

#### გვერდი 119: წილადების შედარება

- ტოლმრიცხველიანი და ტოლმნიშვნელიანი წილადების შედარება;
- წილადების საერთო მნიშვნელის პოვნა;
- წილადების გაერთმნიშვნელიანება და შედარება;
- წილადების შედარება მათი ათწილადებად გარდაქმნით;
- წილადების ზრდის მიხედვით დალაგება;
- ორ მოცემულ წილადს შუა მდგომი რომელიმე წილადის პოვნა;

**დავალება 1:** სტანდარტული გზით ამონხსნას მოითხოვს, მაგრამ ამასთანავე გვიჩვენებს, რომ სტანდარტული ფორმა ამონხსნის ყველთვის ყველაზე მარტივ და დახვენილ მეთოდს როდი წარმოადგენს.

**დავალება 2:** დასაწყისისთვის წილადის მამრავლს ვიწერთ, მაგრამ მომავალში მხოლოდ ზეპირად უნდა დავიმახსოვროთ. მოსწავლეებისთვის: იპოვეთ უფრო დიდი რიცხვის ჯერადები და დაადგინეთ, არის თუ არა პატარა რიცხვი მისი გამყოფი.

**დავალება 4:** წილადების ათწილადებად გარდაქმნით მოსწავლეებს კიდევ ერთ საჭირო მეთოდს გავაცნობთ. გარდა ამისა, ამ გზით გავიმეორებთ „წილადის განაყოფის როლში ყოფნის“ ასპექტს.

**დავალება 5:** ამ დავალების ამოხსნა შესაძლებელია PLACEMAT-ის მეთოდით, რომელიც კრეატიული იდეების კოოპერაციული ფორმით პოვნას გულისხმობს. მოსწავლეები ჩამოაყალიბებენ ოთხკაციან ჯგუფებს, თითოეულ ჯგუფს აქვს თითო თაბახის ფურცელი, რომელიც ისეა დაყოფილი, როგორც ეს სურათზეა ნაწვენები. თითოეული მოსწავლე საკუთარ ამოხსნას ინიშნავს მისთვის განკუთვნილ ველში. შემდეგ ფურცელი დატრიალდება სამჯერ ისე, რომ ჯგუფის თითოეულმა წევრმა სხვისი შედეგების წაეკითხვა შეძლოს. საბოლოოდ კი ის პასუხები, რომლებზეც ჯგუფის წევრები შეთანხმდებიან, შუა ველში (ფურცლის ცენტრში) ჩაიწერება.

**დავალება 6:** დეტალურად უნდა განვიხილოთ მინიმუმ ა)-დ) კითხვები, ხოლო პასუხები უნდა დასაბუთდეს.

**დავალება 7:** შესაძლოა მოსწავლეებმა ამოხსნის საინტერესო და უჩვეულო ხერხები შემოგვთავაზონ. მაგ., თუ დ) კითხვაში მოსწავლეები პრიველივე ჯერზე წილადს ძალიან გაშლიან (ანუ წილადის მრიცხველსა და მნიშვნელს ძალიან დიდ მამრავლზე გამრავლებინ), სამი უცნობი წილადის პოვნა აღარ გაუჭირდებათ.

**დამატებითი მასალა:** 6.3.

### გვერდი 120/121: პროცენტის სახით ჩანერა

- წილადების გაშლა 10-ის და 100-ის ტოლ მნიშვნელამდე;
- წესიერი წილადების ათწილადებად გადაქცევა;
- წილადების პროცენტულად გამოსახვა;
- მოცემული სიდიდის ერთი ფორმიდან სხვა ფორმაში გადაყვანა;
- მარტივი პროცენტული მაჩვენებლების, როგორც მთელის ნაწილის გამოთვლა;
- წესიერი წილადების ათწილადებად გარდაქმნა;
- წილების შედარება.

ახალი თემის განხილვამდე 2-3 კვირით ადრე მოსწავლეები ყოველდღიურობიდან (გაზეთები, ჟურნალები, სარეკლამო ბროშურები) შეაგროვებენ ათწილადების, წილადებისა და პროცენტების ფორმით ჩანერილ მონაცემებს. შესაძლებელია, რომ ჩანერის სხვადასხვა ფორმა ერთმანეთს შევადაროთ, ავსნათ მათ შორის დამოკიდებულება, თითოეული ფორმის დადებითი და უარყოფითი მხარეები.

**დავალება 2-6:** რიცხვითი მონაცემების ჩანაცერის ერთი ფორმიდან მეორეში გადაყვანა.

**დავალება 4:** აქ შერჩეული წილადები პრაქტიკაში ყველაზე ხშირად გამოიყენება, ამიტომ მოსწავლეებმა მათი სხვადასხვა ფორმით წარმოდგენა ზეპირად უნდა შეძლონ. ჯობს ამ თემასთან დაკავშირებით კლასში პლაკატი დაგვიდოთ.

**დავალება 7, 8:** აქ პირველად ვხვდებით გამოთვლებს. წილადებზე მოქმედებების ცოდნა სასარგებლოა მაშინ, როცა მარტივი პროცენტული მაჩვენებლების გამოთვლა მოითხოვება: 24 ლარის 50%, ე.ო. ნახევარი; 60 კგ-ის 25%, ე.ო. ერთი მეოთხედი.

**დავალება 9:** განვიხილავთ შერეულ რიცხვებსაც.

**დავალება 10:** აქ პირველად ვხვდებით აბსოლუტურ და ფარდობით სიხშირეებს.

**დავალება 15:** რთული დავალებაა, რომელიც გაერთმნიშვნელიანებით ან ათწილადებად გარდაქმნით ამოხსნება. რეკომენდებულია ასევე ინტუიციური ლოგიკის გამოყენებაც, რომელიც კიდევ ერთხელ ეხება წილადების წარმოდგენის ხერხებს: მოსწავლეები დახაზავენ რიცხვით სხივს, მონიშნავენ ნულსა და ერთს, ჩანერენ 1/2-ს შუაში და ამის შემდეგ თანდათან გადაიტანენ დანარჩენ წილადებსაც. სავალდებულო არ არის წილადები რიცხვით სხივზე ზუსტად განვალაგოთ.

**დამატებითი მასალა:** M 4.4.

### გვერდი 122: წილადები რიცხვით სხივზე

- წილადების რიცხვით სხივზე დალაგება;
- რიცხვითი სხივების დახაზვა სხვადასხვა სკალით;
- რიცხვით სხივზე წილადების შესაბამისი წერტილების პოვნა და პირიქით (წერტილების შესაბამისი წილადების პოვნა).

რიცხვით სხივზე შესაძლებელია ყველა წილადის გამოსახვა (რიცხვების ორდინალური ჩანერა): მის დანაყოფებს კონკრეტულ სიდიდეს შეეუსაბამებთ, რითაც სიდიდეებს ნათლად გამოვსახავთ და შევადარებთ. ხშირად წილადების დაახლოებითი მდებარეობის მონიშვნაც კი საკმარისია.

**დავალება 2-5:** საქმე ეხება შერეულ რიცხვებსა და არანესიერ წილადებს. ცვალებადი ერთეულები სწრაფი აზროვნების უნარებს მოითხოვს, ზოგიერთ დავალებაში კი რიცხვებისა და რიცხვებს შორის დამოკიდებულების მომენტალური აღქმის უნარები მოითხოვება.

**დავალება 6:** განკუთვნილია ჯგუფური მუშაობისთვის, რადგან მოსწავლეებმა მიღებული პასუხები უნდა დაასაბუთონ. წილადების სიდიდის აღქმის უნარები მოსწავლეებს წილადების ზრდის მიხედვით დალაგებასა და დავალების შესრულებაში დაეხმარება.

**დამატებითი მასალა: 6.6; M 6.5.**

#### გვერდი 123: წილადი რიცხვები

- წილადების ტოლლობის ამოცნობა;
- კონკრეტული წილადის მნიშვნელობის ტოლი წილადების პოვნა;
- მთელი რიცხვების არაწესიერ წილადებად გარდაქმნა.

**დავალება 1:** სასურველია, მოცემული 20 წილადი მასწავლებელმა მუყაოს ქაღალდზე გადაიტანოს, მოსწავლეებმა კი ზრდის მიხედვით დაალაგონ (მაგ., დაფაზე).

**დავალება 5:** რეკომენდებულია, რომ მოსწავლეებმა წილადები მარცხენა მხარეს ერთმანეთის ქვეშ დაწერონ. შემთხვევითი არ არის ის ფაქტი, რომ პირველი ხუთი წილადი განსხვავებული სიღიდისაა და სხვადასხვა მნიშვნელობას გამოხატავს. სავარაუდოდ, ზოგიერთი მოსწავლე ეცდება, რომ პირველი წილადი – 1/5 გადაწეროს და შემდევ მისი ტოლი ოთხი სხვა წილადი იპოვოს.

**დავალება 6, 7:** განკუთვნილია ზეპირი მუშაობისთვის.

**დავალება 8:** შესაძლებელია „მე-შენ-ჩვენ“ მეთოდით ამოიხსნას (იხ. 117-ე გვერდის მითითება).

**დამატებითი მასალა: M 6.6.**

#### გვერდი 124: სხვადასხვამნიშვნელიანი წილადების შეკრება და გამოკლება

- დასაბუთება იმისა, თუ რატომაა „მრიცხველს + მრიცხველი, მნიშვნელს + მნიშვნელი“ წილადების არასწორი შეკრების წესი.
- ისეთი დავალებების მოფიქრება, რომლითაც დამტკიცდება, რომ „მრიცხველს + მრიცხველი, მნიშვნელს + მნიშვნელი“ – არასწორი სტრატეგია;
- მიმატებისა და გამოკლების შედეგების ესკიზებით შემოწმება;
- წილადების შეკრებისა და გამოკლების წესის შემუშავება.

**დავალება 1-3:** ემყარება სურათებზე მოცემულ ინფორმაციას. გამოცდილებით ცნობილია, რომ მოსწავლეების მიერ შემუშავებული წილადების შეკრების წესი მცდარია. ბოლო სურათიდან ასევე ვიგებთ, რომ ხშირად მონახაზის გაკეთებაც კმარა იმის დასადგენად, რომ გონებაში შემუშავებული შედეგი მცდარია (მნიშვნელოვანი დასკვნა 6-თვის). დამუშავების შედეგები კლასში უნდა განვიხილოთ. ამასთან მოსალოდნელია, რომ მაღალი მზაობის მოსწავლეები ანას „ზუსტი“ მოსაზრებების გადამოწმებასა და მისი ლოგიკის სხვებისთვის ახსნას შეძლებენ.

**დავალება 4:** ამ დავალების დამუშავების შემდეგაც უნდა გავითვალისწინოთ შედეგების პრეზენტაცია.

**დავალება 5, 6:** თუ ბავშვებისურათებზე მოცემული იდეების განხორციელებას ვერახერხებენ, ამ დავალებებზე მუშაობისას მოსწავლეებს ინდივიდუალურად ვეხმარებით (წყვილებში მუშაობის შემთხვევაშიც კი).

**დავალება 7:** ენობრივი სირთულის გამო 4-კაციან ჯგუფებში უნდა ამოიხსნას. აუცილებელია საბოლოო დისკუსია.

#### გვერდი 125: წილადების შეკრება და გამოკლება

- წილადების შეკრებისა და გამოკლების წესების გაცნობა;
- მარტივი წესიერი წილადების შეკრება და გამოკლება;
- ორი წილადის ჯამის მართულებების მოდელის დახმარებით წარმოდგენა და გამოთვლა.

**დავალება 1-6:** როცა წილადები გაერთმნიშვნელიანდება, შესაძლებელია მათი შეკრება და გამოკლება.

**დავალება 8, 9:** ამოხსნის ფორმალური ფორმებიდან ისევ გრაფიკულ ფორმებს ვუბრუნდებით. ფართობების მოდელის გამოყენების სფერო იმდენად ფართოვდება, რომ მისი საშუალებით ნებისმიერი წილადების ჯამის გამოთვლაა შესაძლებელი. კარგი იქნება, თუ მოსწავლეები სურათებზე მოცემული დავალების ანალოგიურ ამოცანას თავად ამოხსნიან. შედეგად, მიღებული მოდელის სხვა დავალებებში გამოყენება და გამოყენებული მეთოდის ერთმანეთისთვის ახსნა შეეძლებათ.

ამ დავალებების წარმოდგენის მრავალი საშუალება არსებობს. თავიდან ზოგიერთ მოსწავლეს უფრო გასაგებად ეჩვენება ერთმანეთის ქვეშ დაწერილი გარდასაქმნელი წილადები. ისინი მოძებნიან საერთო მნიშვნელს, გაშლიან წილადებს ამ მნიშვნელის მქონე ტოლი სიღიდის წილადამდე და ბოლოს, ჩასვამენ ძირითად ტოლობაში.

### გვერდი 126/127: საერთო მნიშვნელი

- რიცხვების უსჯ-ს (უმცირესი საერთო ჯერადის) განსაზღვრა;
  - საერთო მნიშვნელის გამოყენებით წილადების შეკრება და გამოკლება;
  - შერეული რიცხვების მიმატება-გამოკლება;
  - მაგიური კვადრატების შევსება და შედგენა;
  - სტანდარტული დავალებების ამოსახსნელად ალგორითმებისა და გამოთვლების ადეკვატურად გამოყენება.
- სავალდებულო არაა საერთო მნიშვნელი ყოველთვის ორი რიცხვის უმცირეს საერთო ჯერადს წარმოადგენდეს. წილადების მნიშვნელების ნამრავლსაც სწორ პასუხამდე მივყავართ, თუმცა ამ მეთოდით მიღებული რიცხვები უფრო დიდი და გაუგებარია.

**დავალება 3:** მნიშვნელოვანია შებრუნებული დავალებების ამოხსნა.

**დავალება 5:** მოიცავს რთულ შემთხვევებს. ბევრ მოსწავლეს გაუჭირდება აქ მოცემული „სესხების მეთოდის“ გაგება, მაგრამ, მეორე მხრივ, ეს ხერხი ძალიან დახვეწილია.

**დავალება 6:** ერთი შეხედვით მარტივია, მაგრამ არ უნდა დავაკინოთ მათი მნიშვნელობა. მოსწავლეებმა ნებისმიერ შემთხვევაში ნატურალური რიცხვი უნდა გარდაქმნან წილადად. მასწავლებელს ეს შეუძლია მაგალითის სახით აჩვენოს:  $11 - 4\frac{2}{3} = \frac{33}{3} - \frac{14}{3} = \frac{19}{3} = 6\frac{1}{3}$

რამდენად მარტივია ამოხსნის შემდეგი ხერხი?  $4\frac{2}{3} - 5 = 5 - 4\frac{2}{3} = 5 - 4\frac{6}{3} = 5 - 4\frac{1}{3} = 4\frac{2}{3}$  აკლია, 11-მდე კი კიდევ 6 ერთეულის დამატებაა საჭირო.

**დავალება 7:** თამაში განკუთვნილია მაქსიმუმ 5 წევრისგან შემდგარი ჯგუფისთვის.

**დავალება 10,11:** თავიდან მოსწავლეებს შეუძლიათ სიტუაციის ნახაზის საშუალებით აღნერა, შედეგის შეფასება, ხოლო შემდეგ კი ზუსტად გამოთვლა.

**დავალება 12:** მასწავლებელს აქაც შეუძლია აჩვენოს, თუ რამდენად შრომატევადი პროცედურაა არაწესიერ წილადებად გარდაქმნა. მოსწავლეებმა უნდა გაიაზრონ, რომ მთელ რიცხვებში ანგარიში უფრო მოსახერხებელია.

**დამატებითი მასალა:** M 6.7; 6.8; 6.9.

### გვერდი 128: მუშაობა წილადებსა და ათწილადებზე

ახალ თემაზე გადასვლისას ჩვენ არცთუ ისე იშვიათად მივმართავთ ენაქტიურ და სურათ-ხატოვან მეთოდებს, რათა მოგვიანებით მხოლოდ სიმბოლოებით გამოხატვის ფორმით ვიმუშაოთ. ეს მიდგომა მაღალი მზაობის მოსწავლეებისთვის ცალსახად კარგი უნდა იყოს, მაგრამ ჰეტეროგენურ კლასებში ყოველთვის სამართლიანი როდია. ეს გვერდი გვაძლევს წილადების შეკრება-გამოკლებაზე ამოცანების კეთებით ამოხსნის საშუალებას.

**დავალება 1:** მოსწავლეებს ორი ზოლის დამზადება მოუწვეთ. ზოლების შუაზე რამდენჯერმე გაყოფით ისინი მარტივად იპოვიან განაწილების პრინციპს.

პირველი ოთხი დავალება შედარებით მარტივად იხსნება ზოლების გამოყენებით. გამოკლების მაგალითები უფრო რთულია. ჯობს, თუ პირველ ზოლს მაგიდაზე „ნორმალურ მდგომარეობაში“ განვათავსებთ, ხოლო მეორე ზოლს  $180^{\circ}$ -ით შემოვაბრუნებთ და შესაბამისად დავდებთ; ანუ გამოკლება წარმოდგენილი იქნება, როგორც რიცხვით სხივზე „სვლა უკან“.

(ნიმუში ნაჩვენებია:  $1\frac{3}{4} - 1\frac{1}{4} = \frac{1}{2}$ )

1გ, 1დ წყვილებში მუშაობის გზით წილადების მონაკვეთების მოდელის გამოყენებით უნდა ამოიხსნას.

**დავალება 2:** დიდ დროს მოითხოვს და განკუთვნილია დიფერენცირებისთვის. შესაძლებელია 2ა) კითხვაზე მუშაობის გაკვეთილზე დაწყება, ხოლო დავალების დასრულება მოსწავლეებს მომდევნო გაკვეთილამდე, სახლში შეუძლიათ (სასურველია კალკულატორის გამოყენება). ბოლომდე შევსებული ცხრილების მიხედვით მოსწავლეები ჯგუფური მუშაობის გზით დანარჩენ კითხვებსაც გასცემენ პასუხს.

**დამატებითი მასალა:** M6.10.

### გვერდი 129: სასარგებლო გამოთვლები

- გამარტივების მეთოდების გამოყენებით წესიერი წილადებისა და ათწილადების შეკრება-გამოკლება;
- გამარტივების ხერხებით მრავალმოქმედებით სავარჯიშოების ამოხსნა;
- გამოთვლების გამარტივებისთვის არითმეტიკული წესების გამოყენება.

**დავალება 1-5:** ხაზს უსვამს წესიერი წილადებსა და ათწილადებს შორის დამოკიდებულებას. თუ პირველ ორ დავალებაში წესიერი წილადების შეკრება და გამოკლება მოითხოვება, მომდევნო დავალებებში ეს მოქმედებები ათწილადებზე ტარდება.

მეხუთე დავალებაში მოსწავლეებმა თავად უნდა გადაწყვიტონ, თუ როგორი მეთოდია უკეთესი.

**დავალება 10:** მოიცავს ოპერატიულ სავარჯიშოებს, რომლებიც ხელს უწყობს საკითხის უფრო ღრმად გაგებას.

**დავალება 11:** განკუთვნილია წყვილებში მუშაობისთვის (აქ: თამაშისთვის).

### **გვერდი 130: შერეული დავალებები**

მასწავლებელი ადგენს სავალდებულო წესით ამოსახსნელ დავალებებს. მაგ., 1, 2-ის ა)-ვ), 3, 6-ის ა)-ვ) და 8-ის ა)-ბ) ყველა მოსწავლემ უნდა ამოხსნას, ხოლო დანარჩენი დავალებები მოსწავლეების სურვილისამებრ დამუშავდება.

მოსწავლეების თვითშემოწმების უზრუნველსაყოფად რეკომენდებულია პასუხების დიდი ზომის ფურცელზე გადატანა და კლასში სამ ან ოთხ ადგილას გამოფენა.

**დამატებითი მასალა: M 6.11.**

### **გვერდი 131: იანგარიშე ძველი ეგვიპტელივით**

- ძველი ეგვიპტელების მეთოდების გაცნობა;
- ალიკვოტური წილადების შეკრება;
- წესიერი წილადების წარმოდგენა ალიკვოტური წილადების ჯამის სახით.

ეს გვერდი შესაძლებელია კლასში დიფერენცირებისთვის გამოვიყენოთ ან დისკუსია გავმართოთ.

### **გვერდი 132: შემაჯამებელი სავარჯიშოები**

ზოგადი მითითებები იხილეთ პირველ ნაწილში.

## **თავი 7: მონაცემთა ანალიზი და სტატისტიკა**

### **ზოგადი მიმოხილვა**

მონაცემების თემა ძალზე მნიშვნელოვანია, ამიტომ დავუთმეთ მას ერთი თავი. აქ „წარმოექმნებოდა, ამოხსენი“ დავალებების ფორმით მოცემულია ოთხი ერთმანეთისგან დამოუკიდებელი პროექტი მონაცემების თემაზე. კარგი იქნება, თუ მოსწავლეები თავად აირჩივენ დასამუშავებელ თემას, რაც დიფერენცირების საშუალებას მოგვცემს. ეს პროექტები საგნობრივი და ენობრივი სირთულის ზრდის მიხედვითაა დალაგებული. პირველი ორი გვერდი აუცილებლად ყველა მოსწავლემ უნდა დაამუშაოს თავიანთი შესაძლებლობების ფარგლებში. სასკოლო ჩანთების შესახებ პროექტი თავისთავად იწვევს მოსწავლეთა დიდ ინტერესს, რადგან ის მონაცემების შესაგროვებლად კვლევის ჩატარებას, მონაცემების წარმოდგენასა და შეფასებას მოითხოვს.

### **გვერდი 133: მონაცემები**

ახალი თავის შესავალი გვერდი გვთავაზობს 3 სიტუაციას მოსწავლეთა ყოველდღიური ცხოვრებიდან, რომლებიც ბავშვების მოტივაციის ამაღლებას უწყობს ხელს. ამ გვერდის ზედა ნაწილში მოცემული სიტუაციები აბსოლუტურ და ფარდობით სიხშირეს შორის განსხვავების ახსნას ისახავს მიზნად, ხოლო გვერდის მარცხენა ქვედა კუთხეში მოცემული სიტუაცია საშუალო სიდიდის გამოთვლის საკითხს განიხილავს. ეს გვერდი ჯგუფური მუშაობის გზით უნდა დამუშავდეს. ცალკეული სიტუაციების სიმარტივის გამო თითოეულმა ჯგუფმა სამივე სიტუაცია უნდა განიხილოს. გაკვეთილის პირველი ნახევარი ჯგუფურ მუშაობას უნდა დაეთმოს, მეორე ნაწილში კი ჯგუფები აკეთებენ თავიანთი შედეგების პრეზენტაციას, რაც გაკვეთილის ბოლოს ამ შედეგებზე დასკუსიის საშუალებას იძლევა.

### **გვერდი 134/135: საშუალო არითმეტიკული და გაბნევა**

#### **მიზანი:**

- მონაცემთა საშუალოს დათვლაში განაფვა;
- უდიდეს და უმცირეს მონაცემს შორის განსხვავების, ანუ გაბნევის დიაპაზონის პოვნა.

#### **ნინარე ცოდნა:**

მონაცემების შეგროვება ეტაპების მიხედვით.

ილუსტრაციაზე ნაჩვენებია, ბიჭების მიერ ხუთი დღის განმავლობაში, ველოსიპედით ყოველდღიურად დაფარული მანძილი. იმისათვის, რომ გავიგოთ საშუალოდ ყოველდღიურად რა მანძილი გაიარეს, მონაცემები უნდა შევკრიბოთ და გავყოთ დღეების რაოდენობაზე. სურათზე ჩანს, რომ ბიჭები მსჯელობენ, რომელი იყო მათი ყველაზე მაღალი და ყველაზე დაბალი მაჩვენებელი. მათ შორის განსხვავება კი არის გაბნევის დიაპაზონი.

**დავალება 3:** მოსწავლეებს მონაცემების საშუალოს ადგილად დამახსოვრებაში დაეხმარება.

**დავალება 4:** ილუსტრაცია ინტერესს გაუღვივებს მოსწავლეებს, დაადგინონ, რომელია ლანა, ნიკა,

ევა, სოსო და ლუკა. ამავდროულად, ისინი დათვლიან საშუალოსა და გაბნევის დიაპაზონსაც.

აქვე შეიძლება ჩვენი მოსწავლეების სიმაღლეები დაფაზე მოვინიშნოთ, შემდეგ იატაკიდან გავზომოთ საზომი ლენტით, ჩამოვწეროთ დაფაზე, და დავთვალოთ მიღებულ მონაცემთა საშუალო და გაბნევის დიაპაზონი. ამ კუთხით საინტერესოა ჩანთების აწონვის პროცესიც. მიღებული მონაცემების საშუალოს გაგებისას, მოსწავლეებმა შეიძლება დამრგვალებასაც მიმართონ.

**დავალება 7:** აქ შეძენილი ცოდნის გამოყენება და მობილიზება მოითხოვება. ის შეიძლება მოსწავლეებმა შეასრულონ წყვილებში და იმსჯელონ შედეგებზე.

**დავალება 8:** აქ მოითხოვება დროის ათწილადის სახით წარმოდგენილ რიცხვებზე მუშაობა და იმის გააზრება, თუ რას გამოიწვევს ერთი მონაცემის ამოგდება. ამის შესახებ შეიძლება აზრი წინასწარ გამოთქვან მოსწავლეებმა.

**დავალება 10:** საინტერესოა, როგორ დაძლევენ ისინი ამ დავალებას, რადგან უნდა გაიაზრონ საშუალოსა და გაბნევას შორის კავშირი. ამისათვის მათ უნდა შეადგინონ განტოლებები ორივე სიდიდეზე, მაგ.:  $(12 + 8 + 10 + 5 + a + 13 + b + 12) : 8 = 11$

**დავალება 5, 6, 13:** შეიძლება საშინაო დავალებად მივცეთ.

**დავალება 11:** წყვილებში დავამუშავებინოთ; მოსწავლეებმა ამონტერონ შედეგები და გაიგონ გაბნევა და საშუალო, შეადარონ სხვა წყვილების შედეგებს.

**დავალება 12:**

ა) მოითხოვს ჯერ იპოვონ 5 რიცხვის ჯამი, გამოაკლონ 3 რიცხვის ჯამი და სხვაობა გაყონ 2-ზე;

ბ)-ში მე-5 რიცხვის საპოვნელად უცნობის შემოღებაა საჭირო.

გ) მოსწავლეები მივლენ იმ დასკვნამდე, რომ ერთ-ერთი მონაცემის გაზრდა, საშუალოს გაზრდასაც გამოიწვევს.

### თვითშეფასების სქემა

გავიგე და ვიცი: \_\_\_\_\_

შემიძლია ვასწავლო სხვას: \_\_\_\_\_

შემიძლია გამოვიყენო: \_\_\_\_\_

ვერ გავიგე, არ ვიცი: \_\_\_\_\_

მომენტი, საინტერესო იყო: \_\_\_\_\_

**გვერდი 136: სიხშირეთა ცხრილი, ფარდობითი სიხშირე ვმუშაობთ მითითებების მიხედვით.**

**გვერდი 137: სვეტოვანი, ზოლოვანი და წრიული დიაგრამა**

**მიზანი:**

- დიაგრამების სახეების გაცნობა;
- დიაგრამების ერთმანეთისგან განსხვავება;
- ამოცანის პირობის შესაბამისად დიაგრამის ოპტიმალური ვარიანტის შერჩევა;
- დიაგრამაზე მონაცემთა წარმოდგენა.

**წინარე ცოდნა:**

რა არის მონაცემი? როგორ მოვიპოვოთ ის? თუ ბევრი მონაცემი გვაქვს, როგორ დავამუშაოთ ისინი? როგორ წარმოვადგინოთ? რა სახის დიაგრამები გახსოვთ? რა არის პიქტოგრამა? შეგიძლიათ რაიმე მაგალითის მოყვანა მონაცემების პიქტოგრამით წარმოდგენაზე? ჩახატეთ რვეულში და ახსენით.

**აქტივობა:**

დამოუკიდებლად იმუშაონ დავალება 1-ზე, გაეცნონ ამოცანის პირობას, შეასრულონ ამოხსნის 1-ლი და

მე-2 საფეხურები. მიღებული შედეგები წარმოადგინოს ორმა მოსწავლემ დაფაზე ერთდროულად. კლასმა იმსჯელოს მათ ნამუშევრებზე; აღნიშნონ, როგორი მასშტაბით უნდა იყოს წარმოდგენილი სვეტოვანი და საზოვანი დიაგრამები.

**დავალება 2:** მოსწავლეებმა უნდა იმუშაონ წყვილებში ან ჯგუფურად, რადგან დიაგრამაც რთულია და დასჭული კითხვაც. ამასთან, თამბაქოს მოწევა მტკიცნეული თემაა საზოგადოებისთვის და კარგი იქნება ამაზე ყურადღების გამახვილება. ყველა მონაცემი დიაგრამაზე პროცენტულადაა წარმოდგენილი, მათ წილადის ან ათწილადის სახით ვწერთ: 0.17; 0.06; 0.34; 0.3; 0.48 და 0.61. ამ მონაცემებს წარმოვადგენთ ზოლოვანი დიაგრამის სახით.

შემდეგ ვმსჯელობთ ბ) კითხვის გარშემო. მოსწავლეებს მივცეთ საშუალება, გამოთქვან თავიანთი მოსაზრებები ამ საკითხთან დაკავშირებით, მოიყვანონ მაგალითები მათ ნაცნობებს შორის მწეველთა რაოდენობაზე და ა.შ.

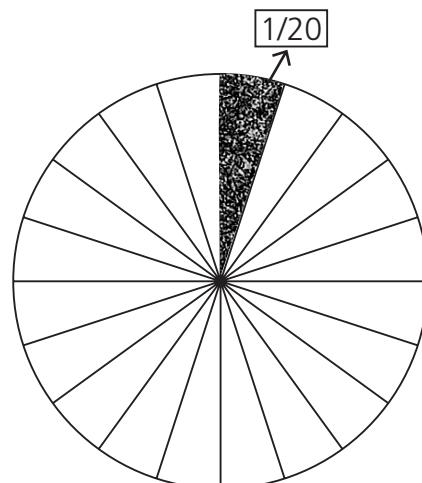
**დავალება 3:** ვაძლევთ საშინაო დავალებად.

**დავალება 4:** განვიხილავთ კლასში. დაფაზე ვხაზავთ სიხშირეთა ცხრილს და განვმარტავთ. შემდეგ ამ მონაცემების საფუძველზე ვხაზავთ სვეტოვან დიაგრამას.

ბ) ფარდობითი სიხშირე არის მონაცემთა ხვედრითი წილი მთელ ერთობლიობაში, ანუ სიხშირე შეფარდებული მონაცემთა რაოდენობასთან. ფარდობით სიხშირეთა ცხრილი:

მონაცემი	სიხშირე	ფარდობითი სიხშირე
10	1	1/20
12	4	4/20
14	2	2/20
15	5	5/20
16	2	2/20
17	1	1/20
18	2	2/20
19	1	1/20
21	1	1/20
24	1	1/20

ბავშვები დავალებას სახლში დაასრულებენ.



## თვითშეფასების სქემა

მე დღეს ვისწავლე:

ერთმანეთისგან ვასხვავებ დიაგრამებს:

შემიძლია აგაგო:

მომენტა, საინტერესო იყო:

**გვერდი 138/139: მონაცემთა შეგროვების ხერხები**  
ზოგადი მითითებები იხილეთ პირველ ნაწილში.

**გვერდი 140/141: ისწავლე-დააკავშირე-გამოიყენე**  
ზოგადი მითითებები იხილეთ პირველ ნაწილში.

## გვერდი 142: იყავი ფორმაში!

ზოგადი მითითებები იხილეთ პირველ ნაწილში.

## გვერდი 143: მელაძეების პირი

- სიგრძეების გაზომვა და მასშტაბის შესაბამისად გარდაქმნა;
- მართუთხედების ფართობების გამოთვლა;
- საერთო ფართობში კონკრეტული ფართობის პროცენტული წილის გამოთვლა, ცხრილის სახით ჩანსრა და გრაფიკულად წარმოდგენა.

ტექსტის გაგების თვალსაზრისით, ეს გვერდი დანარჩენებზე გაცილებით მარტივია. ამ გვერდის წარმატებით დაძლევის წინაპირობას მასშტაბის 1:100 ცოდნა და მართუთხედის და მისგან მიღებული რთული ფიგურების ფართობების გამოთვლა წარმოადგენს. დამატებით მოსწავლეები უნდა იცნობდნენ პროცენტებით ანგარიშის წესებს და უნდა შეეძლოთ პროცენტული მაჩვენებლების სვეტოვან და ხაზოვან დიაგრამაზე წარმოდგენა.

განსაკუთრებული შინაარსობრივი მნიშვნელობიდან გამომდინარე, ეს გვერდი ცველა მოსწავლემ უნდა დაამჟამაოს. სურათზე მოცემული სიგრძეების გაზომვის შედეგად მიღებული მონაცემების ჩასანერად, საჭიროა რვეულში ცალკე ცხრილის დახაზვა და მოცემული ფიგურის ფართობის გამოსათვლელად გონებაში (წარმოსახვით) მისი ორ მართუთხედად დაშლა ან ერთი მართუთხედის დამატება, რადგან სახელმძღვანელოში დახაზვა არ შეიძლება. დაბალი მზაობის მოსწავლეებისთვის კარგი იქნება, თუ მათ სურათის ასლს (7.7) მოვუმზადებთ, რომელშიც ჩანსრასა და დახაზვას შექლებენ. ორ მოპირდაპირე კედელს შორის არსებული სიგრძეები ძირითადად სრულ სანტიმეტრებს (მთელ რიცხვებს) წარმოადგენს, მაგრამ ზოგიერთ შემთხვევაში საჭიროა მონაცემების მმ-ებში გაზომვაც. ზოგჯერ შეცდომის ძირითადი მიზეზი ისაა, რომ მოსწავლეები მონაცემებს წაადრევად, სიგრძეების გაზომვის ეტაპზე ამრგვალებენ და არა ფართობის ზუსტი სიდიდის გამოთვლის შემდეგ.

რეკომენდებულია წყვილებში მუშაობა, რაც ზოგიერთი წყვილის შემთხვევაში შეიძლება მთელი გაკვეთილი გაგრძელდეს, თუნდაც სურათის ასლზე მუშაობისას. ზოგიერთი წყვილი კი, პირიქით, მიცემულ დავალებას სწრაფად ამოხსნის. შეგვიძლია სწრაფებს დამატებითი დავალებების ამოხსნისკენ ვუბიძგოთ – მაგალითად, ამ გვერდზე სატესტო მუშაობისას გამოვლინდა, რომ მოსწავლეებს სურვილი უჩნდებათ ფართობი არა მარტო ოთახებად დაყონ, არამედ კარადებით, მაგიდებით, სკამებითა და სხვა ავეჯით მოაწყონ კიდეც, როგორც ეს კატალოგებშია მოცემული. აქაც ყურადღება უნდა მივაქციოთ 1:100 მასშტაბის გამოყენებას.

**დამატებითი მასალა:** M 7.7; 7.8.

## გვერდი 144: სასკოლო ჩანთები

- ტექსტისტიდან ინფორმაციის ამოკრეფა;
- სტატისტიკური კვლევის დაგეგმვა და განხორციელება;
- კვლევის შედეგებისა და გამოთვლების ცხრილის სახით წარმოდგენა;
- კვლევის შედეგების პრეზენტაცია;
- სხვა სტატისტიკური კვლევების დაგეგმვა და განხორციელება.

„სასკოლო ჩანთების“ პროექტი წარმოადგენს მოსწავლეების მიერ სტატისტიკური კვლევის დაგეგმვის, მონაცემების დამუშავებისა და წარმოდგენის ნიმუშს.

გვერდი სამ ნაწილადაა დაყოფილი:

- ზემოთ მოცემულია ინფორმაცია, რომ ბევრი მოსწავლე მძიმე ჩანთას ატარებს.
- ამის შემდეგ კომიქსში მოცემულია შენიშვნები და რჩევები, ასევე, შესაბამისი დავალებები და ცხრილები;
- ბოლოს კი – შენიშვნები და მითითებები სხვა კვლევების შესახებ.

ეს გვერდი წარმოადგენს საგაკვეთილო პროცესის შესაძლო ფორმას: გაკვეთილზე საქმარისია ზედა ინფორმაციული ველის პრეზენტაცია და ამ გზით პრობლემის დასმა (წამოჭრა). შემდეგ ეტაპზე კი მოსწავლეებს შეუძლიათ თავად გადაწყვიტონ, როგორ ჩატარებენ კვლევას, როგორ შეაგროვებენ და წარმოადგენენ მონაცემებს. თუ მასწავლებელი წინასწარ არ განსაზღვრავს კვლევის მიმდინარეობასა და შედეგების წარმოდგენის ფორმას, აღნიშნული საკითხების შეთანხმება თავად მოსწავლეებს შეუძლიათ. როცა კონკრეტული ჯგუფი ან მთელი კლასი კვლევის მიმდინარეობას შეათანხმებს, ბავშვებს 1 კვირა დასტირდებათ მონაცემების შესაგროვებლად (თითოეული ბავშვის წონა, ჩანთის წონა). მონაცემების შესადარებლად სასკოლო ჩანთები სკოლის სასწორზე უნდა აინონოს (მაგ., გაკვეთილის დაწყებამდე) და ეს მონაცემები თითოეულმა მოსწავლემ თავისთვის უნდა ჩაინიშნოს.

მონაცემების შეფასება, მაგ., ცხრილებისა და გრაფიკების გამოყენებით, და შედეგების პრეზენტაცია ჯგუფური მუშაობის გზით უნდა განხორციელდეს, რასაც ერთი მთლიანი საგაკვეთილო საათი დაეთმობა.

კვლევისას აღმოჩენილი ნაკლოვანებები მომდევნო გაკვეთილზე უნდა განვიხილოთ, რადგანაც ასეთი ხარვეზების აღმოჩენა პრეზენტაციის დასრულების შემდეგ უფრო მარტივია. ამასთან, შედეგებმა შესაძლებელია გვიჩვენოს, რომ შეფასებისთვის საკმარისი არაა მხოლოდ ჩანთის მასის გამოყენება და უფრო მნიშვნელოვანია, ცალკეულ დღეებში დაფიქსირებული მაქსიმალური მასის გათვალისწინება. თუ დრო საშუალებას მოგვცემს, სასურველია, ამ გვერდის ქვედა ნაწილში მოცემული, სტატისტიკურ კვლევებთან დაკავშირებული, შენიშვნების განხილვა.

#### გვერდი 145: ევროკავშირი (ეკ)

- კონკრეტული პასუხების დასაბუთება;
- ცხრილებიდან და დიაგრამებიდან მონაცემების ამოკრეფა და ინტერპრეტაცია;
- შერჩეული მასტრაპით სვეტოვანი დიაგრამის დახაზვა;
- ყოველ კბ<sup>2</sup>-ზე მოსახლეობის რიცხოვნობის დადგენა და ცხრილის სახით წარმოდგენა.

ამ გვერდის დავალებები განკუთხებილია ინდივიდუალური მუშაობისთვის, მაგრამ შესაძლებელია წყვილებში ან საკლასო დისკუსიაზე დამუშავებაც. დასაწყისისთვის რეკომენდებულია ევროკავშირის შესახებ მოკლე შესავალი. სასურველია, კლასთან ერთად განიხილოთ ამ გვერდზე მოცემული რჩევა კონკრეტული მასტრაპის გამოყენების შესახებ. მასწავლებელს მოუწევს მუდმივი დაკვირვება დაბალი მზაობის მოსწავლეებზე, რათა დაადგინოს, გაიგეს თუ არა მათ ეს რჩევა, ხოლო საჭიროების შემთხვევაში – დაეხმაროს ბავშვებს. დავალებები ერთმანეთისგან დამოუკიდებელია. ეს პროექტი ახალ მათემატიკურ კომპეტენციებს არ მოითხოვს, ამიტომ მთელმა კლასმა უნდა დაამუშაოს. შესაძლებელია სხვა საგნებთან ინტეგრაციაც, მაგალითად, ევროკავშირის თემის გაერთიანება გეოგრაფიასთან.

#### გვერდი 146: შემაჯამებელი სავარჯიშოები

ზოგადი მითითებები იხილეთ პირველ ნაწილში.

### თავი 8: ნილადები და ათნილადები (4)

#### ზოგადი შენიშვნები

მეოთხე თავი ნილადების გამრავლებისა და გაყოფის მოქმედებებს ეთმობა. აქ პირველად არ ვმუშაობთ ხუთი წლის განმავლობაში გამოყენებული მეთოდებით (გამრავლების ადიციური და/ან კომბინატორიკული ასპექტი – ანუ გამრავლება, როგორც შესაკრების მრავალჯერადი შეკრება, გაყოფისთვის – განაწილებისა და დაყოფის პრინციპები). ამ თავში ნილადებზე მოქმედებების კონცეფცია სიდიდეების ერთეულებს ეყრდნობა. მასწავლებელმა ყველაზე მეტი ყურადღება უნდა მიაქციოს იმ გარემოებას, რომ ათნილადებზე შესაბამისი მოქმედებებისთვის საჭირო წესები, შეძლებისდაგვარად, ყველა მოსწავლემ გაითავისოს. მეექვსე კლასის დასასრულს, ყველა მოსწავლემ უნდა შეძლოს წილადებზე მოქმედებების თავისუფლად შესრულება.

#### გვერდი 147: წილადები და ათნილადები (4)

შესავალ გვერდზე მოცემული ოთხი სიტუაცია განიხილავს წესიერი წილადების გამრავლება/გაყოფასა და ათნილადების გამრავლება/გაყოფას.

სიტუაციური ამოცანები მოსწავლეებს აძლევს შანსს, აღნიშნული დავალებები მოდელირების საშუალებით, კონკრეტული წესის გამოყენების გარეშე ამოხსნან.

**დავალება 1:** ვაშლის ღვეზელის  $\frac{4}{5}$  -ის  $\frac{2}{3}$  ნაწილს მოცემული მიმდევრობა ისე აღწერს, რომ შესაძლებელია პასუხის ახსნაც (დასაბუთებაც);

**დავალება 2:** ჭიქის შევსება: წინა თავებიდან ვიცით, რომ  $1\frac{1}{2}$  შეიძლება ჩაიწეროს, როგორც  $\frac{6}{4}$  და მაშინვე შეგვიძლია ვთქვათ შედეგი, რომ 6 ჭიქა შეიძლება აივსოს.

**დავალება 3:** ფულის გადაცვლა: მოსწავლეებს შეუძლიათ მონაცემების თეთრებში გადაყვანა და შემდეგ იმის გამოთვლა, თუ რამდენი 109 თეთრი მოთავსდება 57 770 თეთრში.

**დავალება 4:** 1 მ<sup>2</sup> ხალიჩის ფასი 30 ლართან ძალიან ახლოსაა. ამიტომ ჯობს გამოთვალონ ნამრავლი: 38,8 X 30, რაც მოსწავლეებისათვის ადვილი საანგარიშოა. ამის შემდეგ ბავშვებმა უნდა გამოთვალონ: 38,8 X 5 (თ), შედეგი ლარებში გადაიყვანონ და საბოლოოდ, ფასებს შორის სხვაობა გამოთვალონ.

მეთოდურად რეკომენდებულია ამ თემაზე კლასში მსჯელობა. ცალკეული დავალებები წყვილებში უნდა შესრულდეს. ამ გვერდის დამუშავების შედეგად, მოსწავლეები გაიაზრებენ, რომ წილადებზე მოქმედებების სრულყოფილად ჩასატარებლად მათ გამრავლება/გაყოფის წესი არ იციან.

#### გვერდი 148: წილადების გამრავლება

- წილადების გამრავლებისას არითმეტიკული და გეომეტრიული ხერხების გაგება და გამოყენება;
- წილადების გამრავლების წესის შემუშავება, პრეზენტაცია და გამოყენება;
- წილადების გამრავლების წესით სარგებლობა გამოყენებით ამოცანებში და ამოხსნის სტრატეგიის წარმოდგენა.

მოსწავლებმა წესი დამოუკიდებლად, ოთხკაციან ჯგუფებში უნდა შეიმუშაონ. გაკვეთილის ამ ფაზაში მასწავლებელს ევალება, დააკვირდეს ცალკეული ჯგუფების მუშაობას და პრობლემების შემთხვევაში, მოსწავლეებს სწორი გზისკენ უბიძგოს. დასაწყისში მოცემულ სურათთან დაკავშირებული ინფორმაცია მასწავლებლმა დაფაზე უნდა დაწეროს, შემდეგ კი ჯგუფებს ამოხსნის ნაბიჯების გარჩევა და ჯგუფის შეგნით ამოხსნა მოსთხოვოს.

**დავალება 1:** ამ დავალების ძირითადი ამოცანაა მოსწავლეთა გაწაფვა ორივე მეთოდის გამოყენებაში. მოქმედებიდან ან გამოყენებული არითმეტიკული ხერხებიდან ზოგადი წესის შემუშავება დამოკიდებულია აღნიშნული სტრატეგიების გათავისებაზე.

ჯგუფური მუშაობა დავალება 2ა)-ს ამოხსნისთანავე უნდა შეწყდეს. გამოცდილების თანახმად, მოსწავლეები გამრავლების ვერბალურად ახსნას მარტივად აღიქვამენ. საკლასო დისკუსიაზე კი უნდა ავხსნათ, რომ მათემატიკაში მოცულობითი წინადადებების შემოკლება ასოებითა და ნიშნებით შეიძლება. ამ შემთხვევაში გვექნება  $\frac{a}{b} \cdot \frac{c}{d} = \frac{a \cdot c}{b \cdot d}$

**დავალება 2ბ)-3:** ეს დავალებები ჯგუფებმა დამოუკიდებლად უნდა ამოხსნან. 2ბ)-ს შემთხვევაში სავარჯიშო-ები სპეციალურად ისეა შედგენილი, რომ წილადები დამატებით აღარ იკვეცება. ბევრად რთულია დავალება 3. ამ შემთხვევაში, თავდაპირველად, შერეული რიცხვი არაწესიერ წილადად უნდა გარდავქმნათ და ბოლოს მიღებული შედეგი შევკვეცოთ.

აქ რეკომენდებულია თითოეული ჯგუფიდან ერთი ბავშვის დაფასთან გამოყვანა და ჯგუფის შედეგების წარმოდგენა დაფაზე. ამის შემდეგ მთელ კლასთან ერთად უნდა ვისაუბროთ შესაძლო შეცდომებსა და ამოხსნის ხერხების დაუბრკოლებელ გამოყენებაზე. ამ შემთხვევაში მნიშვნელოვანია წინასწარი შეფასების გაკეთებაც: შედეგი  $1\frac{1}{2}$  და 2-ს შორის უნდა იყოს მოთავსებული.

შენიშვნა: რადგან 149-ე გვერდზე წილადების გამრავლების წესი გამოკვეთილადაა მოცემული, ჯობს ბავშვებს ასლები დავურიგოთ.

#### გვერდი 149: წილადების გამრავლება

- წილადების გამრავლების წესის სწორად და უპრობლემოდ გამოყენება;
- „-ის“ თანდებულიანი დავალებების ჩანერა გამრავლების ფორმით და წესების დაცვით ამოხსნა;
- წილადების შეკვეცა გამოთვლისას რიცხობრივი სირთულეების შემცირების მიზნით;
- გამრავლების წესის გამოყენებამდე, შერეული რიცხვების წილადებად გადაქცევაზე ვარჯიში.

**დავალება 1-4:** აღნიშნული დავალებები მოსწავლეებმა მოცემული თანმიმდევრობით უნდა ამოხსნან – დამოუკიდებლად და სხვისი ჩარევის გარეშე. თუმცა 4, 7 და 9 დავალებების შემთხვევაში, ზუსტ პასუხს მხოლოდ მაღალი მზაობის მოსწავლეებისგან უნდა ველოდით.

**დავალება 5-6:** წილადები არ უნდა გავამრავლოთ იქამდე, სანამ არ შევკვეცოთ. შეგვიძლია აგრეთვე ერთი წილადის მრიცხველისა და მეორე წილადის მნიშვნელის შეკვეცაც. ჩვეულებრივ, მოსწავლეები იმავე მეთოდს იყენებენ ორი წილადის ჯამის, სხვაობის ან, ზოგადად, დამოკიდებულების გამოთვლის შემთხვევაშიც და, შესაბამისად, შეცდომას უშვებენ. გამრავლება უნდა შესრულდეს შეკვეცის შემდეგ.

მექანიკური შეცდომების თავიდან ასაცილებლად, დასაწყისში მაინც უნდა მივაქციოთ ყურადღება ჩანერის ფორმებს. მაღალი მზაობის მოსწავლეები წილადების შეკვეცისას შესაბამის რიცხვებს უბრალოდ გადახაზავენ. მასწავლებელმა მათ აუცილებლად უნდა მიანიშნოს, რომ გამარტივების ეს ფორმა დანარჩენ სამ მოქმედებაზე (იგულისხმება შეკრება, გამოკლება, გაყოფა) არ გამოიყენება.

**დამატებითი მასალა:** 8.1.

#### გვერდი 150: ვმსჯელობთ წილადების გაყოფაზე

- გაყოფის შედეგის შესამოწმებლად გამრავლების, როგორც გაყოფის შეპრუნებული მოქმედების გამოყენება;
- გეომეტრიული ნახატის დახმარებით გაყოფის შემოწმება.

წილადების გაყოფის წესისთვის მოსამზადებლად, მნიშვნელოვანია, რომ მოსწავლეებმა გამრავლებისა და გაყოფის მოქმედებებს შორის დამოკიდებულება (შინაარსობრივი კავშირი) გაიხსენონ და გამოიყენონ.

როგორც წესი, მოსწავლეებს სიამოვნებთ ტესტის გასწორება და აღტაცებული არიან იმ ფაქტით, რომ შედეგების სისწორეს ამონმებენ, მიუხედავად იმისა, რომ თავად შეიძლება სულაც ვერ შეძლონ მისი ამოხსნა.

შედეგების შემოწმების მეთოდი წარმოადგენს არა მარტო გამრავლების ადრე დამუშავებული წესის ლოგიკური გამოყენების საშუალებას, არამედ კიდევ ერთხელ ცხადყოფს გამრავლებისა და გაყოფის მოქმედებებს შორის არსებულ კავშირს.

ნახაზის აგების ხერხი (აკავის იდეა), სამწუხაროდ, ძალიან იშვიათად იმსახურებს მოწოდებას მოსწავლეთა მხრიდან. როცა ისინი გასაყოფსა და გამყოფს რიცხვით სხივზე წარმოადგენენ, მათ მაშინვე შეუძლიათ იმის დადგენა, შედეგი ერთზე მეტია, თუ – წაკლები. დანარჩენი შეფასებები არაზუსტი შეიძლება იყოს.

თუ მოსწავლები ამოხსნის გრაფიკულ ფორმებზე საკმარისად ხშირად ივარჯიშებუნ, მალევე მიხვდებიან, რომ  $\frac{7}{5} : \frac{2}{3}$  დაახლოებით 2-ის ტოლია, რაც კანკან  $\frac{2}{7}$  ყს მონა ივეთის სიგრძე დაახლოებით 2-ჯერ თავსდება  $\frac{7}{5}$  - ის მონაკვეთის სიგრძეში ( $\frac{7}{5}$  სტი პასუხია  $\frac{10}{5}$  ე. ი.  $\frac{3}{5} : \frac{2}{5} = 2 \frac{1}{10}$ ).

### გვერდი 151: ნილადების გაყოფა

- ნილადების გაყოფის ორი მეთოდის განხილვა;
- ნილადების გაყოფის წესის აღმოჩენა და ფორმულირება.

ამ გვერდზე მოცემული დავალებები მოსწავლეებმა წყვილებში ან მცირე ჯგუფებში მუშაობის გზით, დამოუკიდებლად უნდა ამოხსნან. ზოგადად, საჭიროა ყოველი დავალების შედეგები დაფასთან წარმოვადგინოთ.

**დავალება 1:** გაყოფის წესი „მრიცხველი: მრიცხველზე და მნიშვნელი: მნიშვნელზე“ ლოგიკურად გვეჩვენება, იმ პირობიდან გამომდინარე, რომ გამრავლება და გაყოფა ინვერსიული (ურთიერთშებუნებული) მოქმედებებია. ამ წესის უარყოფით მხარეს წარმოადგენს ის, რომ ხშირად საბოლოო შედეგის მისაღებად ნილადის ორჯერ დაყვანა (გაშლა) გვიწევს. ამ წესის უპირატესობას კი მისი მარტივად გასაგები ლოგიკა წარმოადგენს.

ზოგადად, ჯობს დაბალი მზაობის მოსწავლეებმა ეს მეთოდი კარგად გაიგონ და წარმატებით გამოიყენონ, ვიდრე გამოიყენონ გაყოფის „შებრუნების“ წესი, რომელიც შეიძლება კარგად არ ესმოდეთ.

**დავალება 2:** ამ დავალების ამოსახსნელად განაყოფის მუდმივობის პრინციპის ცოდნაა საჭირო, რაც გულისხმობს შემდეგს: თუ გასაყოფსა და გამყოფს ერთსა და იმავე რიცხვზე გავყოფთ/გავამრავლებთ, შედეგი უცვლელი დარჩება.

ეს პრინციპი დიალოგის სახით მოცემულია პირველ სურათზე, მაგრამ ჯობს ეს წესი ბავშვებმა უფრო ადრეულ ეტაპზე დაამუშაონ. მე-5 კლასში ამ თემასთან დაკავშირებით გვქონდა „გამოთვლა მარტივი ხერხებით (გვ.69).“

**დავალება 3:** 1-ელ და მე-2 დავალებებში წარმოდგენილ ამოხსნის სტრატეგიებს ჯერ კიდევ არ მივყავართ წილადის „შებრუნების“ წესამდე. გაყოფის „კლასიკურ“ წესს ვიღებთ მხოლოდ იმ შემთხვევაში, თუ ზემოთ მითითებული ორივე მეთოდის გამოყენებისას ცალკეული ეტაპები კი არ გამოითვლება, არამედ მხოლოდ მიღებული შედეგები ჩაიწერება. გამოცდილების თანახმად, დაფაზე მოცემული მაგალითებისთვის შედეგებზე ორიენტირებული სტრატეგიის შემუშავებას, მხოლოდ მაღალი მზაობის მოსწავლეები შეძლებენ.

### გვერდი 152: ნილადების გაყოფა

- ნილადის შებრუნების წესის გაცნობა და გამოყენება;
- ნილადებზე გაყოფის ამოცანების ადეკვატურად მოდელირება და ამოხსნა.

**დავალება 1:** ამ დავალების დამოუკიდებლად, სხვისი დახმარების გარეშე ამოხსნა, რაც შეიძლება მეტმა მოსწავლემ უნდა შეძლოს. ცალკეულ შემთხვევებში „მრიცხველი: მრიცხველზე, მნიშვნელი: მნიშვნელზე“ წესი გამოყენებადია და, რა თქმა უნდა, ნებადართული.

**დავალება 2:** აქ სანამ გავყოფთ, მანამდე უნდა ჩაწეროთ გამრავლების სახით და შევკვეცოთ.

**დავალება 4:** დაბალი მზაობის მოსწავლეებმაც უნდა შეასრულონ, ოლონდ ჯერ დაფაზე უნდა ამოიხსნას ერთი მაგალითი ნიმუშის სახით.

**დავალება 6-10:** ყველა დავალების ძირითად ასპექტს წარმოადგენს, რომელიც წატურალური რიცხვების გაყოფის ადრე შემუშავებულ ასპექტებთან უნდა დავაკავშიროთ.

**დავალებები 3, 9, 10:** რიცხობრივად და შინაარსობრივად უფრო რთულია, შერეულ რიცხვებს მოიცავს და უნდა ამოიხსნას მხოლოდ მაღალი მზაობის მოსწავლეების მიერ, ან კლასში ყველას ჩართულობით.

**დამატებითი მასალა:** 8.2.

### გვერდი 153: დამოკიდებულება სიღიღეებს შორის

**მიზანი:**

ორ სიღიღეს შორის დამოკიდებულების ჩაწერა ფორმულით.

რუკის მასშტაბის გამოყენება და ჩაწერა.

სამოტივაციო კითხვები: 2 კგ შოკოლადის კანფეტი უფრო მეტი ელირება, თუ 5 კგ იგივე შოკოლადის

კანფეტი? რატომ? რაზეა დამოკიდებული გადასახდელი თანხა? 2 კგ შოკოლადის კანფეტი უფრო მეტი ელირება, თუ 2 კგ ხილის კანფეტი? ამ შემთხვევაში რაზეა დამოკიდებული ღირებულება?

### ნინარე ცოდნა:

როგორ გავამრავლოთ წილადები? შერეული რიცხვები? როგორ გავყოთ წილადი წილადზე? შერეულ რიცხვზე? ნატურალურ რიცხვზე?

**აქტივობა:** მოსწავლეები დამოუკიდებლად მუშაობენ ნახატზე და პასუხობენ შესაბამის კითხვებს.

**დავალება 1:** ავსებენ ცხრილს და შედეგებს წარმოადგენენ დაფაზე, გამოთვლებს ცალ-ცალკე წერენ მაგალითების სახით. ეცნობიან ტერმინებს: სიდიდეებს შორის დამოკიდებულება, ფორმულა.

**დავალება 3:** ვმუშაობთ ჯგუფებში. მნიშვნელოვანია, ბავშვებმა ჩამოთვალონ მათვის ცნობილი სი-დიდეები და მათი ურთიერთობა ვშირები, თუმცა ამ ეტაპზე არაა სავალდებულო ამ ფორმულების დასახელება.

**დავალება 4.** ვასრულებთ ნინადადებებს და ვწერთ ფორმულებს.

ა)  $\hat{z} = 4a$  ბ)  $\hat{z} = a^2$  გ)  $\hat{z} = 50t$  დ)  $\hat{z} = s/b$

ეს საშუალებას მისცემს მოსწავლეებს, უკეთ გაიაზრონ სიდიდეებს შორის დამოკიდებულება და ფორმულის არსი.

**დავალება 6.** ა) ვმსჯელობთ კლასში. შეგვიძლია ვიმუშაოთ წყვილებში ან დამოუკიდებლად. მოსწავლეებმა უნდა აღმოაჩინონ კანონზომიერება. თუ ფორმულის ჩანერა გაუჭირდათ, შეუძლიათ უფრო მაღალი მზაობის მოსწავლეების ან მასწავლებლის დახმარებით ჩანერონ.

კანონზომიერების აღმოსაჩენად  $y$ -ის მნიშვნელობები ჩავწეროთ მოქმედების სახით.

მაგ.: 4 – 1 · 4

8 – 2 · 4

12 – 3 · 4

და ა.შ.

შემდეგ კი დავსვათ კითხვა: რა შეესაბამება  $x$ -ს? პასუხი:  $x \cdot 4$ .

მაშინ ფორმულას ექნება სახე:  $y = 4x$

ბ)  $y = 2x + 5$ . რადგან  $y$ -ის მნიშვნელობები 2-ით იზრდება. ე.ი.  $x$  მრავლდება 2-ზე, ხოლო მეორე შესაკრების პოვნა ადვილია – შესაძლებელია პირველი წყვილიდანაც.

**დავალება 6 ბ)** შეგვიძლია მივცეთ საშინაო დავალებად.

**დავალება 7.** რუკის მასშტაბის ცნება. კლასში ვმსჯელობთ რუკის მასშტაბის ჩანერის ფორმაზე. რას გვიჩვენებს ჩანაწერი 1:500 000? რა ერთეულშია გამოსახული ეს რიცხვები? ამ კითხვების საშუალებით ვარკვეთ, რამდენად გაიგეს მოსწავლეებმა ეს ცნება, პრაქტიკულ მაგალითად კი ვიყენებთ დავალება 7-ში მოცემულ ცხრილს. თუ 1 სმ-ში 500 000 სმ იგულისხმება, ეს ნიშნავს, რომ 1 სმ-ს შეესაბამება 5 კმ, მაშინ 4 სმ-ს შეესაბამება 4 ხ 5 კმ = 20 კმ. ანალოგიურად, 6 სმ არის 30 კმ, 8 სმ – 40 კმ. ახლა პირიქით, 50 კმ = 5 კმ ხ 10 ე.ი. ის 10 სმ-ს შეესაბამება; 80 კმ = 5 კმ ხ 16 ე.ი. – 16 სმ-ს; 150 კმ = 5 ხ 30 ე.ი. – 30 სმ-ს.

**დავალება 8:** შეგვიძლია მივცეთ საშინაო დავალებად.

### მოსწავლის შეფასების კრიტერიუმი

#### მოსწავლეს შეუძლია:

ილუსტრაციის გამოყენება ცხრილის შესავსებად;

ფორმულის გამოყენება ცხრილის შესავსებად;

ჯგუფში მუშაობა;

ცხრილის საშუალებით ფორმულის ჩანერა;

მასშტაბის გამოყენებით ამოცანების ამოხსნა და ამოხსნების შეფასება.

#### გვერდი 154: შერეული დავალებები

- წილადების გამრავლების და გაყოფის წესების სწორად გამოყენება;
- გამოყენებითი ამოცანების მოდელირება, ამოხსნა და ამოხსნების შეფასება;
- წილადების რიცხვით სხივზე წარმოდგენა და სიტყვის გამოცნობა.

**დავალება 1, 2:** ინდივიდუალური მუშაობის გზით უნდა ამოიხსნას.

**დავალება 3, 6:** წყვილებში მუშაობისთვისაა განკუთვნილი. რეკომენდებულია, რომ მეწყვილეებს მეტაკლებად ერთნაირი მზაობის დონე ჰქონდეთ.

**დავალება 7:** აქ მაღალი მზაობის მოსწავლეს შეუძლია დაბალი მზაობის მოსწავლესთან ითანამშრომლოს.

პირველი ხსნის ამოცანას, ხოლო მეორეს რიცხით სხივზე გადააქვს პასუხები, შესაბამის ასოებს ინიშნავს ისე, რომ საბოლოოდ დაშიფრული სიტყვა „მასშტაბი“ მიიღოს.

### გვერდი 155: იყავი ფორმაში!

ზოგადი მითითებები იხილეთ პირველ ნაწილში.

### გვერდი 156: შემაჯამებელი სავარჯიშოები

ზოგადი მითითებები იხილეთ პირველ ნაწილში.

### გვერდი 157: ათწილადის გამრავლება და გაყოფა 10-ზე, 100-ზე, 1000-ზე...

- ათწილადების 10-ის ჯერად რიცხვებზე გამრავლება-გაყოფა მძიმის შესაბამის პოზიციამდე გადაწევით.  
**დავალება 1:** წყვილებში ან მცირე ჯგუფებში მუშაობის გზით უნდა ამოხსნას. მუშაობის დასასრულ მეწყვილეებმა/ჯგუფებმა მათ მიერ შემუშავებული წესი კლასს უნდა წარუდგინონ.

**დავალება 2-4:** რაც შეიძლება მეტმა მოსწავლემ უნდა შეძლოს სხვისი დახმარების გარეშე ამოხსნა. დაბალი მზაობის მოსწავლეებს შეიძლება გაუჭირდეთ მაშინ, როცა მძიმის გადასაწევად ათწილადის მოცემული თანრიგები არ ჰყოფნით და ათწილადი დამატებითი ნულებით შევსებას საჭიროებს. ასეთ შემთხვევაში კარგი იქნება მსგავსი ტიპის გამრავლება/გაყოფის მაგალითის დაფაზე ნიმუშის სახით ამოხსნა.

**დავალება 5, 8:** დიფერენცირებისთვისაა და/ან მთელი კლასის ჩართულობით უნდა ამოხსნას. თანრიგთა კლასების ცხრილი ძალიან დაგვეხმარება ამ პროცესში.

**დამატებითი მასალა:** 8.3.

### გვერდი 158/159: ათწილადების გამრავლება

- ათწილადების გამრავლება მძიმის დასმის წესის გათვალისწინებით;
- ათწილადების გამრავლება ნატურალური რიცხვების მსგავსად, მძიმის გარეშე, და შემდეგ მძიმის შესაბამის ადგილას დასმა;

• ათწილადების გამრავლებაზე გამოყენებითი ამოცანების ამოხსნა.

**დავალება 1:** მოცემული ვარიანტების ალტერნატივად შესაძლებელია ორივე ათწილადის წილადის სახით ჩაწერა. მნიშვნელში ათის ჯერად რიცხვს მძიმის დასმის წესამდე მიყვავართ. მეწყვილეების მიერ შემუშავებული გადაწყვეტილებები და შედეგები ყველა შემთხვევაში დანარჩენ კლასს უნდა წარედგინოს.

**დავალება 2-6:** ეს დავალებები უნდა ამოხსნას მოცემული თანმიმდევრობით, სხვა შემთხვევაში დაირღვევა მეთოდური სტრუქტურა.

**დავალება 4, 5:** ეს დავალებები დიფერენცირებისთვისაა. მძიმის არასწორად დასმით გამოწვეული შეცდომების თავიდან ასაცილებლად მნიშვნელოვანი როლი ენიჭება შეფასებით გამოთვლებს. აუცილებლად უნდა ვივარჯიშოთ შეფასებითი გამოთვლების გამოყენებაზე. ისეთ სავარჯიშოებში, რომელთა შედეგები 1-ზე ნაკლებია, მოსწავლეებს შეფასებითი გამოთვლა უნდა მოვთხოვოთ. მნიშვნელობიდან გამომდინარე, დავალება 6 ყველა მოსწავლემ უნდა ამოხსნას; შეიძლება წყვილებში მუშაობაც.

**დავალება 7-9:** აქ სავალდებულო არაა, თითოეულმა მოსწავლემ ყველა ქვეკითხვა ამოხსნას; ჰეტეროგენურ ჯგუფებში, სხვადასხვა მუშაობის ტემპის გათვალისწინებით, საკმარისი იქნება, თუ ნელა მოანგარიშები დავალებების 1/3-ს მაინც ამოხსნიან.

**დავალება 13:** ამ დავალებას განსაკუთრებული მნიშვნელობა ენიჭება, რადგანაც ის წესის გააზრებას (უკეთ გაგებას) უწყობს ხელს. იგი ყველა მოსწავლემ უნდა დაამუშაოს.

**დავალება 14:** კარგი იქნება, თუ მოსწავლეები დავალება 6-ში გამოყენებულ სტრატეგიას მიმართავენ.

**დამატებითი მასალა:** 8.4.

### გვერდი 160/161: ათწილადების გაყოფა

- ათწილადების გაყოფის მეთოდის გაება და გამოყენება;
- გამოყენებითი ამოცანების ამოხსნა, სადაც გვჭირდება ათწილადების გაყოფა.

ათწილადზე გაყოფის წესის შესამუშავებლად მნიშვნელოვანია, რომ მოსწავლეებმა კარგად იცოდნენ: თუ გასაყოფა და გამყოფა გავამრავლებთ ერთსა და იმავე რიცხვზე, ამით განაყოფას სიდიდე არ შეიცვლება. ეს თვისება უკვე განვიხილეთ მე-5 კლასში. წესი დანვრილებით მოცემულია წითელ უჯრაში.

**დავალება 1:** მოსწავლეებმა წყვილებში მუშაობის გზით მიღებული შედეგი პრეზენტაციის სახით მთელ კლასს უნდა გააცნონ; ორივე მაგალითი ნიმუშის სახით დაფაზე უნდა ამოხსნას.

**დავალება 2-7:** მოსწავლეების მიერ „მძიმის გადაწევის მეთოდის“ სიღრმისეული გაგების გარეშე, მისი

ბრმად გამოყენების თავიდან ასაცილებლად, ათწილადების გაყოფასთან დაკავშირებული პირველი რამდენიმე სავარჯიშო ცალსახად მოითხოვს წითელ უჯრაში აღწერილ მოქმედებას.

**დავალება 11:** ქავშინერით გაყოფისას, შეცდომის ტიპური წყარო გაყოფისას წულების არჩანერა. შეგვიძლია, მაღალი მზაობის მოსწავლეებს ნება დავრთოთ, კალკულატორის გამოყენებით შეამონმონ პასუხები.

**დავალება 14:** ამ დავალებას განსაკუთრებული როლი ენიჭება ათწილადზე გაყოფის უკეთ გასაგებად. ამიტომაც ეს დავალება ყველა მოსწავლის მიერ წყვილებში ან ჯგუფური მუშაობის გზით უნდა ამოიხსნას და საბოლოო პასუხები საკლასო დისკუსიაზე განიხილოთ.

#### გვერდი 162: სპორტი

აქ მოცემული დავალებების ძირითადი თემატიკაა ცნობილი სპორტსმენები და სპორტის ისეთი სახეობები, რომლებიც, ჩვეულებრივ, გოგონებსაც და ბიჭებსაც თანაბრად აინტერესებთ. მრავალფეროვან ინფორმაციაზე დაყრდნობით მოსწავლეები თავად მოიფიქრებენ კითხვებს და პასუხსაც გასცემენ. ამ გვერდზე მუშაობას ერთი საგაკვეთილო საათი უნდა დავუთმოთ, თუ მოსწავლეები წყვილებში თავიანთი სურვილით შერჩეულ, დაახლოებით 2-4 სავარჯიშოს მაინც ამოხსნიან.

#### გვერდი 163: ამოცანები განტოლების შედგენაზე

ვმუშაობთ მითითებების მიხედვით.

#### გვერდი 164/165: შერეული დავალებები

ამ გვერდებზე მოცემული დავალებები ამ თავში დამუშავებული ყველა წესის გამოყენებას მოითხოვს.

დავალებები 1-5, 11, 12, 14 და 16 არაა რთული ტიპის დავალებებად მონიშნული, მიუხედავად ამისა, ზოგიერთი მათგანი მოითხოვს სხვადასხვა მათემატიკური თემის ერთმანეთთან დაკავშირებას. მაგ., დავალება 11-ის ამოხსნისას მოსწავლეებმა სხვადასხვა სიდიდის ერთეულებით უნდა იმუშაონ და, ამასთან, მოქმედებები უნდა ჩაატარონ წესიერ წილადებსა და ათწილადებზე, ამიტომაც ჰეტეროგენურ ჯგუფებში ბავშვებს ნება უნდა დავრთოთ, თავად აირჩიონ, ჯგუფებში იმუშავებენ თუ დამოუკიდებლად. წყვილების ფორმირებისას ყურადღება უნდა მივაქციოთ, რომ დაბალი მზაობის მოსწავლე წყვილში მაღალი მზაობის მოსწავლესთან მუშაობდეს. ამ გზით „რთულად“ მონიშნულ დავალებებსაც ერთობლივი ძალებით დაამუშავებენ. ზოგადად, მოსწავლეებმა მასწავლებლისგან უკვე უნდა იცოდნენ, როგორ უნდა წარიმართოს ამ დროს წყვილებში მუშაობა (ანუ როცა დაბალი და მაღალი მზაობის ბავშვი მუშაობს წყვილში რთულ დავალებაზე, მაღალი მზაობის ბავშვი უნდა დაეხმაროს მეწყვილეს ამოცანის დაძლევაში, თანაც შრომის დანაწილების პრიციპით უნდა იმუშაონ). სხვა შემთხვევაში არსებობს იმის საშიშროება, რომ დაბალი მზაობის მოსწავლე ყველაფერს მაღალი მზაობის მეწყვილეს მიანდობს.

**დამატებითი მასალა: M 8.2.**

#### გვერდი 166: უცნაური რეკორდები

გამოცდილება ადასტურებს, რომ მოსწავლეებს სიამოვნებთ მსგავს დავალებებზე მუშაობა. მასწავლებელს შეუძლია მოსწავლეების სამკაციან ჯგუფებად დაყოფა, რომლებიც მოცემული ოთხი დავალებიდან მინიმუმ 2-ს შეარჩევენ და ამოხსნიან. მუშაობის დასასრულს ცალკეულმა ჯგუფებმა თავიანთი დავალების პასუხები კლასს უნდა წარუდგინონ.

#### გვერდი 167: ექსკურსია კახეთში

ამ პროექტს ორი საგაკვეთილო საათი უნდა დაეთმოს.

ყველა მოსწავლემ უნდა შეძლოს ოთხივე დავალების ამოხსნა და პრეზენტაცია.

შრომის დანაწილების მეთოდის გამოყენების შემთხვევაში მოსწავლეებმა შიდა ჯგუფური კომუნიკაციის გზით უნდა მოახერხონ ზემოთ დასახელებული მოთხოვნების შესრულება.

ეს დავალება მოსწავლეებს თავიანთი ექსკურსიის ხარჯების დაგეგმვისა და გამოთვლისთვის ამზადებს.

#### გვერდი 168: შემაჯამებელი სავარჯიშოები

ზოგადი მითითებები იხილეთ პირველ ნაწილში.

## თანილი მესამე: დამატებითი მასალა მოსწავლის ნიგენისთვის

ეს ნაწილი მოიცავს უამრავ სამუშაო მასალას ახალ თემაზე გადასასვლელად, მოსწავლეთა მიერ სტრატეგიების დამოუკიდებლად შემუშავებისთვის და მათი მზაობის შესაბამისი დახმარებისთვის.

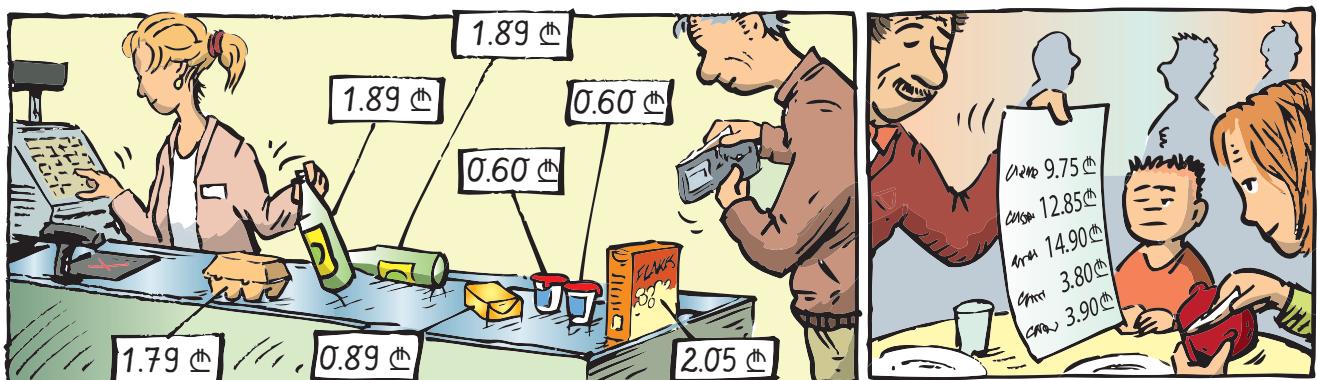
ამასთან, მასალა შეიცავს მოსწავლის წიგნის ცალკეული ნაწილის ასლებსა და კონკრეტული თავების დამატებებს. მასწავლებლისთვის განკუთვნილი დამატებითი რესურსები მონიშნულია ასო **M**-ით, ხოლო ამონარიდები მოსწავლის წიგნიდან და მათი ასლები – პირდაპირ რიცხვებით. მასალები ცალ-ცალკე, თავების მიხედვითაა დანომრილი და მარტივად შეგვიძლია შევუსაბამოთ წიგნის თავებს. მათი გამოყენების კონკრეტული ინსტრუქცია მეორე ნაწილშია მოცემული.

### 3.1. მასწავლებლის სამუშაო მასალები

**M**-ით აღნიშნული მასალები მასწავლებელს ეხმარება საგაკვეთოლო პროცესის დაგეგმვასა და მოსწავლის წიგნის რაციონალურად გამოყენებაში.

აქ მოცემული „წაიკითხე, გაიაზრე, ისნავლეს“ გვერდები მოსწავლეებისგან კოოპერაციულ მუშაობას მოითხოვს. საამისოდ გთავაზობთ საკმაოდ მრავალფეროვან სავარჯიშოებს. მნიშვნელოვანია, რომ თითოეულმა ჯგუფმა თავიდან მხოლოდ მისთვის განკუთვნილ დავალებებზე იმუშაოს.

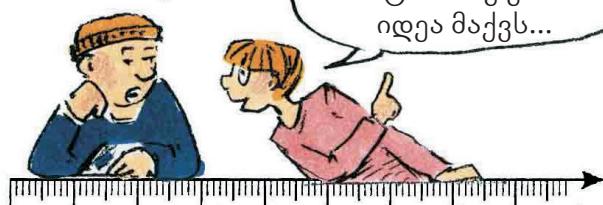
გარდა ამისა, გთავაზობთ მრავალგვარ სავარჯიშოებსა და თამაშებს, რომლებიც მიმდინარე თემების გან-მტკიცებასა და ადვილად ათვისებას ემსახურება. სასწავლო-ფსიქოლოგიური თვალსაზრისის გათვალისწინებით, ან დროის დაზოგვის მიზნით, ჯობს მოსწავლეებმა პირდაპირ ამ მასალებში იმუშაონ.



### დიდი რიცხვები რიცხვით სხივზე

300 მლნ რიცხვით სხივზე  
მოვნიშნო? ეს ხომ შეუძლებელია!

რატომ? მე ერთი  
იდეა მაქვს...



M 1.3 0

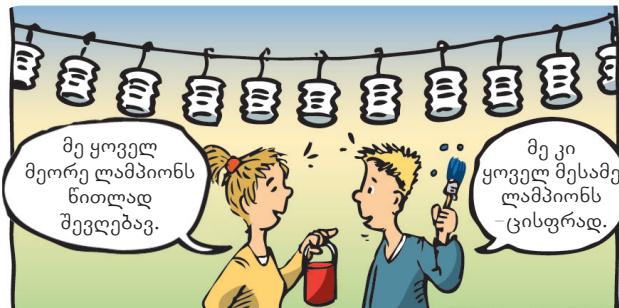
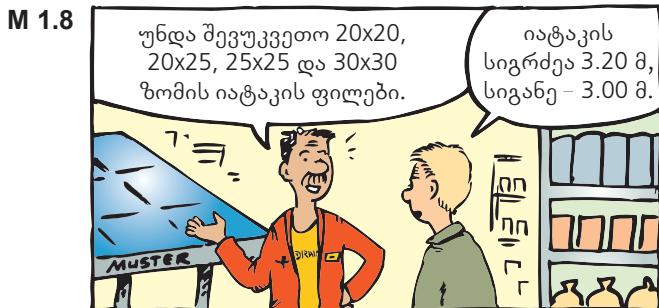
M 1.4

•	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20
3	3	6	9	12	15	18	21	24	27	30
4	4	8	12	16	20	24	28	32	36	40
5	5	10	15	20	25	30	35	40	45	50
6	6	12	18	24	30	36	42	48	54	60
7	7	14	21	28	35	42	49	56	63	70
8	8	16	24	32	40	48	56	64	72	80
9	9	18	27	36	45	54	63	72	81	90
10	10	20	30	40	50	60	70	80	90	100

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80
81	82	83	84	85	86	87	88	89	90
91	92	93	94	95	96	97	98	99	100

M 1.7

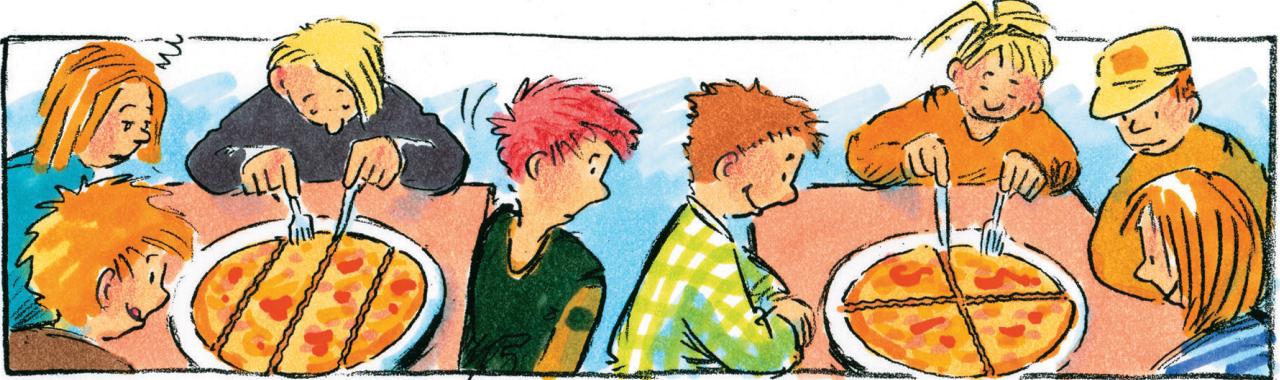
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80
81	82	83	84	85	86	87	88	89	90
91	92	93	94	95	96	97	98	99	100
101	102	103	104	105	106	107	108	109	110
111	112	113	114	115	116	117	118	119	120
121	122	123	124	125	126	127	128	129	130
131	132	133	134	135	136	137	138	139	140
141	142	143	144	145	146	147	148	149	150
151	152	153	154	155	156	157	158	159	160
161	162	163	164	165	166	167	168	169	170
171	172	173	174	175	176	177	178	179	180
181	182	183	184	185	186	187	188	189	190
191	192	193	194	195	196	197	198	199	200



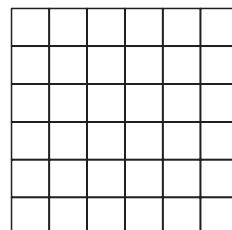
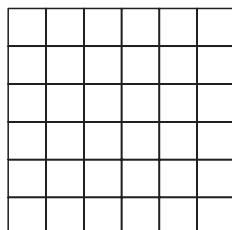
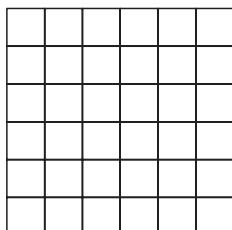
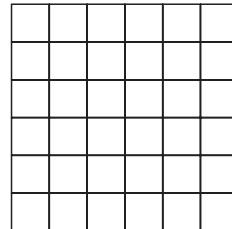
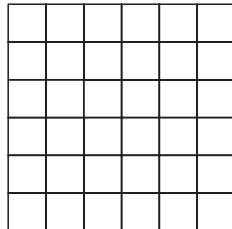
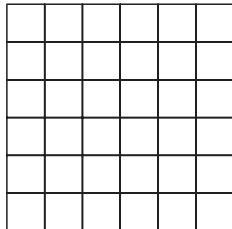
M 1.9



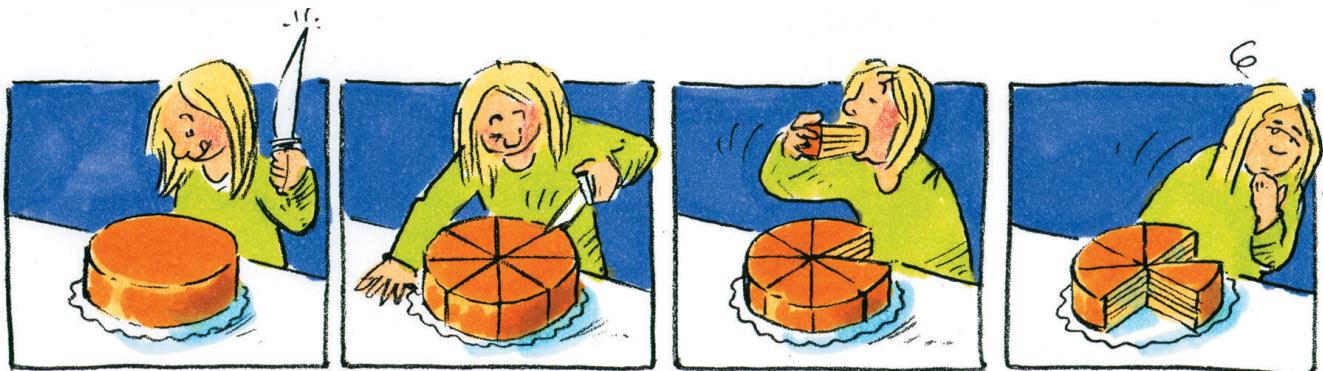
M 2.1



M 2.2



M 2.3

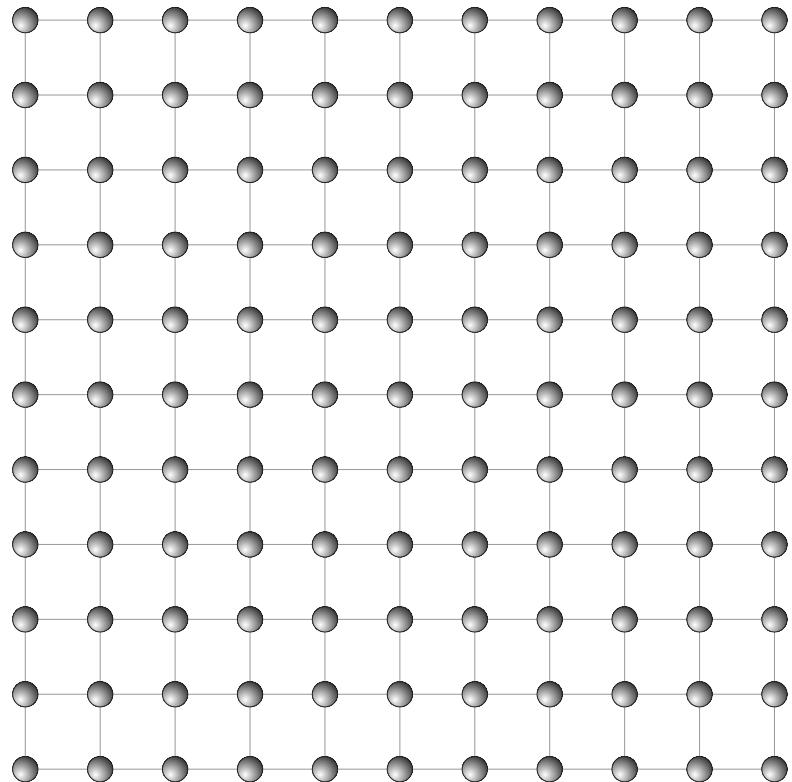


M 2.5



რამდენი წუთია  
1 საათის  $\frac{3}{4}$  ?

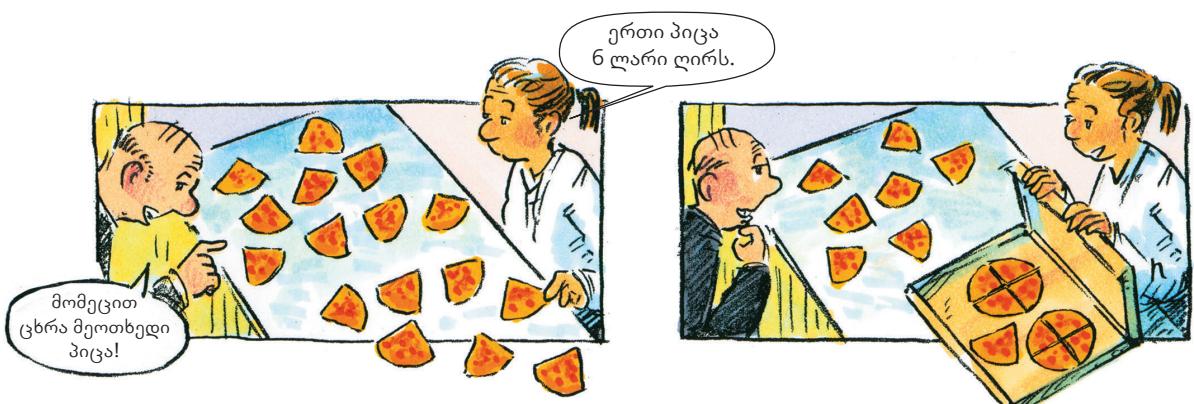
M 2.4



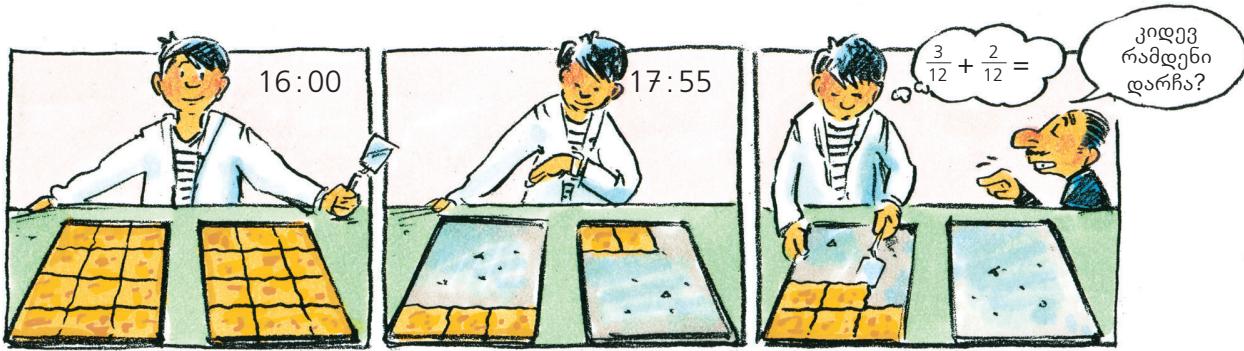
M 2.6



M 2.7



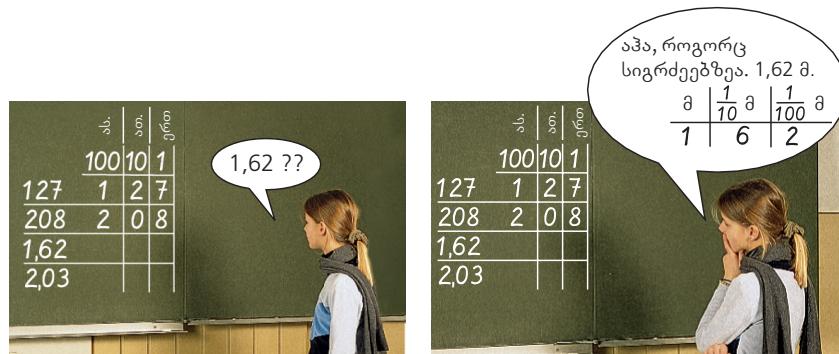
M 2.8



M 2.9

<input type="radio"/>	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
-----------------------	---	---	---	---	---	---	---	---	---	----

M 2.10

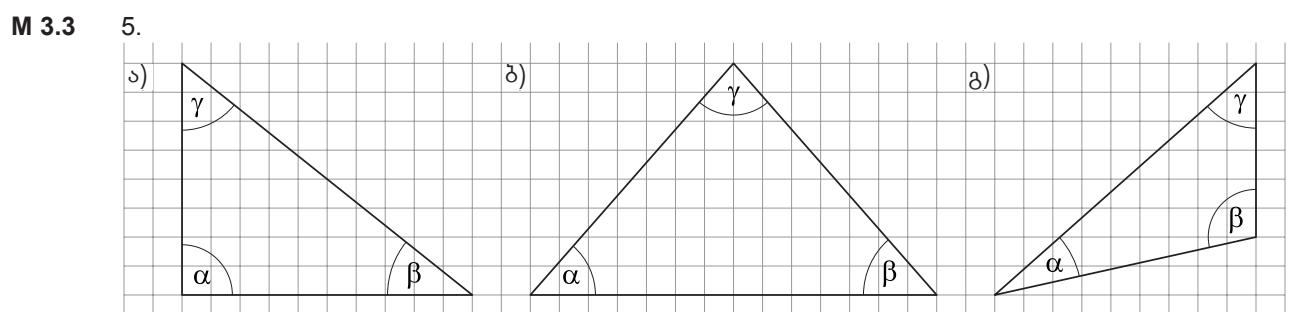
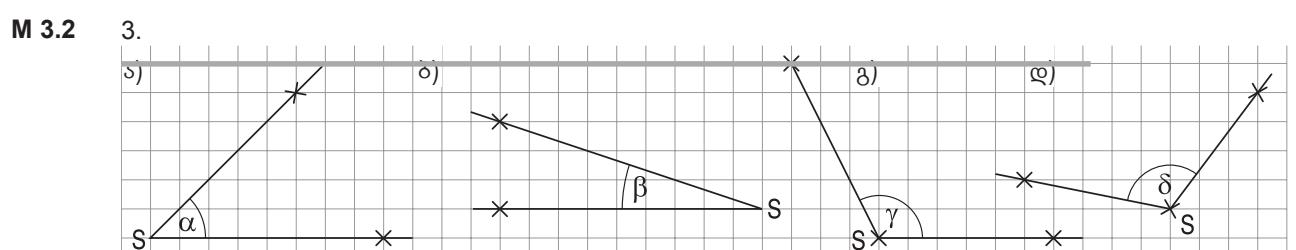
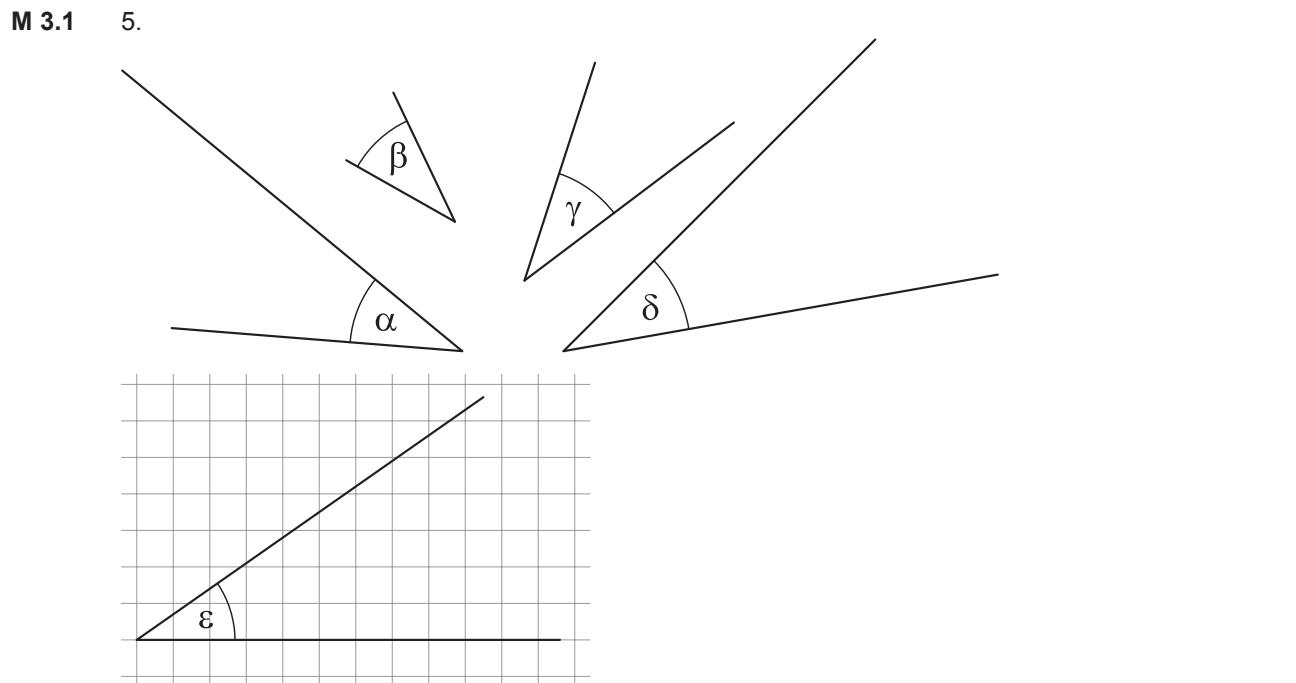
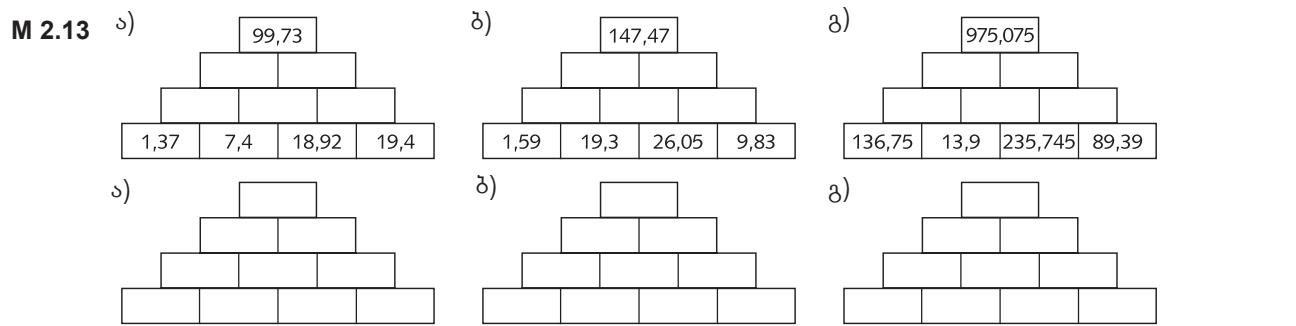


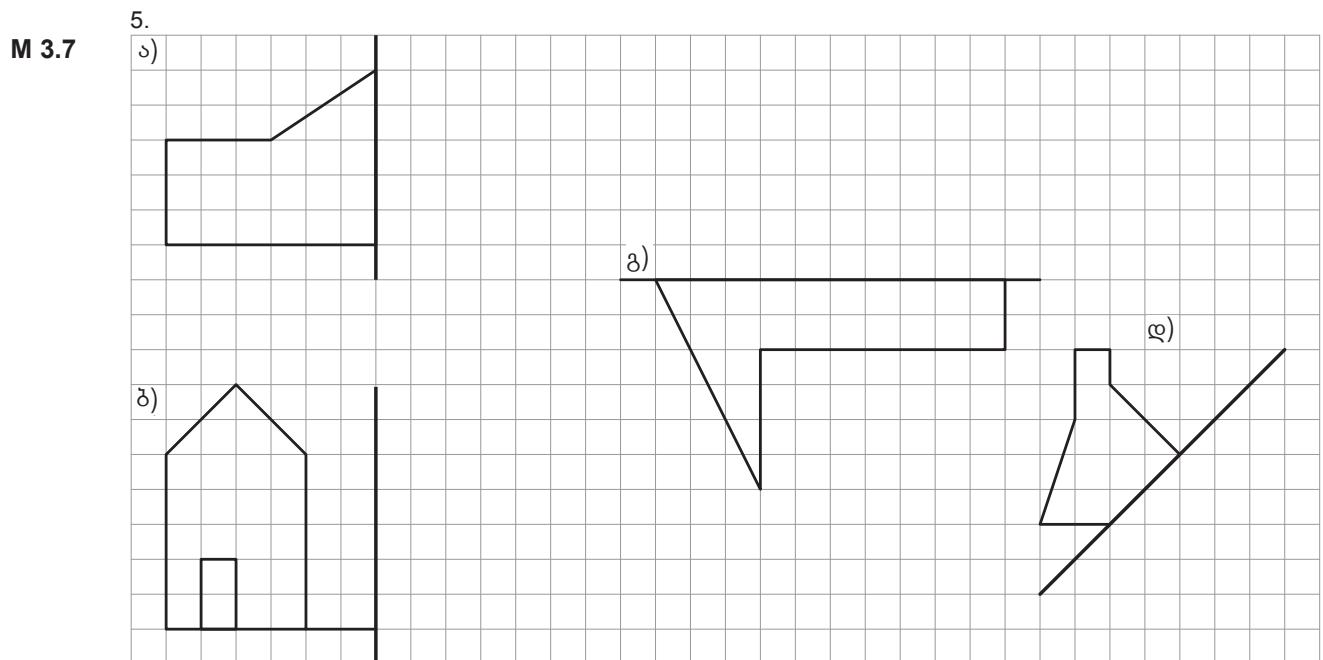
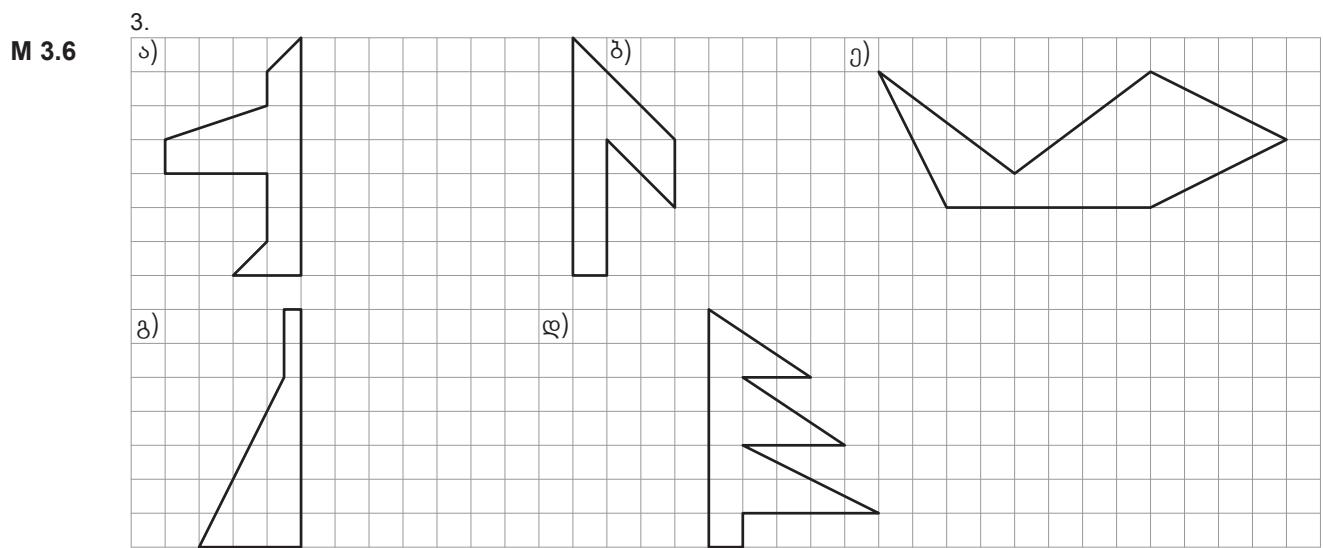
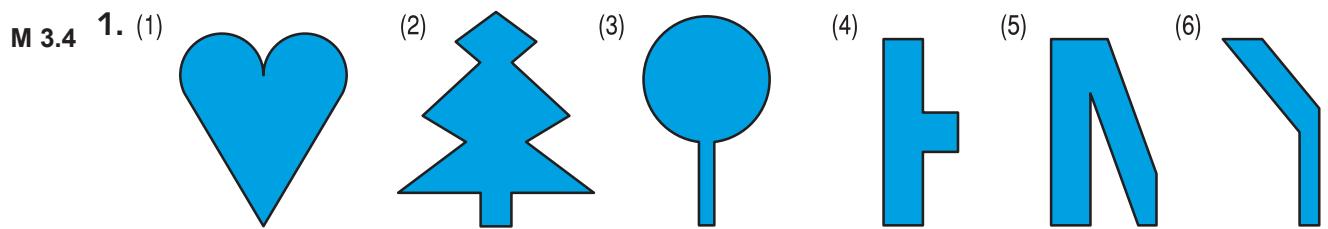
M 2.11



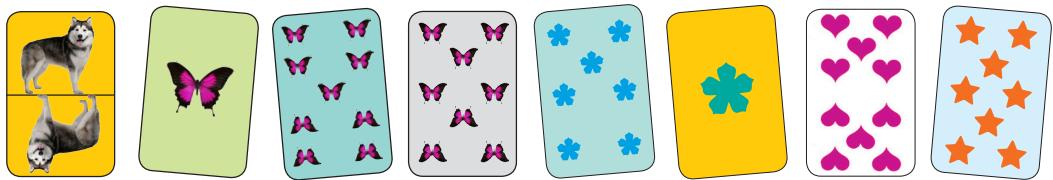
M 2.12



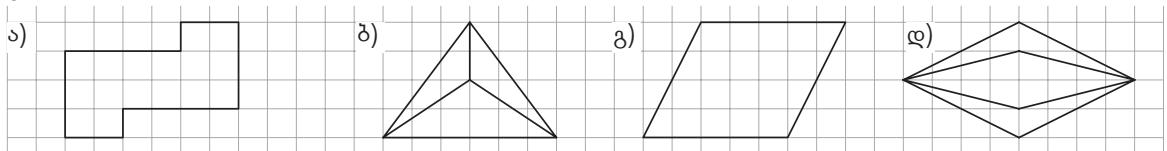




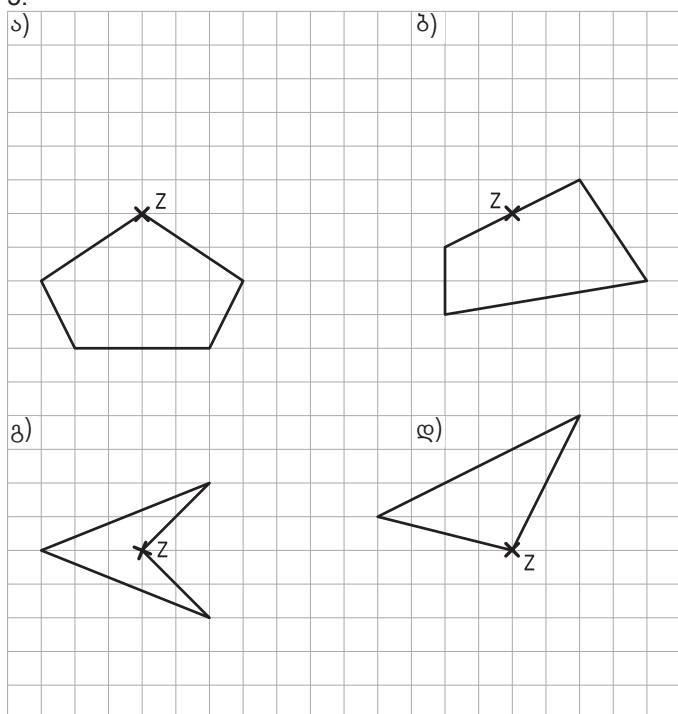
**M 3.8** 1.



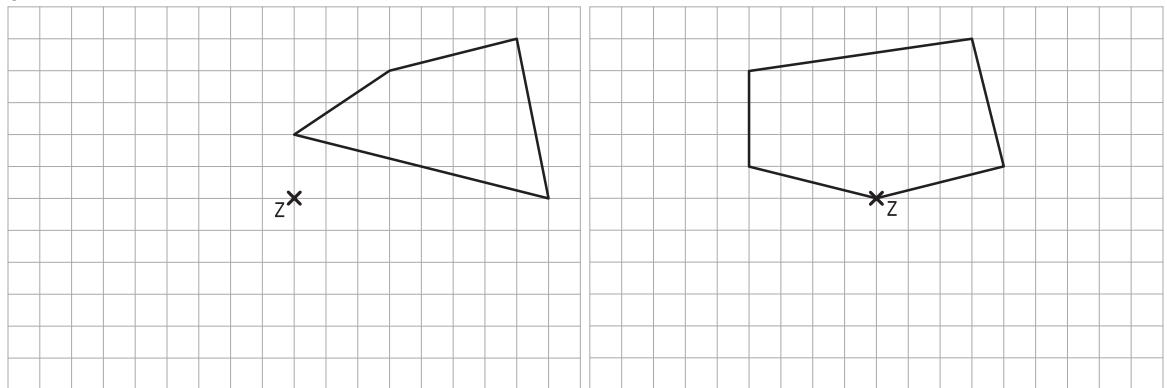
**M 3.9** 3.

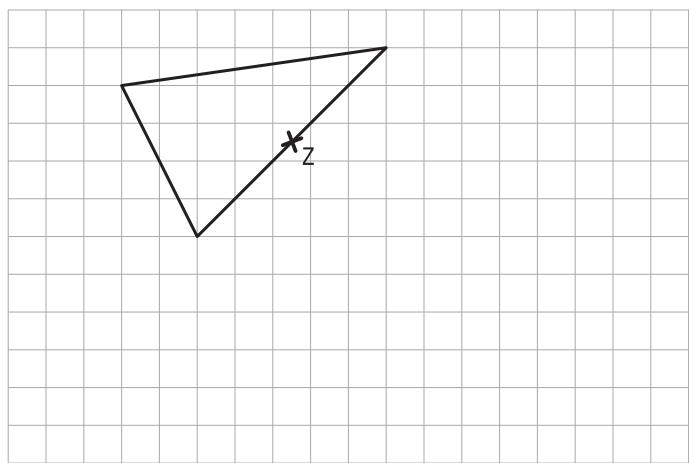


**M 3.10** 5.



**M 3.11** 6.

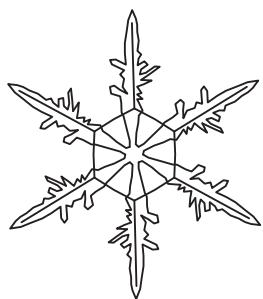




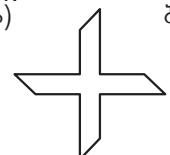
**M 3.12** 2.



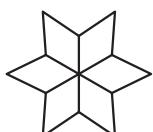
**M 3.13**



**M 3.14** 4.



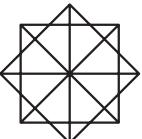
5)



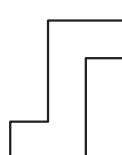
6)



7)



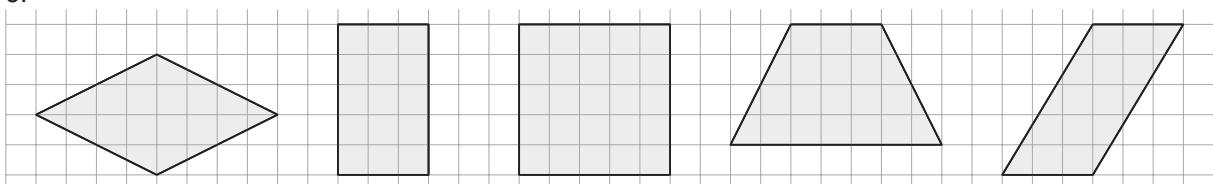
8)



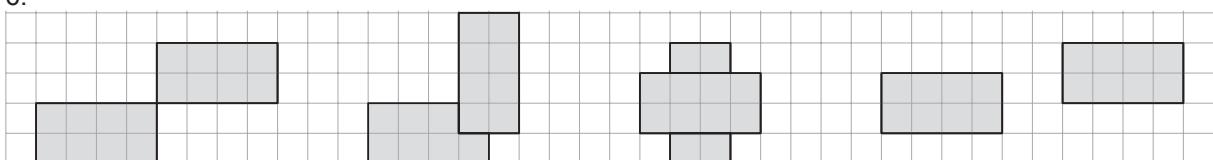
9)



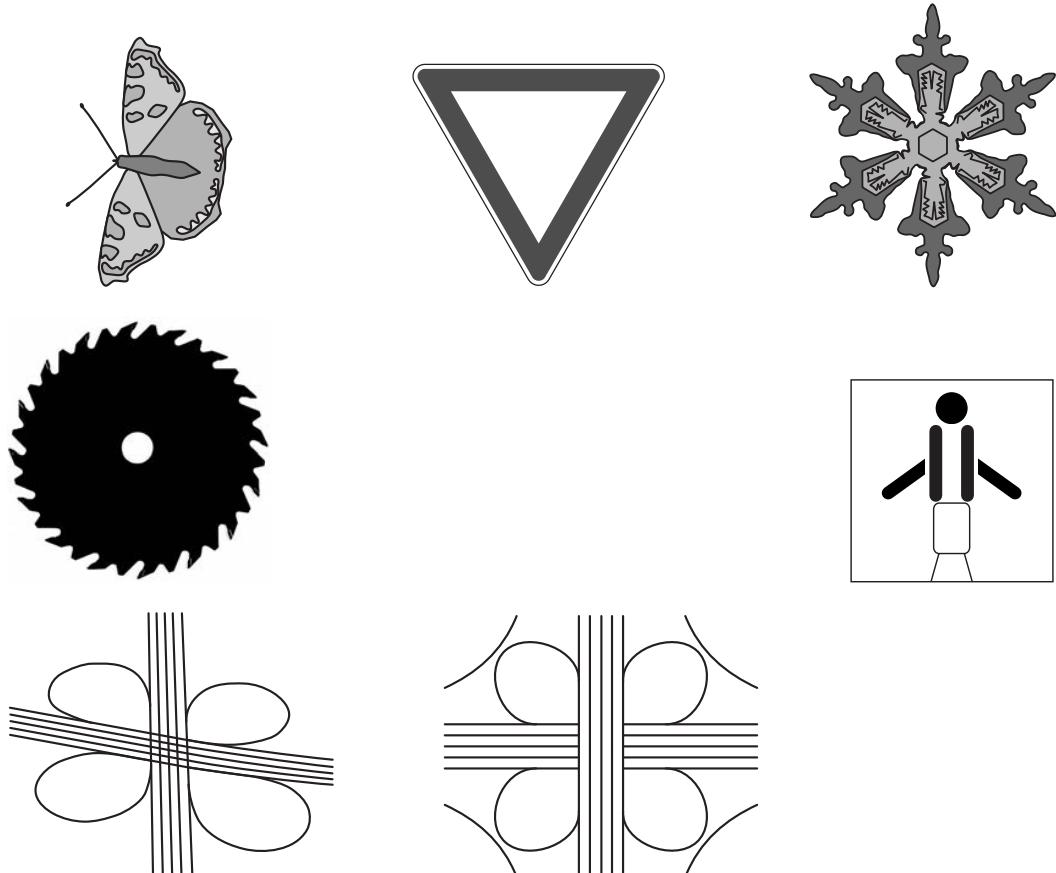
**M 3.15** 5.



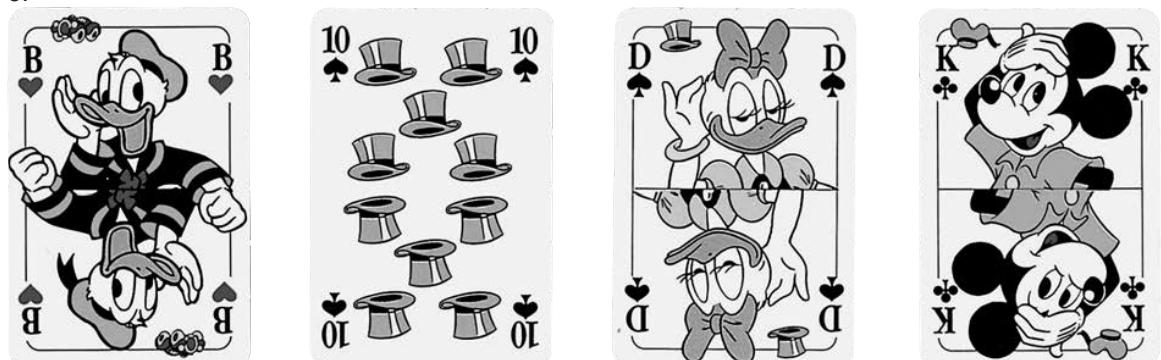
**M 3.16** 6.



M 3.17 2.



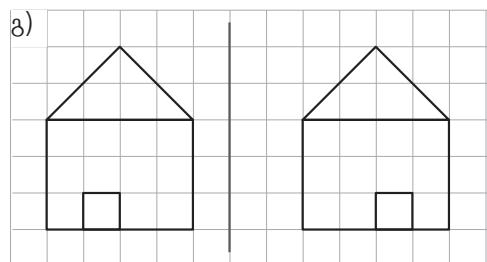
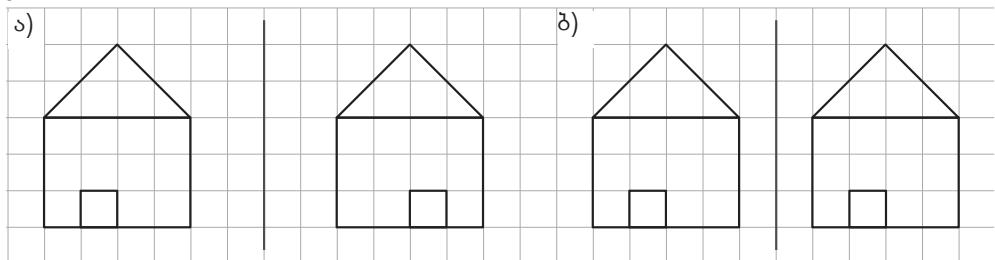
M 3.18 3.



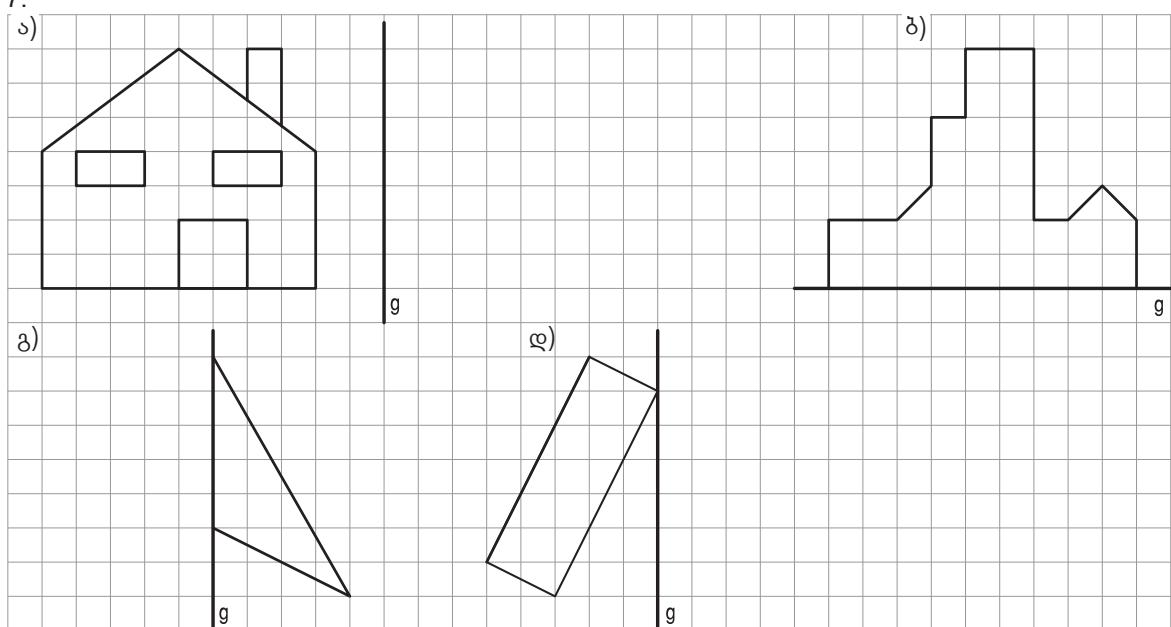
M 3.19 4.

A B C D E F G H I J K L M N  
O P Q R S T U V W X Y Z

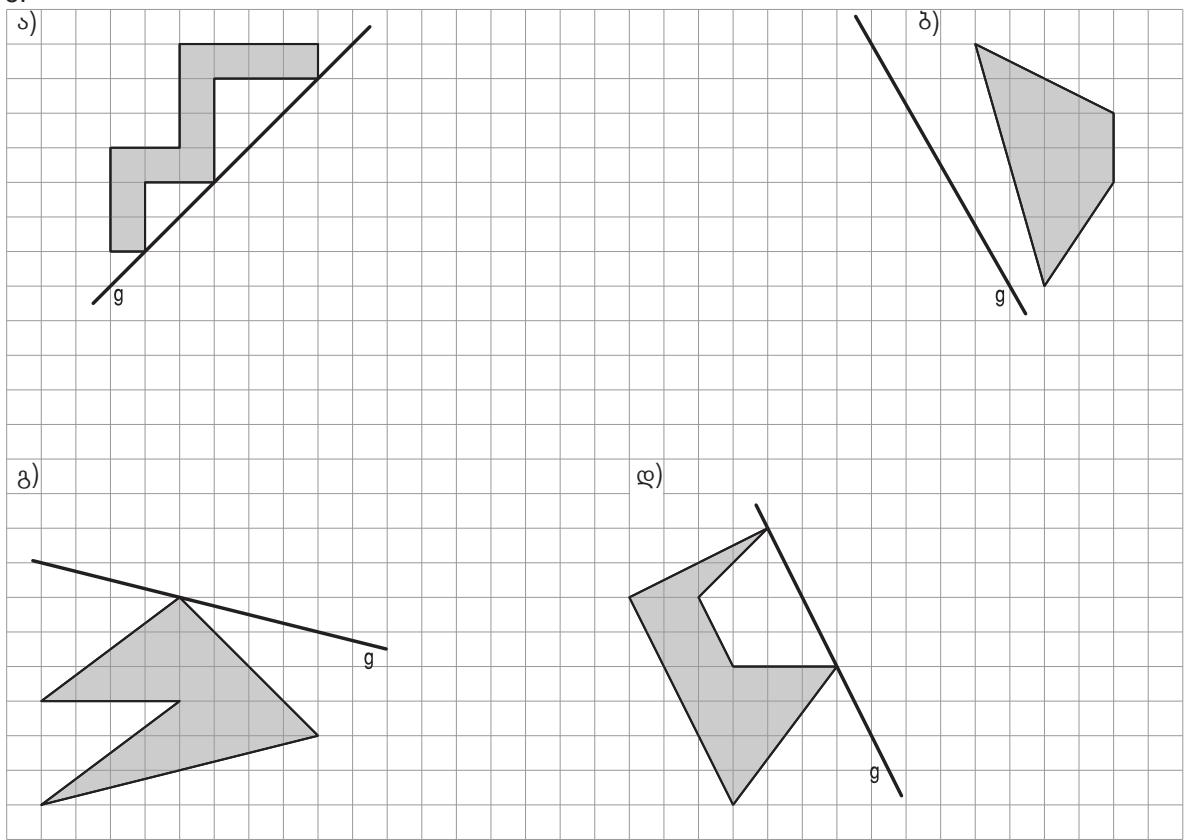
**M 3.20** 6.



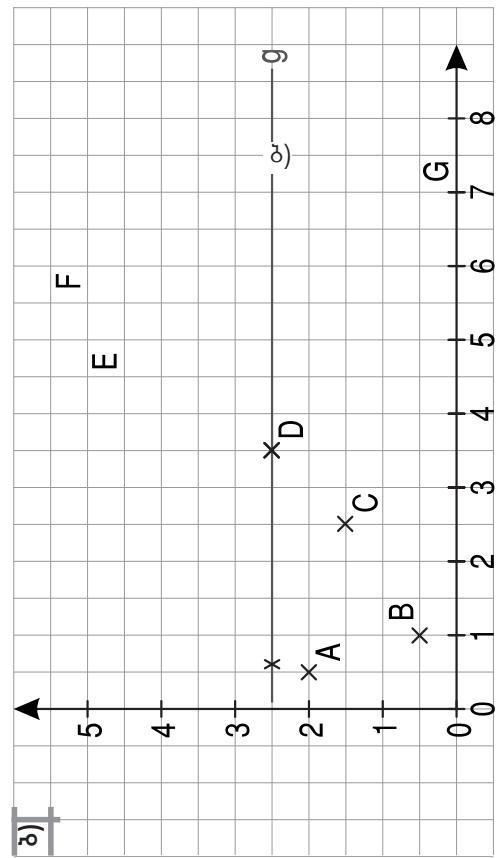
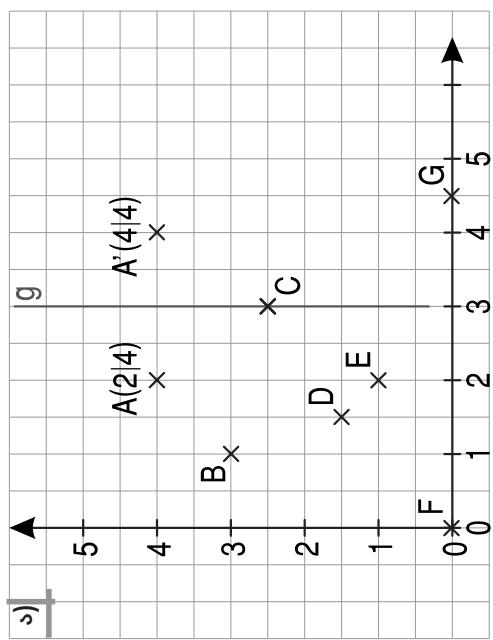
**M 3.21** 7.



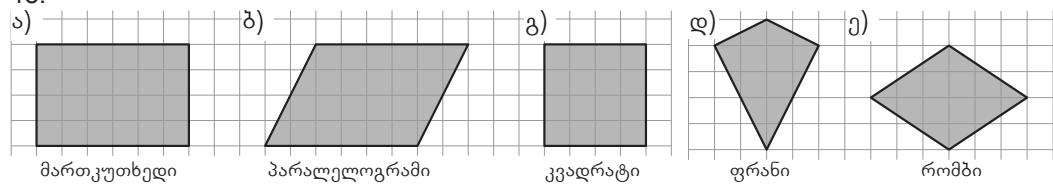
M 3.22 8.



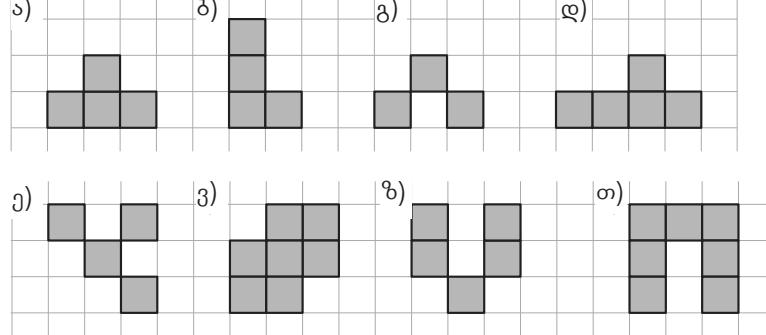
M 3.23 9.



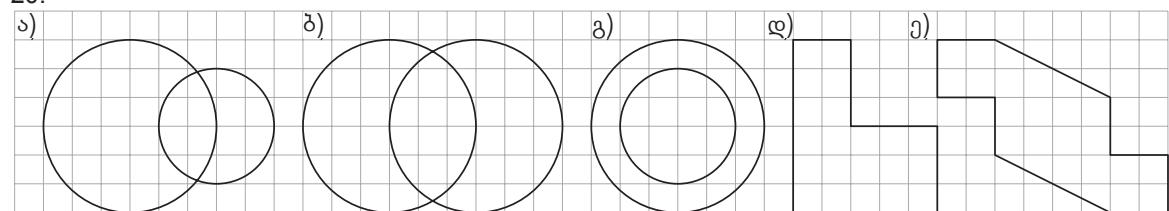
**M 3.25** 18.



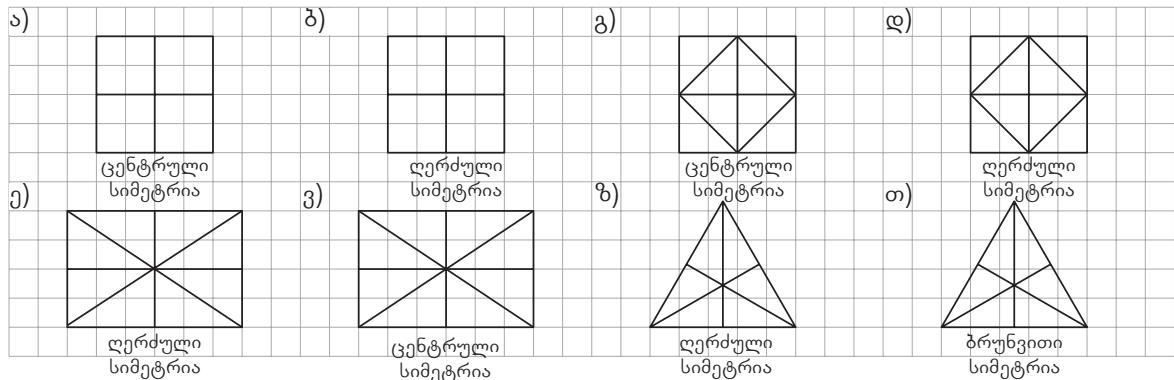
**M 3.26** 19.



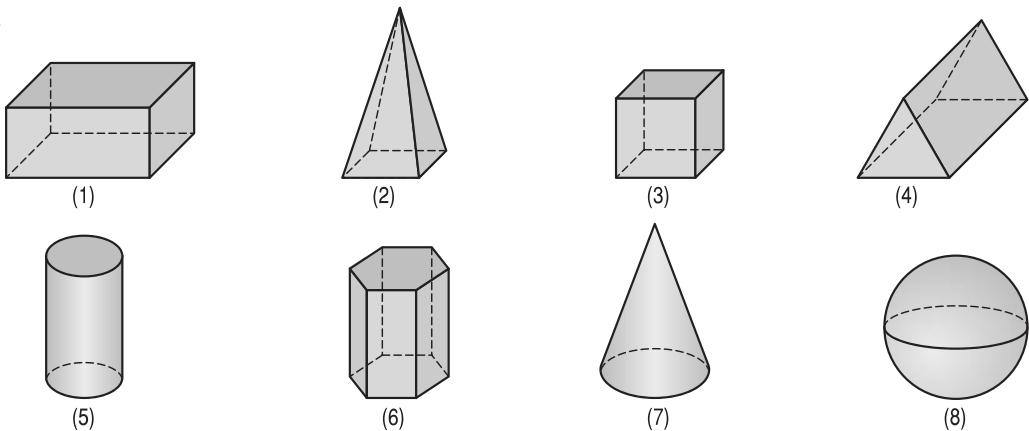
**M 3.27** 20.



**M 3.28** 22.



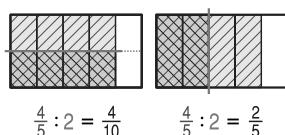
**M 3.29** 23.



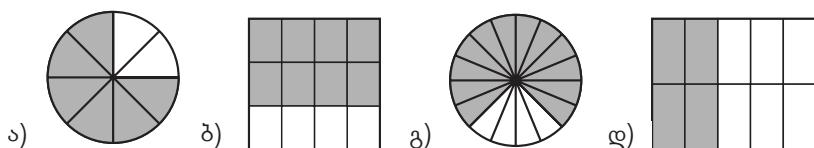
**M 4.1**

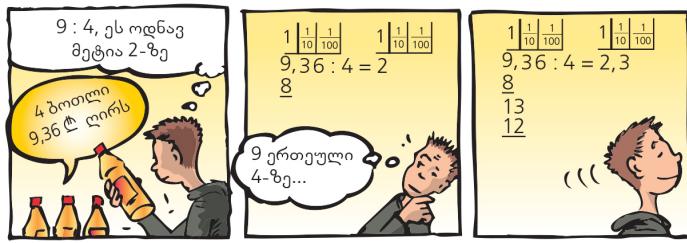
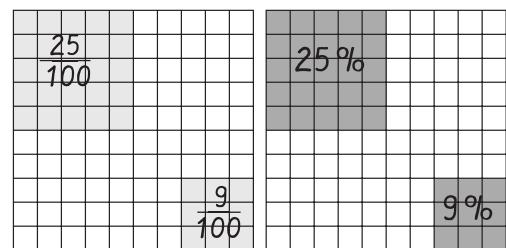
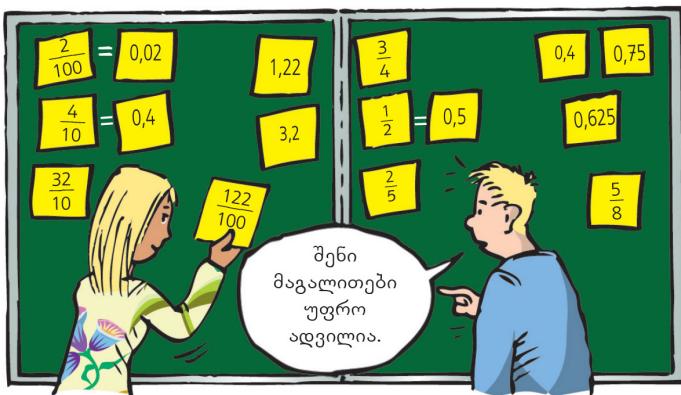
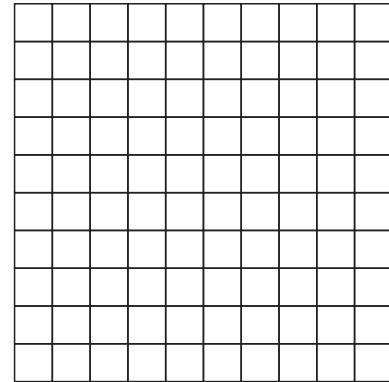


**M 4.2**

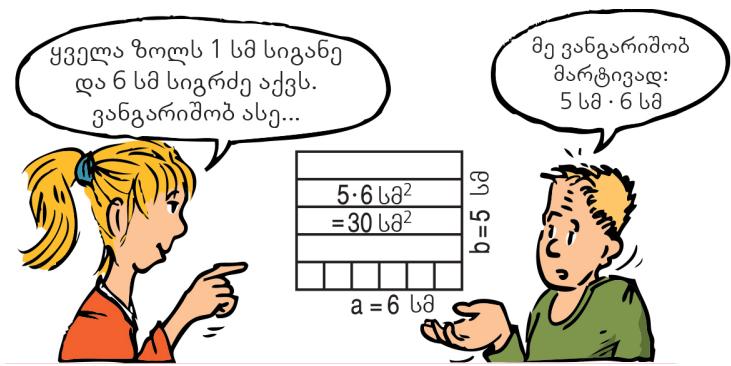


**M 4.3**



**M 4.6****M 4.8****M 4.7****M 4.9**

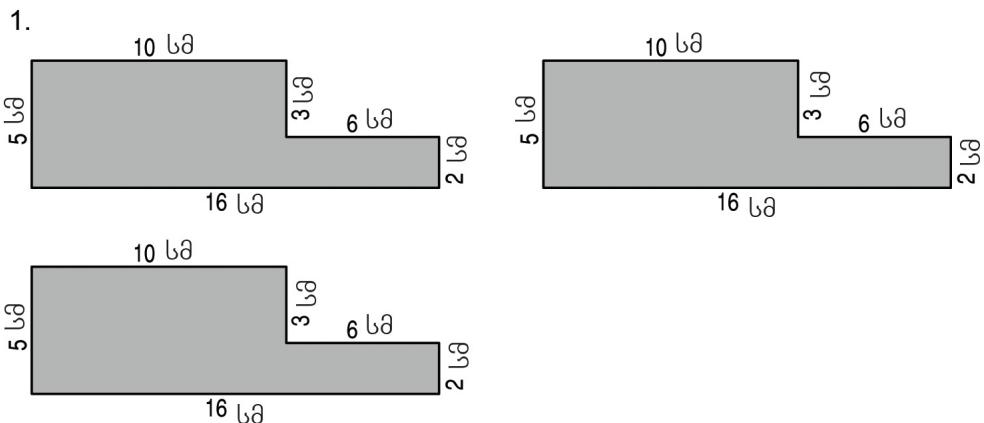
**M 5.1**



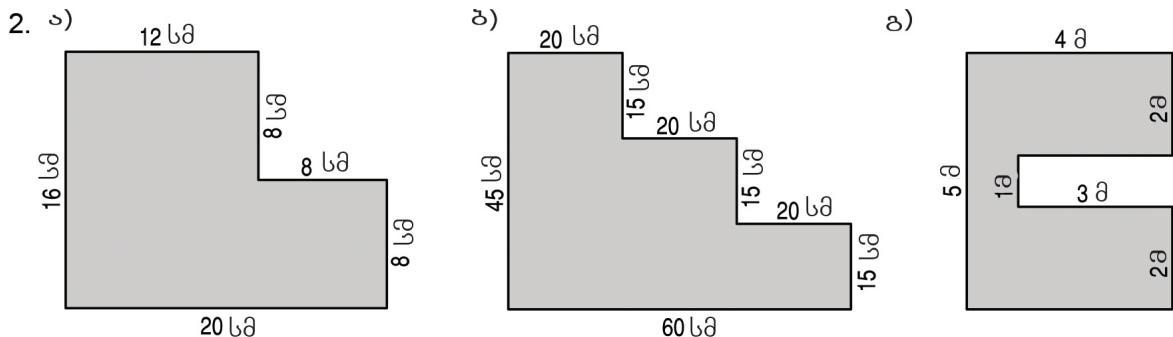
**M 5.2**



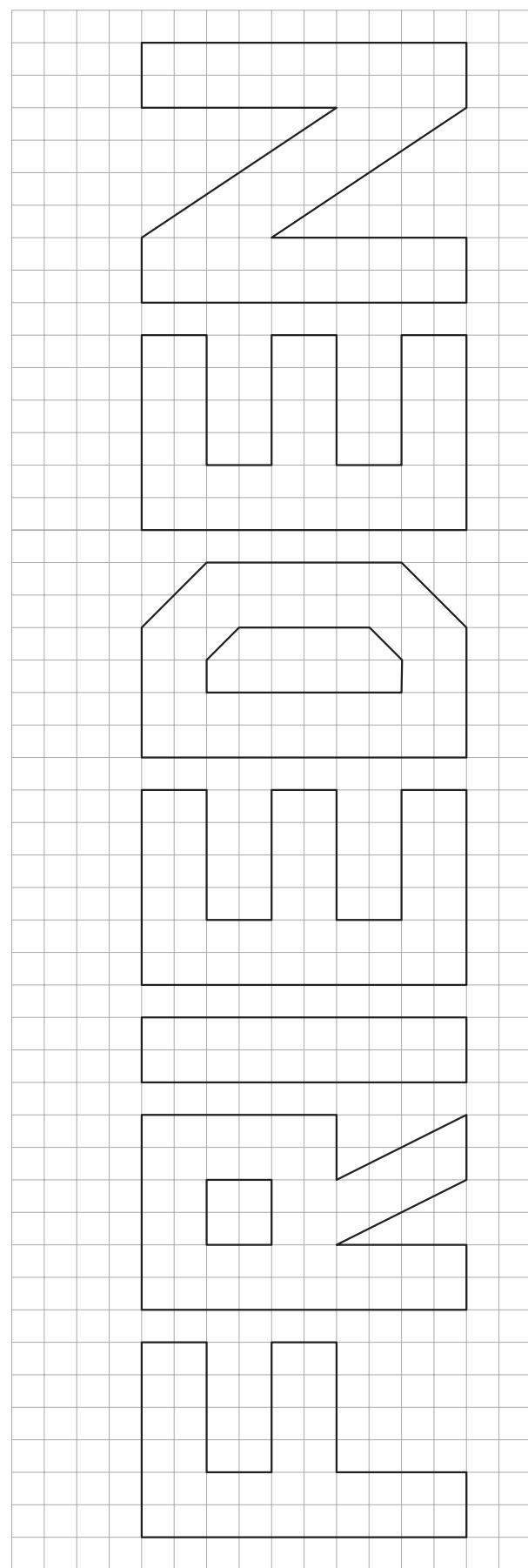
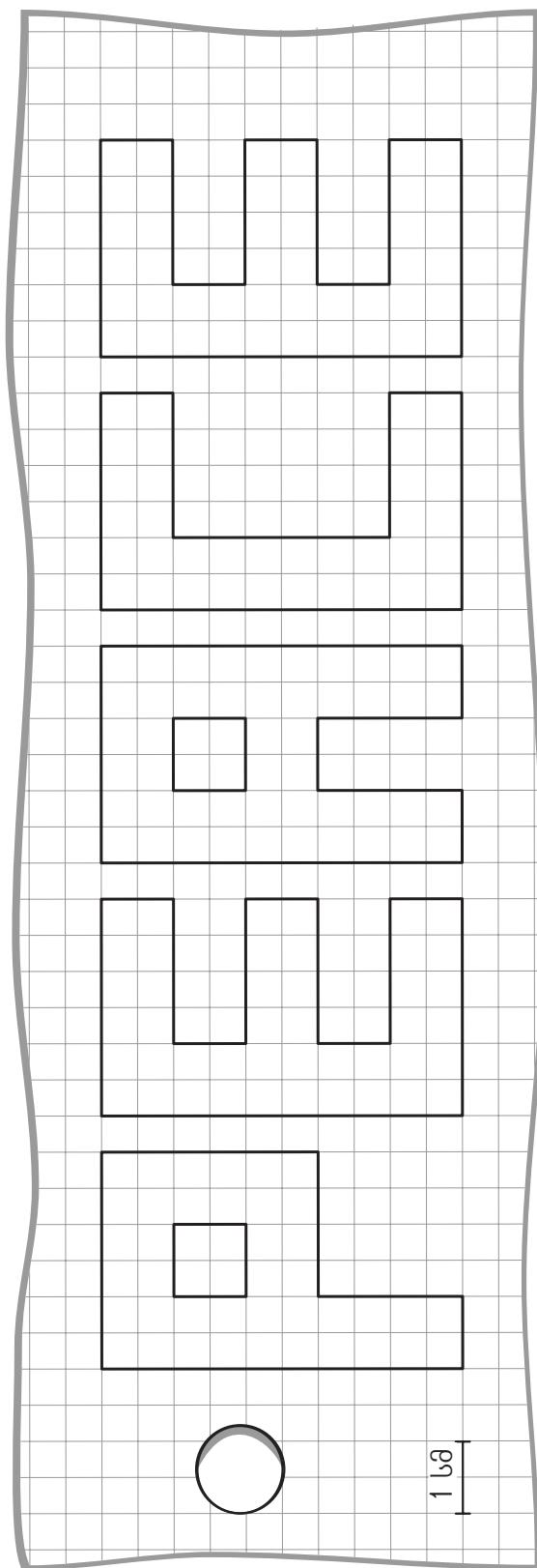
**M 5.3**



**M 5.4**



M 5.5



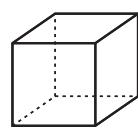
**M 5.9**



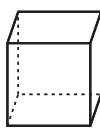
(1)



(2)

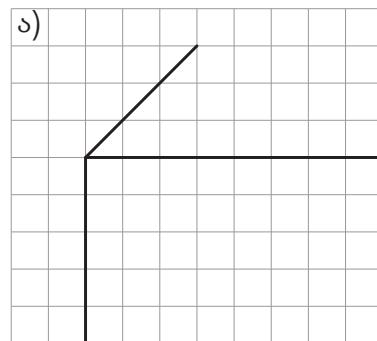


(3)

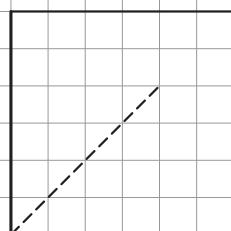


(4)

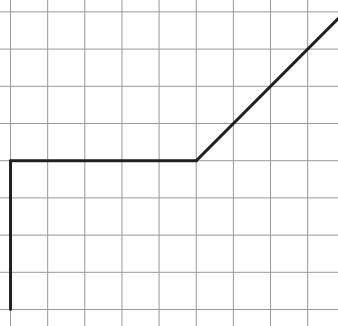
**M 5.10 5.**



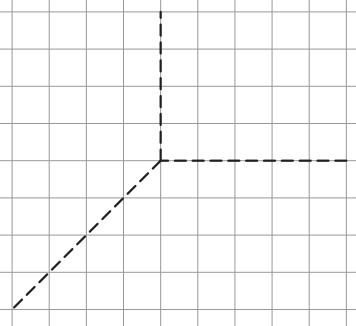
b)



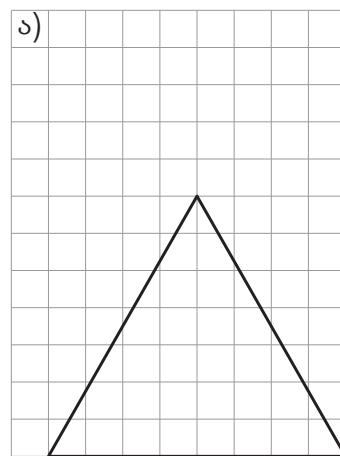
c)



d)



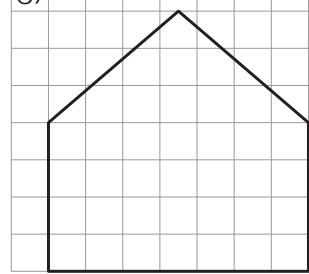
**M 5.11 10.**



b)



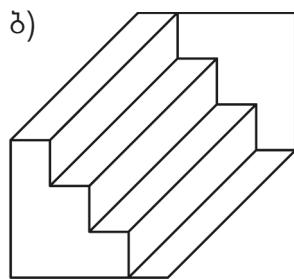
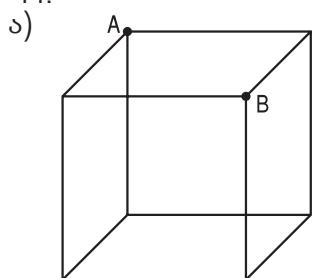
c)



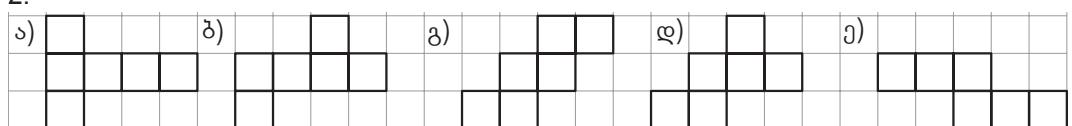
d)



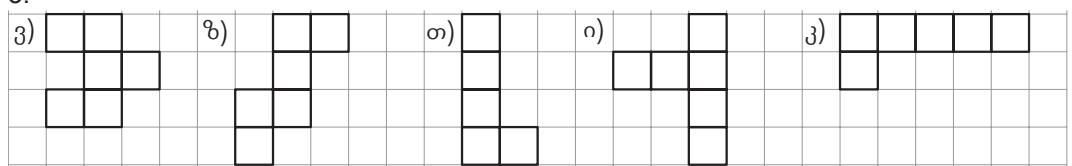
**M 5.12** 14.



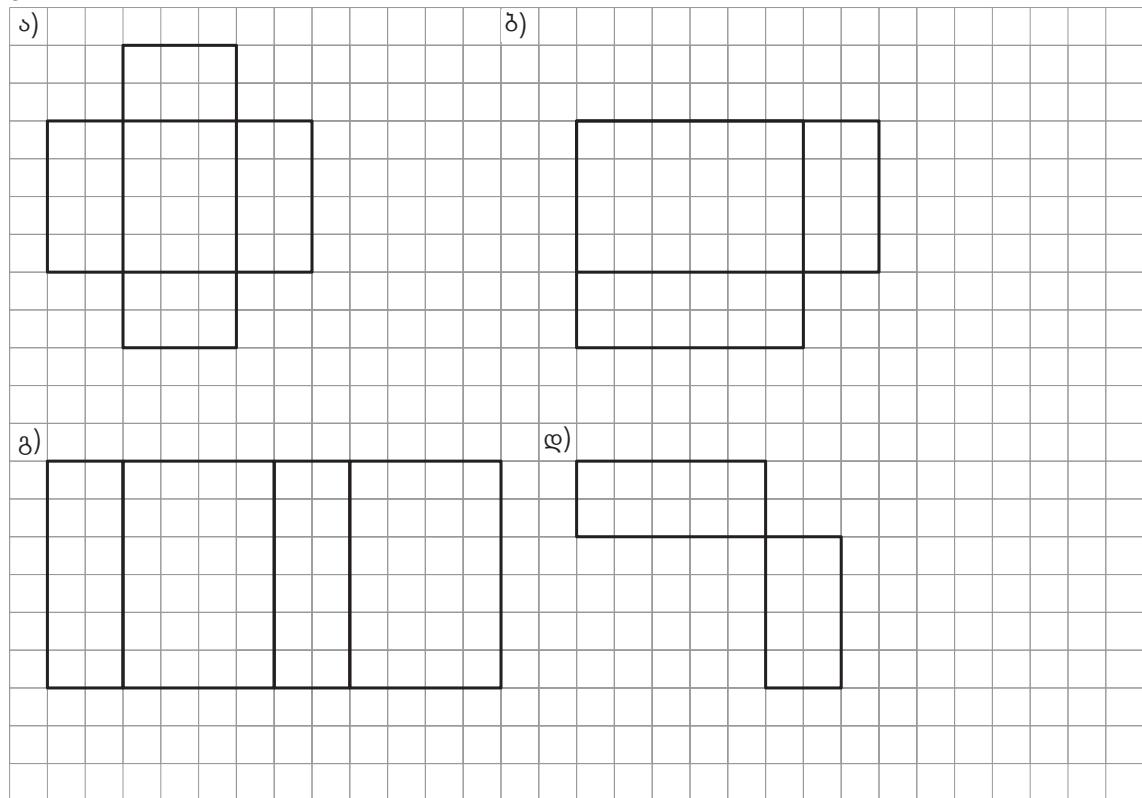
**M 5.13** 2.



3.

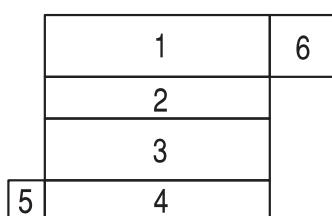


**M 5.14** 8.

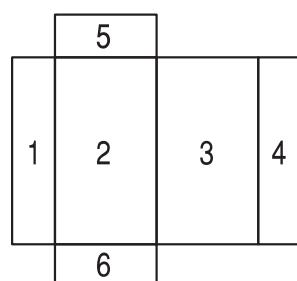


**M 5.15** 10.

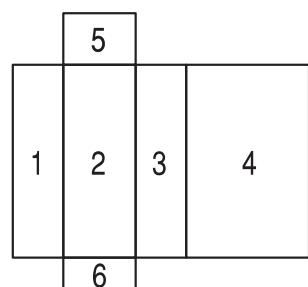
ა)



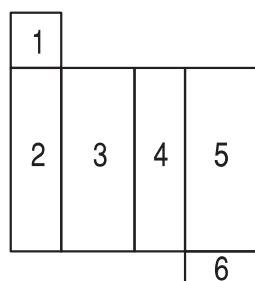
ბ)



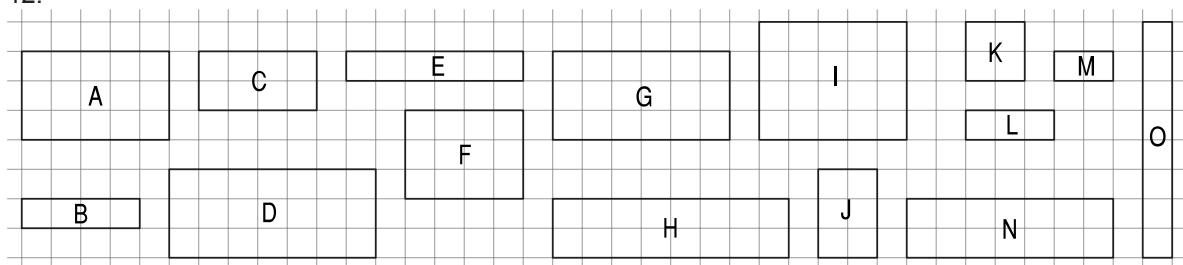
გ)



დ)



**M 5.16** 12.



**M 6.1**

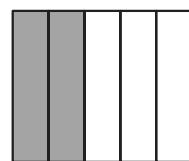


**M 6.2**

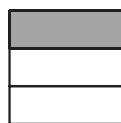
3.



$$\frac{3}{4} = \boxed{\quad}$$

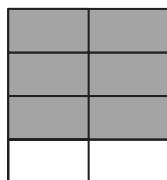


$$\frac{2}{5} = \boxed{\quad}$$

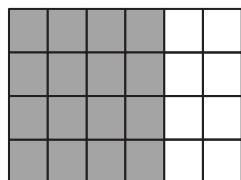


$$\frac{1}{3} = \boxed{\quad}$$

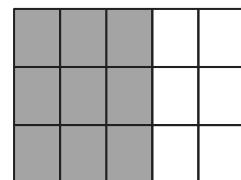
4.



$$\frac{6}{8} = \boxed{\quad}$$

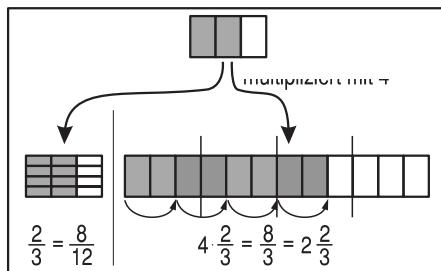


$$\frac{16}{24} = \boxed{\quad}$$

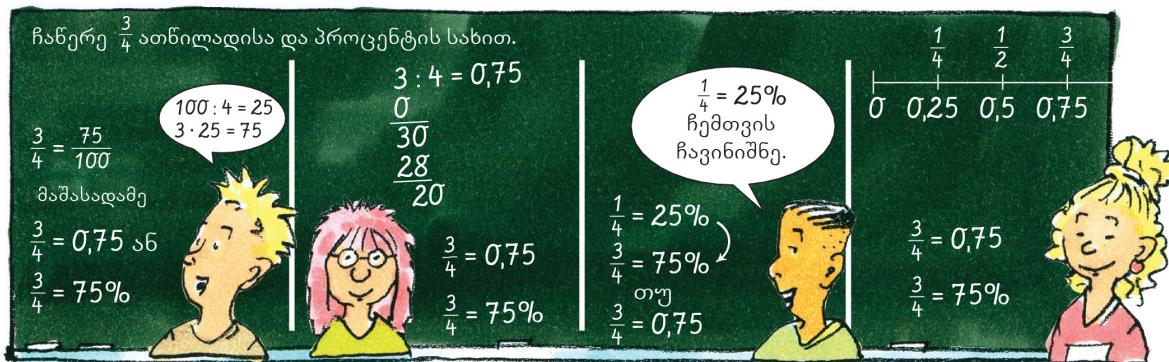


$$\frac{9}{15} = \boxed{\quad}$$

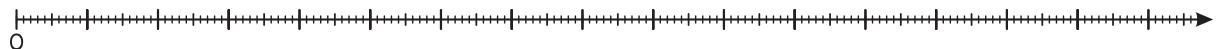
**M 6.3**



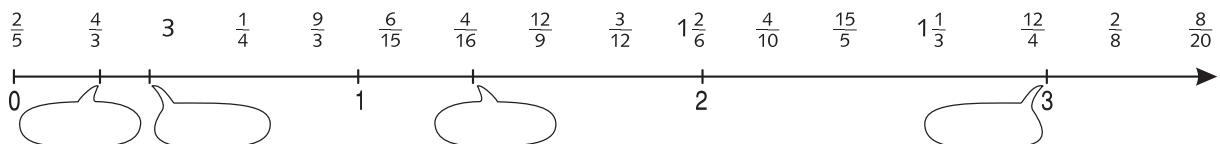
**M 6.4**

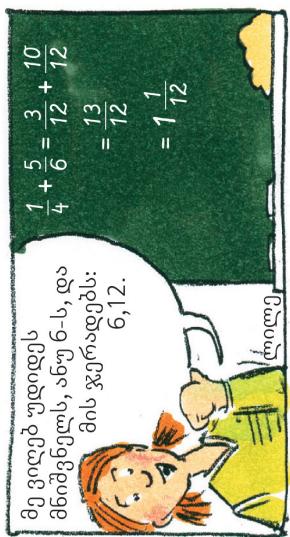
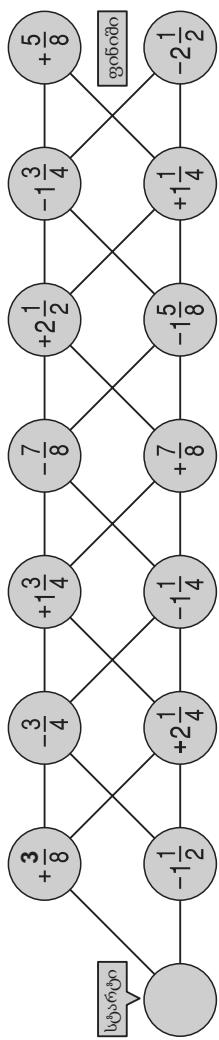
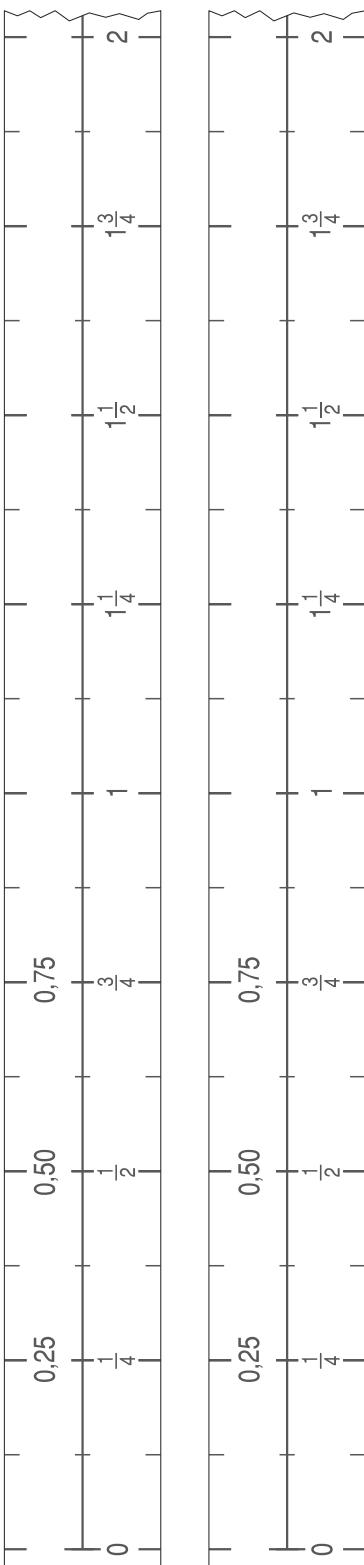


**M 6.5**



**M 6.6**



**M 6.7****M 6.8****M 6.10****M 6.9**

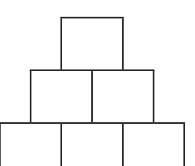
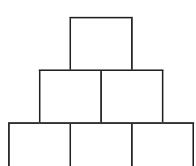
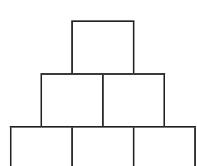
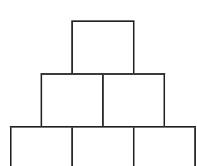
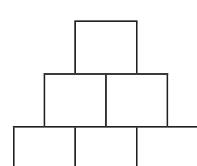
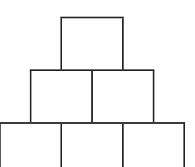
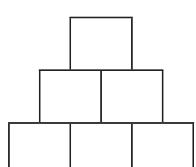
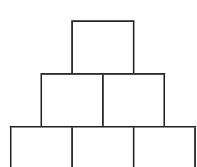
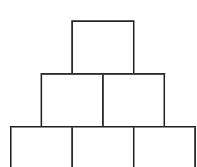
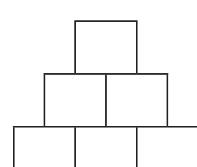
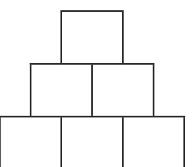
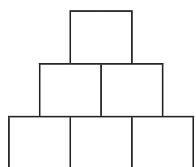
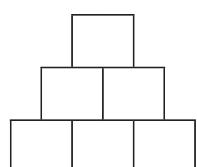
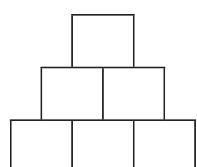
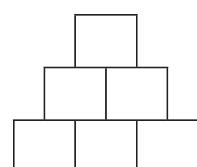
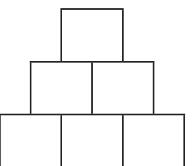
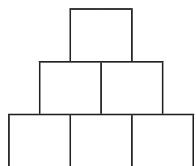
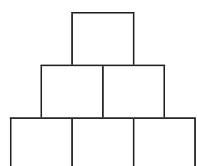
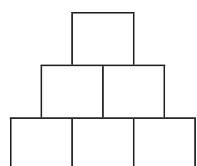
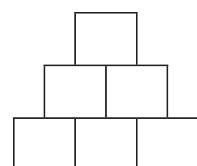
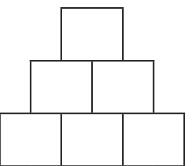
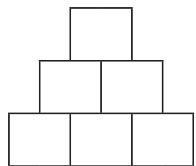
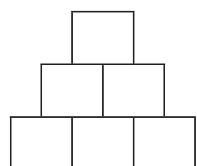
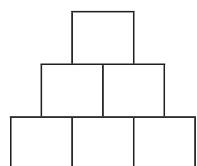
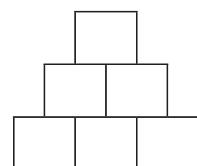
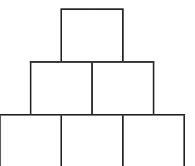
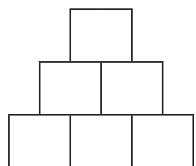
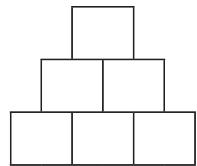
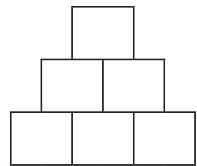
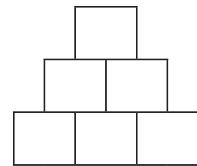
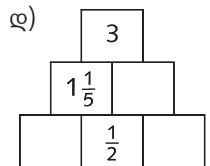
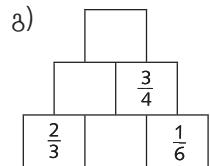
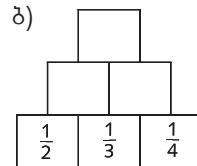
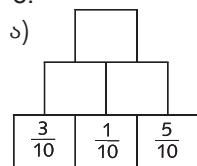
	$\frac{9}{15}$	$\frac{2}{15}$
$\frac{8}{15}$		
	$\frac{5}{15}$	

		$\frac{8}{30}$
$\frac{12}{30}$	$\frac{14}{30}$	$\frac{4}{30}$

$\frac{4}{5}$		
$\frac{3}{5}$	1	
		$1\frac{1}{5}$

$1\frac{1}{3}$		
$\frac{1}{6}$		
1		

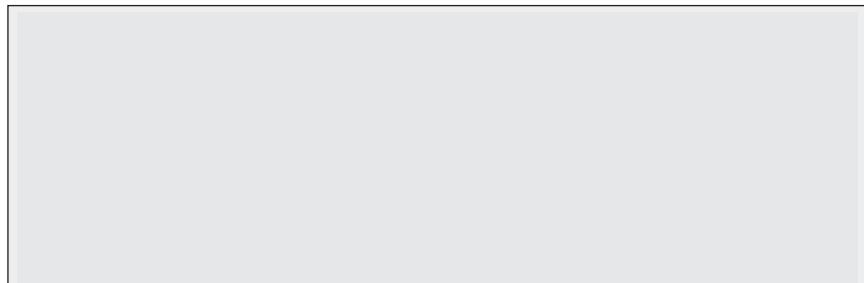
M 6.11 8.



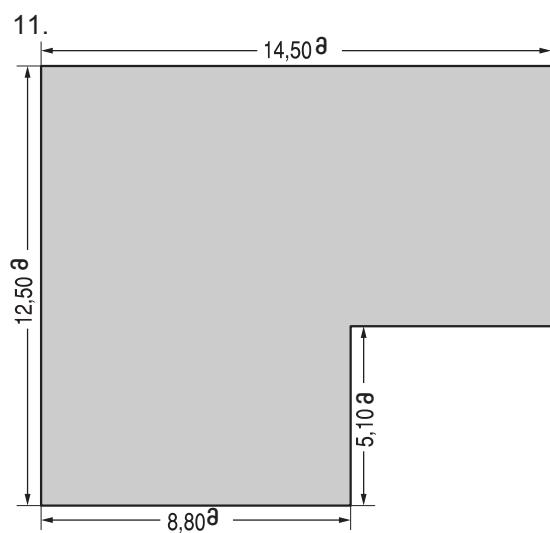
**M 7.7**



**M 7.8**



**M 8.2**



## 1.1

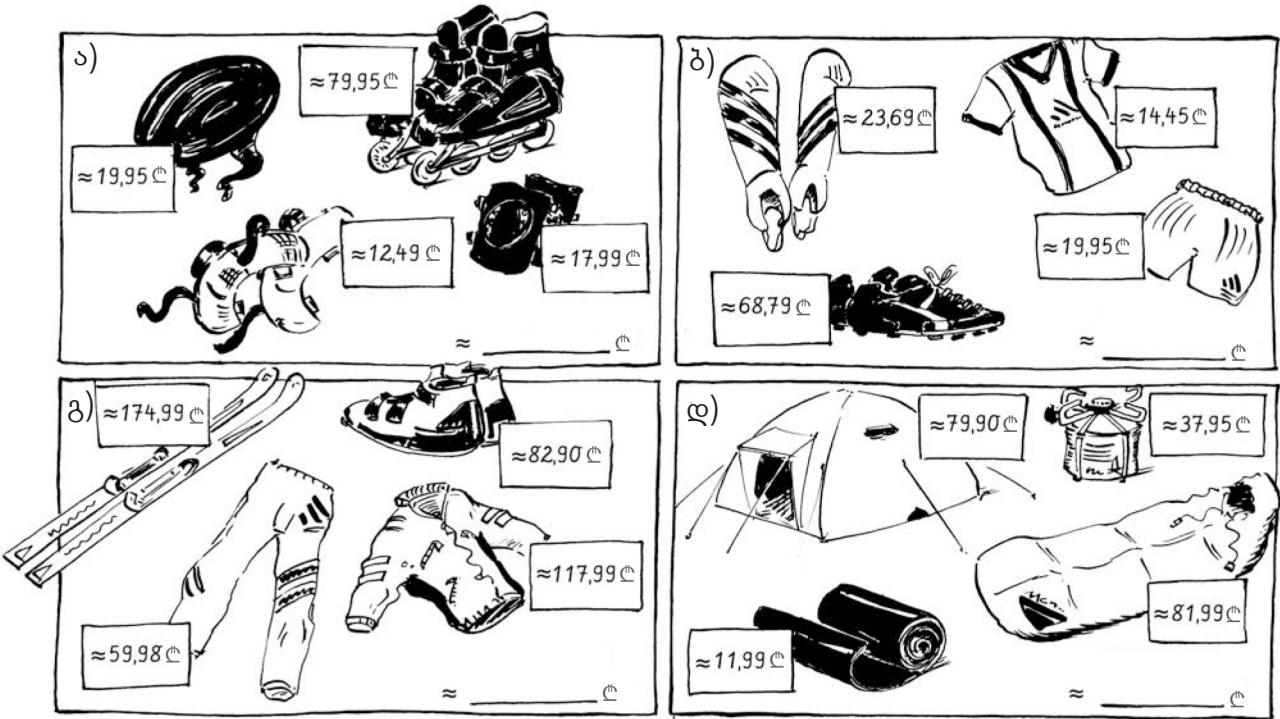
იანგარიშების ზეპირად

$30 \cdot 20 + 100$	$2\ 500 : 5$	$2\ 400 - 1\ 200$	$20 \cdot 50 - 100$
$360 + 360$	$480 \cdot 2$	$960 : 8$	$400 \cdot 12$
$2\ 500 \cdot 3$	$5\ 000 : 25$	$860 + 640$	$720 + 280$
$1\ 360 : 2$	$520 \cdot 3 + 140$	$500 \cdot 6 + 500$	$2\ 700 + 1\ 300$
$1\ 300 \cdot 3$	$2\ 000 + 1\ 600$	$20\ 000 - 2\ 000$	$15\ 000 : 3$
$450 \cdot 3 + 50$	$400 \cdot 3 + 50$	$24\ 000 : 4$	$24\ 000 : 8$

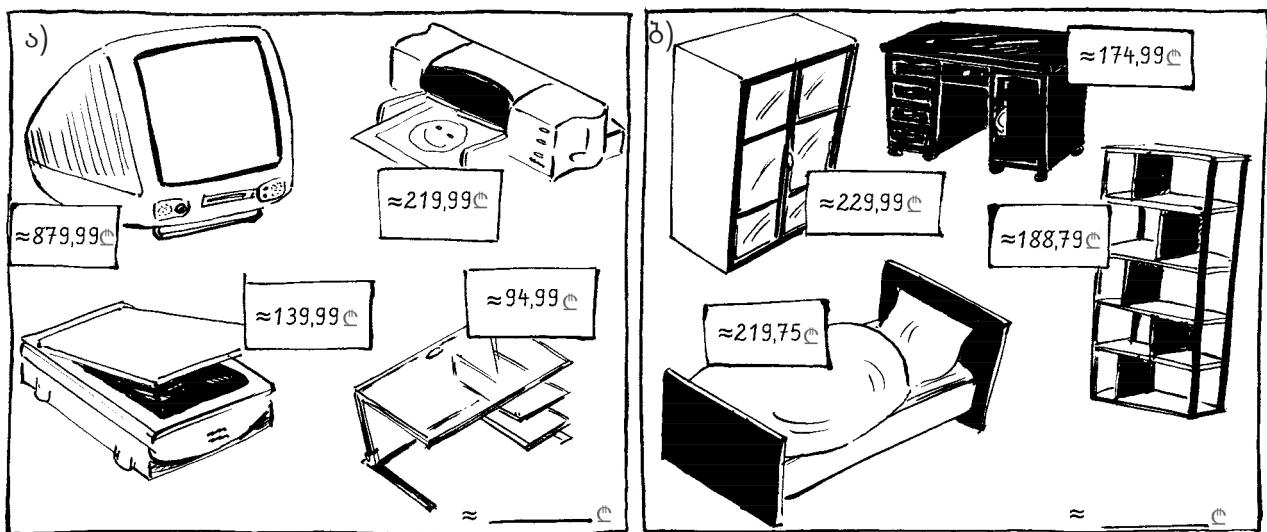
## 1.2

---

2.



3. დაამრგვალე ფასები ასეულებამდე და მიუწერე სურათს დამრგვალებული რიცხვი.



## 1.3

1. წაიკითხე სათანრიგო ცხრილში მოცემული რიცხვები და ჩაწერე ნიმუშის მიხედვით.

ბილიონი	მილიარდი	მილიონი	ათასი		
	2 5	7 0 0	0 0 0	0 0 0	25 მლრდ. 700 მლნ. = 25 700 000 000
a)	2 4 5 0	0 0 0	0 0 0	0 0 0	
b)	7 4 5	8 0 0	0 0 0	0 0 0	
c)	5 5 8 0	0 0 0	0 0 0	0 0 0	
d)	1 2 3 4	0 0 0	0 0 0	0 0 0	

2. a)  $3\ 785\ 000\ 000\ 000 = 3$  ბლნ 785 მლრდ  
 b)  $12\ 480\ 000\ 000\ 000 =$  \_\_\_\_\_  
 c) \_\_\_\_\_ = 8 ბლნ 673 მლრდ  
 d) \_\_\_\_\_ = 989 მლრდ 750 მლნ  
 e)  $24\ 784\ 000\ 000\ 000 =$  \_\_\_\_\_  
 f) \_\_\_\_\_ = 6 ბლნ 789 მლრდ

ბილიონი	მილიარდი	მილიონი	ათასი	

3. დააჯგუფე სამ-სამ თანრიგად (დაიწყე მარჯვნიდან).

$$125000000000000 = 12\ 500\ 000\ 000\ 000$$

$$= 12 \text{ ბლნ } 500 \text{ მლრდ}$$

- a)  $75400000000000 =$  \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_  
 b)  $64500000000000 =$  \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_  
 c)  $89300000000000 =$  \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_  
 d)  $25700000000000 =$  \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_

4. ჩანერე დიდი რიცხვები სიტყვიერად და რიცხობრივად.  
 შვიდი ტრილიონ რვაას ორმოცი მილიონი

$$= 7\ 840\ 000\ 000\ 000$$

- a) თორმეტი ათას ტრილიონ ხუთას ოთხმოცდაათი = \_\_\_\_\_  
 b) \_\_\_\_\_ = 24 357 000 000 000  
 g) \_\_\_\_\_ = 9 848 000 000 000

5. მეტია, ნაკლებია თუ ტოლია? ჩასვი შესაბამისი ნიშანი.

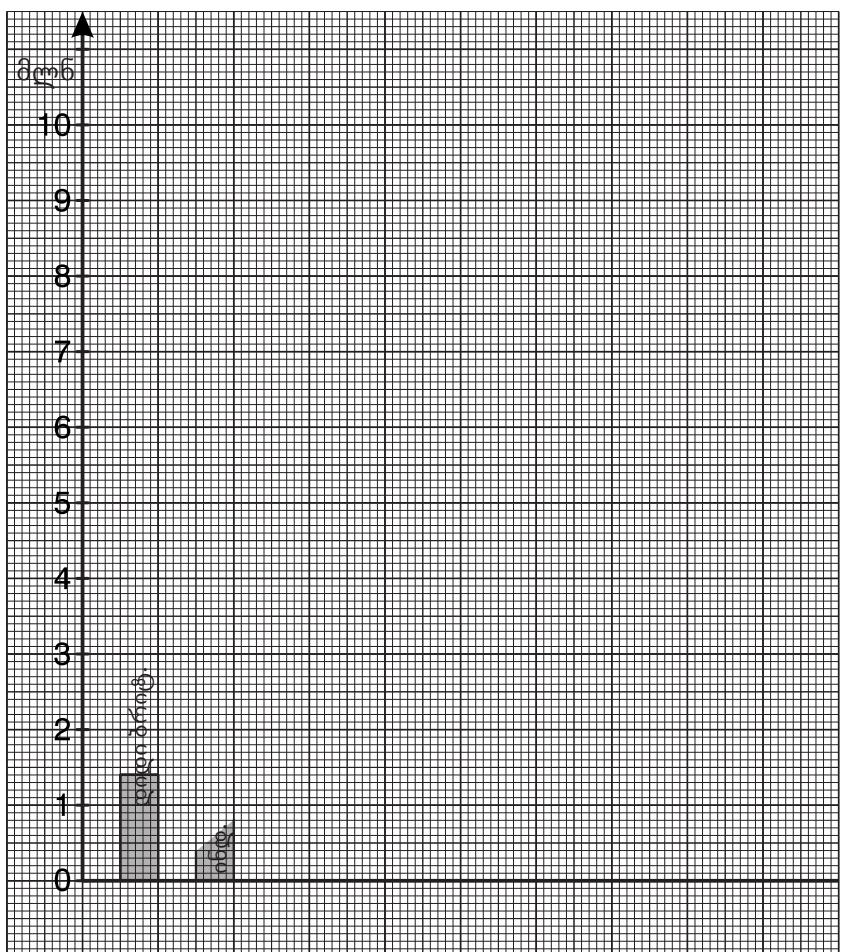
- |   |  |
|---|--|
| a) $3\ 450\ 000\ 000\ 000$ <input type="checkbox"/> 345 მლრდ        | d) $8\ 270\ 000\ 000\ 000$ <input type="checkbox"/> 8 ბლნ 270 მლრდ   |
| g) $5\ 347\ 000\ 000\ 000$ <input type="checkbox"/> 534 700 000 000 | დ) $12\ 700\ 000\ 000\ 000$ <input type="checkbox"/> 12 ბლნ 700 მლრდ |
| ი) $570\ 000\ 000\ 000$ <input type="checkbox"/> 570 მლრდ           | ვ) $12\ 340\ 000\ 000\ 000$ <input type="checkbox"/> 1 ბლნ 234 მლრდ  |
| ზ) $8\ 345\ 000\ 000\ 000$ <input type="checkbox"/> 83 ბლნ 45 მლრდ  | ო) $1\ 200\ 000\ 000\ 000$ <input type="checkbox"/> 1 ბლნ 200 მლრდ   |

## 1.5

---

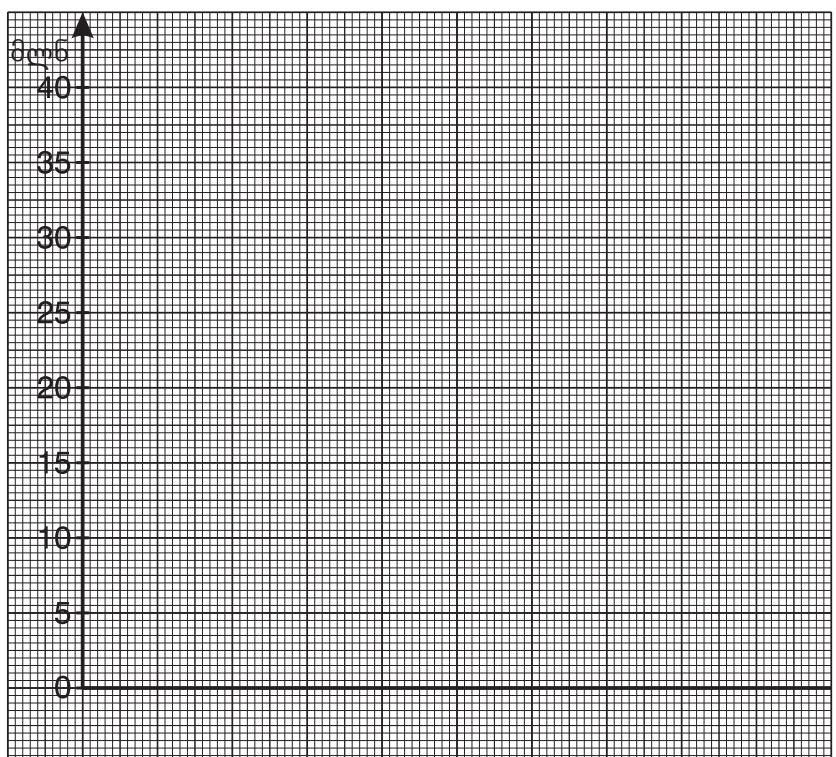
1. ავტომობილების მნარმოებელი 10 ქვეყანა დაამრგვალე და წარმოადგინე სათანრიგო ცხრილით.

ქვეყანა	რაოდენობა
იაპონია	9 757 000 ≈ _____
გერმანია	5 399 000 ≈ _____
ჩინეთი	5 233 000 ≈ _____
აშშ	4 366 000 ≈ _____
სამხრ. კორეა	3 489 000 ≈ _____
საფრანგეთი	2 723 000 ≈ _____
ბრაზილია	2 092 000 ≈ _____
ესპანეთი	2 079 000 ≈ _____
ინდოეთი	1 473 000 ≈ _____
დიდი ბრიტანეთი	1 442 000 ≈ _____



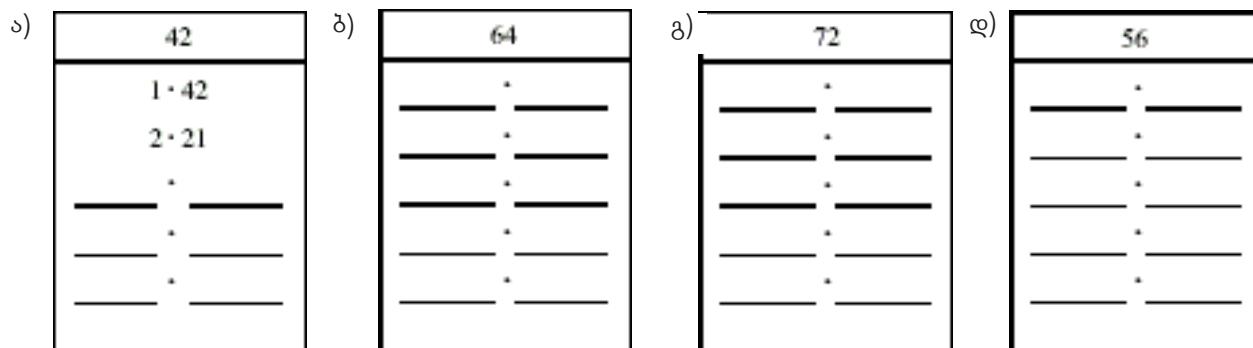
2. თვითმფრინავების მგზავრთა რაოდენობა 2007 წელს. დაამრგვალე მილიონამდე და წარმოადგინე ხაზოვანი დიაგრამით.

ფრანკფურტი	53 892 993 ≈ _____
მიუნხენი	33 893 160 ≈ _____
ბერლინი	20 008 703 ≈ _____
დიუსელდორფი	17 805 122 ≈ _____
ჰამბურგი	12 706 250 ≈ _____
კიოლნი	10 414 814 ≈ _____
შტუტგარტი	10 292 674 ≈ _____
ჰანოვერი	5 609 206 ≈ _____



## 1.8

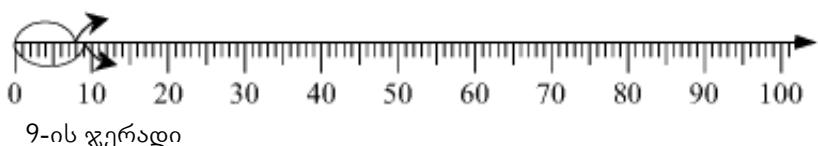
1. როგორ წარმოვადგინოთ რიცხვი ნამრავლის სახით?



2. დაწერე ორივე რიცხვის გამყოფი და ხაზი გაუხვი საერთო გამყოფს.

- ა) 18-ის გამყოფები: \_\_\_\_\_ ბ) 20-ის გამყოფები: \_\_\_\_\_  
 24-ის გამყოფები: \_\_\_\_\_ 25-ის გამყოფები: \_\_\_\_\_  
 გ) 30-ის გამყოფები: \_\_\_\_\_ დ) 42-ის გამყოფები: \_\_\_\_\_

3. რიცხვით სხივზე მონიშნეთ მოცემული რიცხვის ჯერადები და შემოხაზეთ საერთო ჯერადები.  
 ა) 8-ის ჯერადი



- ბ) 12-ის ჯერადი



4. დაწერე მოცემული რიცხვების პირველი 6 ჯერადი.

- ა) 6-ის: \_\_\_\_\_ ბ) 11-ის: \_\_\_\_\_  
 გ) 15-ის: \_\_\_\_\_ დ) 2-ის: \_\_\_\_\_

5. ჯერადების თითოეულ მწკრივში თრი შეცდომაა. იპოვე და გაასწორე.

- ა) 12, 24, 36, 48, 60, 71, 84, 96, 106, 120, 132, 144, 156, ...  
 ბ) ... 135, 127, 117, 108, 98, 90, 81, 72, 63, 54, 45, 36, 27, ...  
 გ) 35, 70, 105, 130, 175, 210, 235, 280, 315, 350, 385, 420, ...  
 დ) ... 180, 155, 150, 135, 120, 105, 95, 75, 60, 45, 30, 15, ...

## 1.9

---

1. ერატოსთენეს საცერი: ნაბიჯ-ნაბიჯ  
იპოვე ყველა მარტივი რიცხვი 300-მდე.

### პირველი ნაბიჯი:

გამორიცხე 1-იანი.

### მეორე ნაბიჯი:

მონიშნე 2 და 2-ის ყველა დანარჩენი  
ჯერადი გადახაზე.

### მესამე ნაბიჯი:

მონიშნე დარჩენილი რიცხვებიდან ყველაზე  
პატარა და მისი დანარჩენი ჯერადი გადახაზე.

### მეოთხე ნაბიჯი:

მონიშნე დარჩენილი რიცხვებიდან ყველაზე  
პატარა და მისი დანარჩენი ჯერადი გადახაზე.

### მეხუთე ნაბიჯი:

მონიშნე დარჩენილი . . .

დასასრულს მონიშნული გექნება

შემდეგი რიცხვები .....

ეს არის ყველა მარტივი რიცხვი 300-მდე.

### 2. ტყუპი მარტივი რიცხვები

ისეთი მარტივი რიცხვებია, რომელთა შორის  
განსხვავება 2-ია. მაგ., 3 და 5, 5 და 7.

იპოვე ყველა ტყუპი 300-მდე.

3	5
5	7


1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80
81	82	83	84	85	86	87	88	89	90
91	92	93	94	95	96	97	98	99	100
101	102	103	104	105	106	107	108	109	110
111	112	113	114	115	116	117	118	119	120
121	122	123	124	125	126	127	128	129	130
131	132	133	134	135	136	137	138	139	140
141	142	143	144	145	146	147	148	149	150
151	152	153	154	155	156	157	158	159	160
161	162	163	164	165	166	167	168	169	170
171	172	173	174	175	176	177	178	179	180
181	182	183	184	185	186	187	188	189	190
191	192	193	194	195	196	197	198	199	200
201	202	203	204	205	206	207	208	209	210
211	212	213	214	215	216	217	218	219	220
221	222	223	224	225	226	227	228	229	230
231	232	233	234	235	236	237	238	239	240
241	242	243	244	245	246	247	248	249	250
251	252	253	254	255	256	257	258	259	260
261	262	263	264	265	266	267	268	269	270
271	272	273	274	275	276	277	278	279	280
281	282	283	284	285	286	287	288	289	290
291	292	293	294	295	296	297	298	299	300

3. დღესდღეობით ცნობილ უდიდეს მარტივ რიცხვს აქვს 12 978 189 თანრიგი. რამდენი გვერდი დაგვჭირდება ამ რიცხვის დასაწერად? შეაფასე.

შეფასება: \_\_\_\_\_

## 1.10

---

1. იპოვე ორი რიცხვის უდიდესი საერთო გამყოფი (უსგ).

ა) უსგ (15, 18)      ბ) უსგ (16, 20)

15-ის გამყოფი: \_\_\_\_\_

16-ის გამყოფი: \_\_\_\_\_

18-ის გამყოფი: \_\_\_\_\_

20-ის გამყოფი: \_\_\_\_\_

უსგ (15, 18) = \_\_\_\_\_

უსგ(16, 20) = \_\_\_\_\_

2. იპოვე ორი რიცხვის უმცირესი საერთო ჯერადი (უსჯ).

ა) უსჯ (5, 3)      ბ) უსჯ (12, 16)

5-ის ჯერადები: \_\_\_\_\_ ...

12-ის ჯერადები: \_\_\_\_\_ ...

3-ის ჯერადები: \_\_\_\_\_ ...

16-ის ჯერადები: \_\_\_\_\_ ...

უსჯ (5, 3) = \_\_\_\_\_

უსჯ (12, 16) = \_\_\_\_\_

3. იანგარიშე ზეპირად.

უსგ (50, 75) = \_\_\_\_\_      უსგ (15, 90) = \_\_\_\_\_      უსგ(12, 72) = \_\_\_\_\_      უსგ (24, 18) = \_\_\_\_\_

უსჯ (7, 28) = \_\_\_\_\_      უსჯ (6, 15) = \_\_\_\_\_      უსჯ (12, 30) = \_\_\_\_\_      უსჯ (16, 24) = \_\_\_\_\_

4. შეავსე ცხრილი.

ა)

იყოფა	2	5	10
1 300	×		
1 364			
2 045			
5 550			
9 008			

ბ)

იყოფა	3	6	9
1 200			
1 368			
1 119			
8 847			
2 220			

ბ)

იყოფა	2	4	8
1 700			
1 368			
2 222			
4 444			
1 010			

5. გადახაზე ყველა რიცხვი, რომელიც არ იყოფა 3-ზე

10 101	7 777
7 777	4 444

777 777	4 567
4 444	87 654

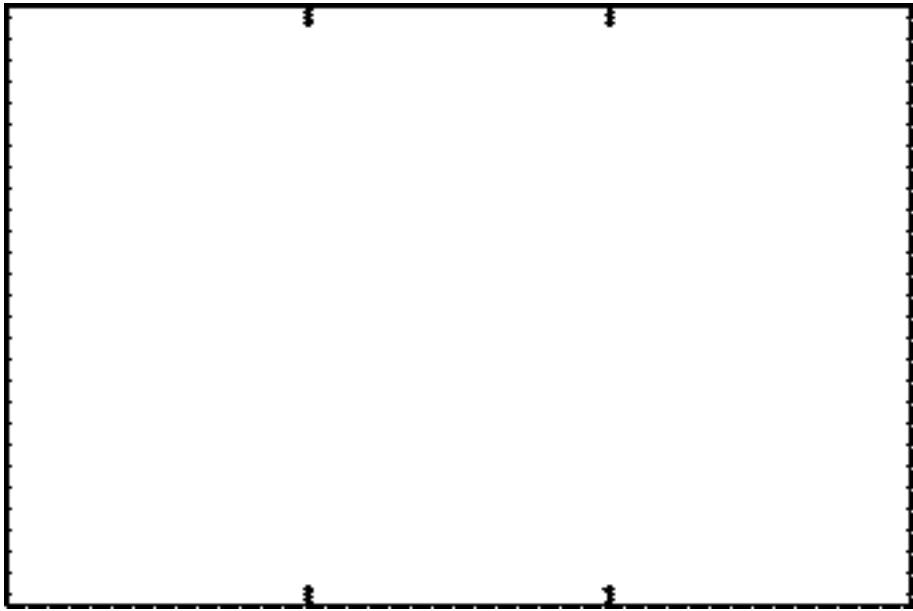
3 267
-------

6. შეავსე ისეთი ციფრებით, რომ გაიყოს ცხრაზე.

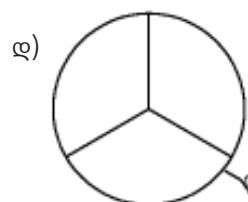
2 5 \_\_\_\_ 8      5 4 \_\_\_\_ 1      4 \_\_\_\_ 3 2      2 5 \_\_\_\_ 0      9 1 4 \_\_\_\_      3 \_\_\_\_ 4 6 1

## 2.1

1. a) გამოჭერი ფურცელი ზოლებად ისე, რომ მიიღო წილადები:  
 $\frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \frac{1}{8}$ . შეგიძლია  $\frac{1}{16}$  უნდ  $\frac{1}{32}$  მიიღო ზოლებისგან?  
 b) გაზომვით იპოვე ზოლის  $\frac{1}{4}, \frac{1}{5}, \frac{1}{10}$  ნაწილი.
2. გამოჭერი მართკუთხედი და გადაკეცე ისე, რომ მიიღო  $\frac{1}{3}, \frac{1}{6}, \frac{1}{12}$  ნაწილი.  
 ამ დავალების შესრულების სხვადასხვა გზა არსებობს. მინიშნებები დაგეხმარება.



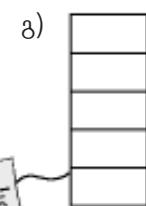
3. გააფერადე მოცემული წილადი.



$\frac{1}{9}$



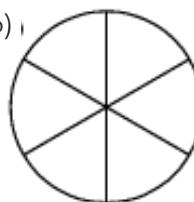
$\frac{1}{10}$



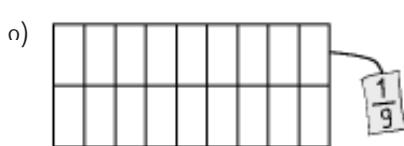
$\frac{1}{5}$



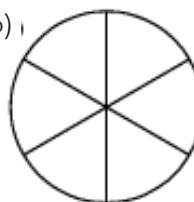
$\frac{1}{2}$



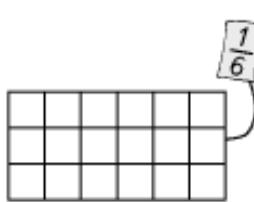
$\frac{1}{4}$



$\frac{1}{9}$



$\frac{1}{3}$

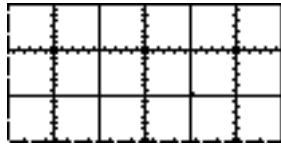


$\frac{1}{6}$

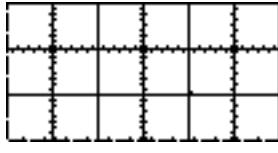
## 2.2

1. ბალი დაყოფილია 18 ნაწილად. ნახევარზე ბოსტნეულია დათესილი,  $\frac{1}{6}$ -ზე ყვავილები.

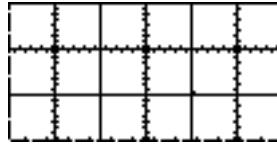
თემო და ანა  $\frac{1}{9}$  ნაწილს ამუშავებენ. სულ რამდენი ნაკვეთი ჩამოვთვალეთ? დარჩა რამე ნაწილი მარწყვის დასარგავად?



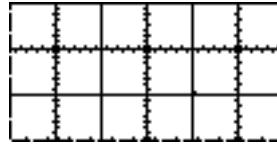
ბოსტნეული



ყვავილები



თემო



ანა

$$18 \text{ ნაკვეთის } \frac{1}{2} \\ = 18 \text{ ნაკვეთი : } 2$$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

მარწყვი:

$$18 \text{ ნაკვეთის } \frac{1}{6} \\ = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

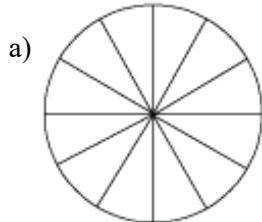
$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

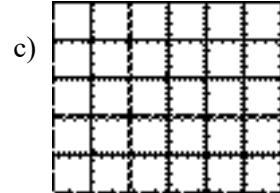
2. გამოვთვალე ნამცხვრის რამდენი ნაჭერი შექამეს.



$$12 \text{ ნაჭრის } \frac{1}{4} \\ = 12 \text{ ნაჭერი : } 4 \\ = \underline{\hspace{2cm}} \text{ ნაჭერი}$$



$$\text{ნამცხვრის } \frac{1}{5} \quad \underline{\hspace{2cm}} \\ = \underline{\hspace{2cm}}$$



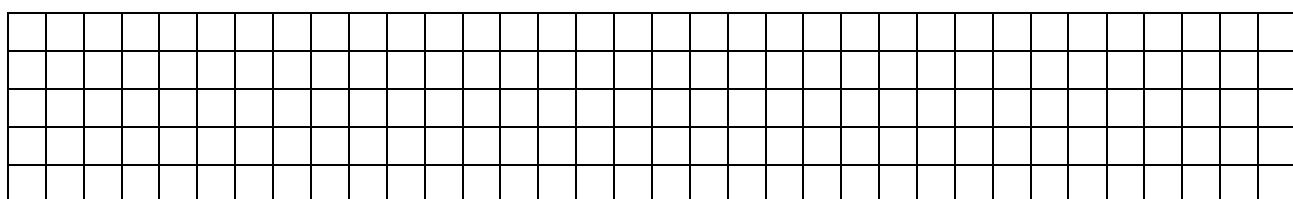
$$\text{ნამცხვრის } \frac{1}{10} \quad \underline{\hspace{2cm}} \\ = \underline{\hspace{2cm}}$$

3. გამოვთვალე.

a) $200\vartheta$ -ის $\frac{1}{2}$	$= \underline{\hspace{2cm}} \vartheta$	b) $100\text{ლ-ის } \frac{1}{4}$	$= \underline{\hspace{2cm}} \text{ლ}$
c) $60 \text{ ბავშვის } \frac{1}{3}$	$= \underline{\hspace{2cm}} \text{ ბავშვი}$	d) $960 \vartheta$ -ის $\frac{1}{12}$	$= \underline{\hspace{2cm}} \vartheta$
e) $12 \text{ თვის } \frac{1}{6}$	$= \underline{\hspace{2cm}} \text{ თვი}$	f) $90 \text{ ლ-ის } \frac{1}{15}$	$= \underline{\hspace{2cm}} \text{ ლ}$

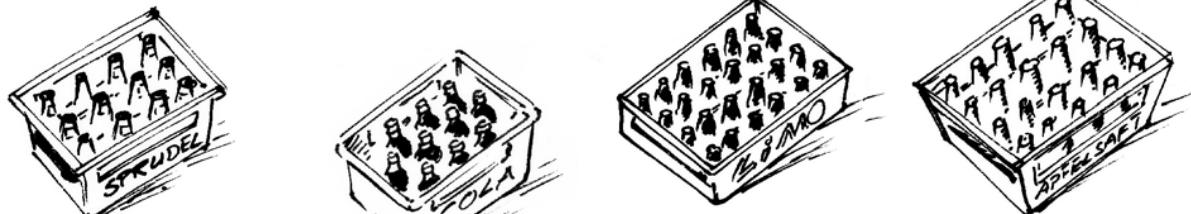
4. გამოვთვალე ( $1\vartheta = 1000\vartheta$ ).

a) $\frac{1}{2} \vartheta = \boxed{\hspace{2cm}} \vartheta$	b) $\frac{1}{4} \vartheta = \boxed{\hspace{2cm}} \vartheta$
c) $\frac{1}{8} \vartheta = \boxed{\hspace{2cm}} \vartheta$	d) $\frac{1}{5} \vartheta = \boxed{\hspace{2cm}} \vartheta$
e) $\frac{1}{40} \vartheta = \boxed{\hspace{2cm}} \vartheta$	f) $\frac{1}{50} \vartheta = \boxed{\hspace{2cm}} \vartheta$

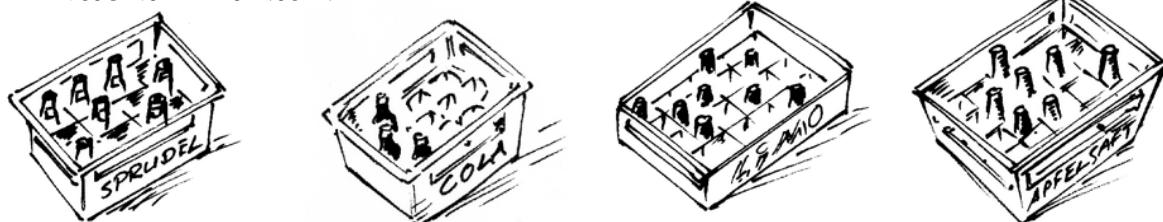


## 2.3

1. 68 ქლასის ზეიმი (წვეულება)



წვეულების შემდეგ დარჩა:



სასმელის რა ნაწილი დარჩა?

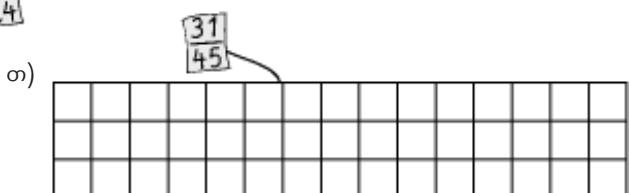
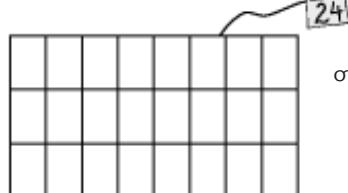
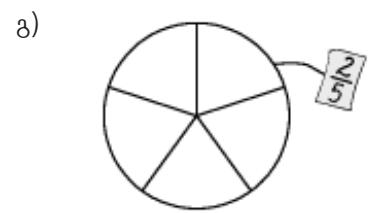
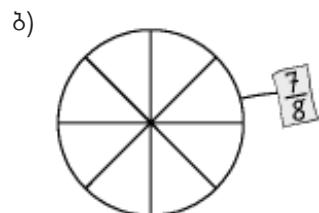
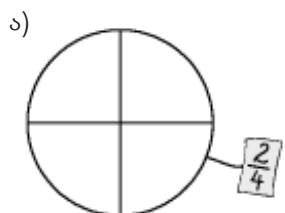
ლიმონათი

ვაშლის წვენი

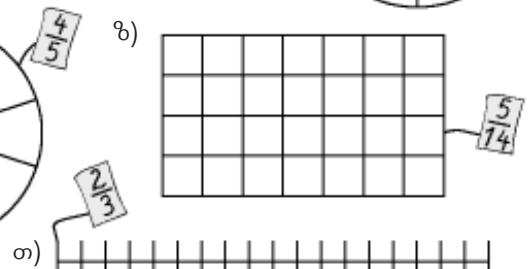
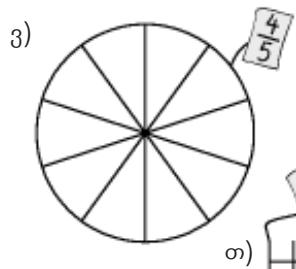
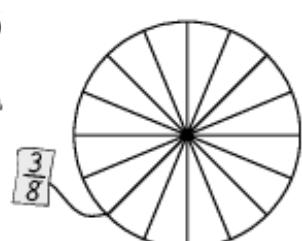
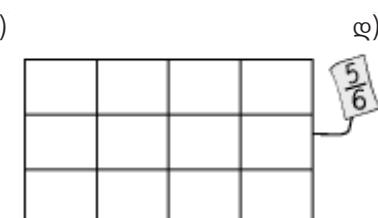
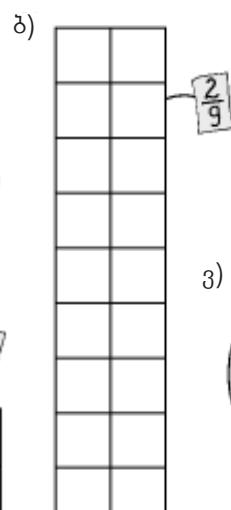
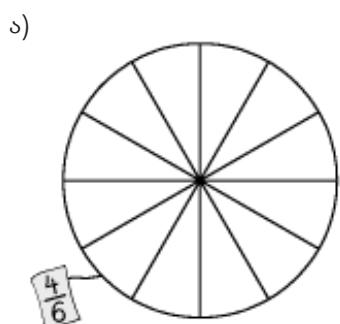
მინერალური წყალი

კოლა

2. გააფერადე მოცემული წილადები.



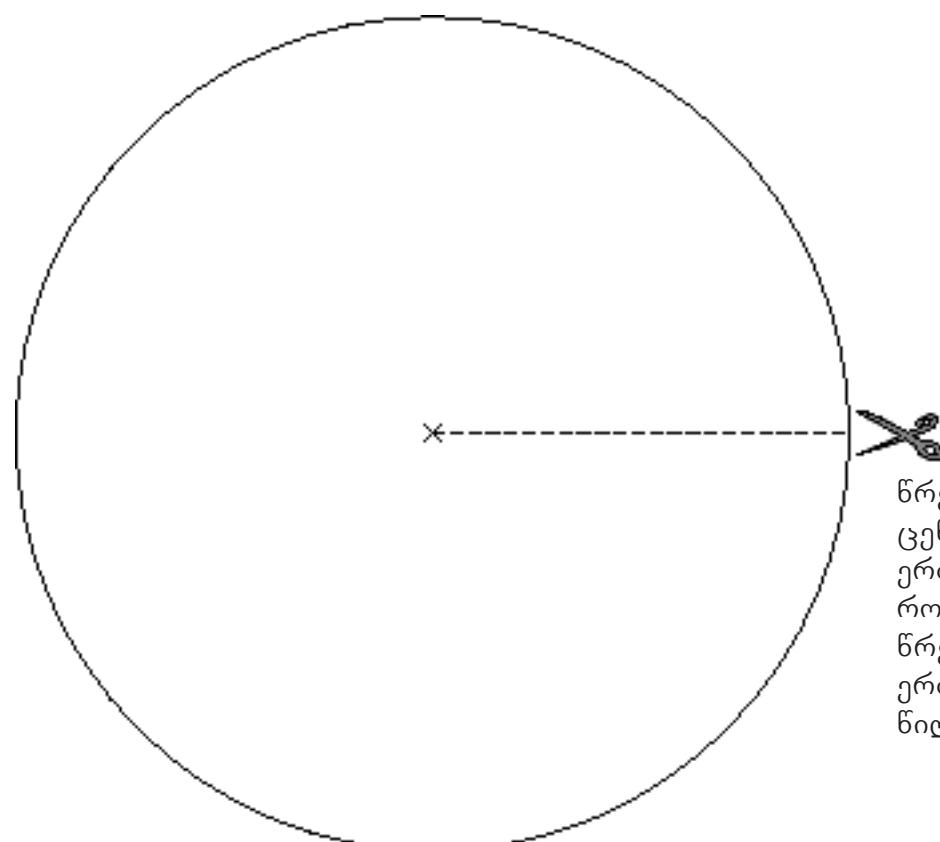
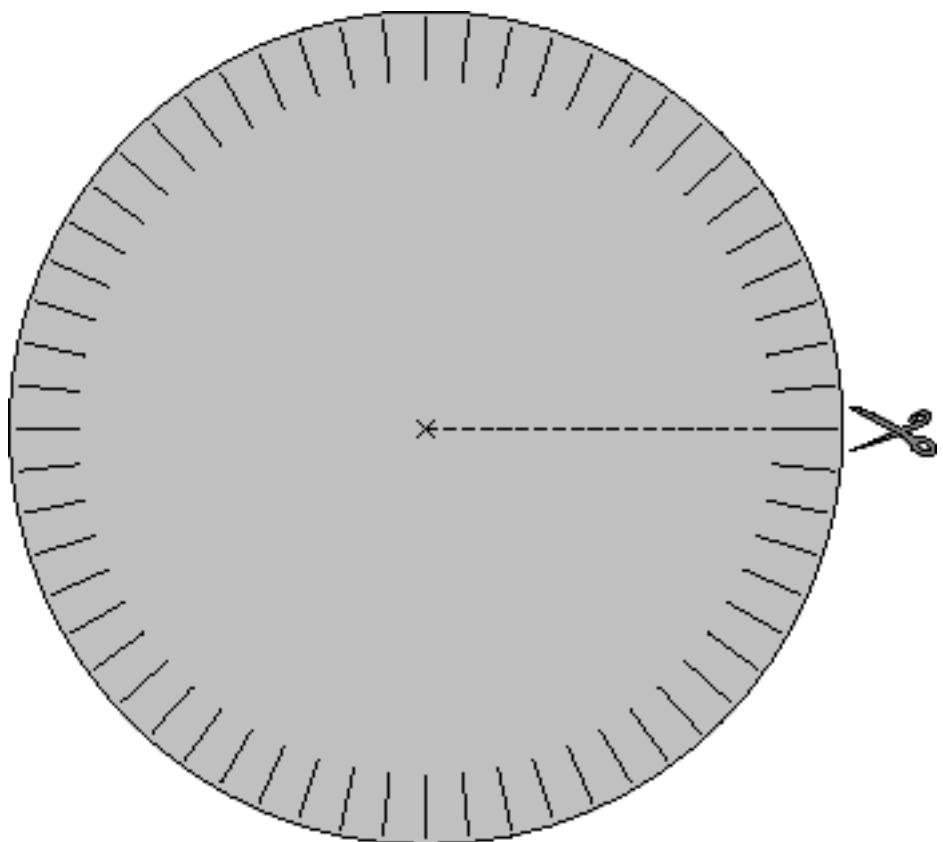
3. გააფერადე მოცემული წილადები.



## 2.4

ამოჭერი ორივე წრე და  
ნაცრისფერი წრე უკანა მხარეზეც  
გააფერადე.

შემდეგ კი ორივე წრე გადაჭერი  
რადიუსის გასწვრივ წრენირის  
ცენტრამდე.



წრეები გაჭერი რადიუსის  
ცენტრამდე და ორი წრე  
ერთმანეთთან ისე მიაერთე,  
რომ წილადი მიიღო.  
წრეების პრუნვით  
ერთმანეთის მიმართ  
წილადები იცვლება.

## 2.6

1. ნოდიების სპორტული ოჯახი შაბათობით დარბის. ისინი დარბიან 4 კმ-იან ტრასაზე.



ა) მამამ ერთხელ მხოლოდ 4000-ის  $\frac{3}{10}$  ნაწილის გარბენა შეძლო.

იანგარიშე:  $4000 : 10 = \underline{\hspace{2cm}}$

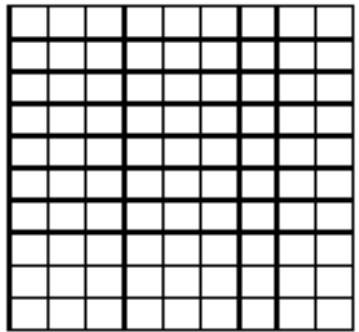
$4000 \text{ მ-ის } \frac{3}{10} = \underline{\hspace{2cm}}$



ბ) ლელამ ამ მონაკვეთის  $\frac{3}{4}$  გაირბინა  $\underline{\hspace{2cm}}$ .



გ) დედამ 4000 მ-ის  $\frac{4}{5}$ ,  $\underline{\hspace{2cm}}$ .



დ) დიმა წყვეტს სირბილს მანძილის  $\frac{19}{20}$  გარბენის შემდეგ.

ანუ მან გაირბინა 4000 მ -ის  $\underline{\hspace{2cm}}$  ნაწილი.

2. საქველმოქმედო ბაზრობაზე მე-6 კლასელებმა სულ ნამცხვრების გაყიდვით 160 ლარი შეაგროვეს და ნაწილით მიუსაფარი ბავშვები წაიყვანეს კინოში.

6ა კლასმა შეაგროვა ამ თანხის  $\frac{3}{10}$ . იანგარიშე:  $160 : 10 = 16$  და  $16 \cdot 3 = \underline{\hspace{2cm}}$

$160 \text{ ლარის } \frac{3}{10} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ ₾}$

6ბ კლასმა შეაგროვა  $\frac{5}{16}$ . იანგარიშე:  $\underline{\hspace{2cm}}$

იანგარიშე:  $\underline{\hspace{2cm}}$

'6გ კლასმა შეაგროვა ამ თანხის  $\frac{7}{20}$ . იანგარიშე:  $\underline{\hspace{2cm}}$

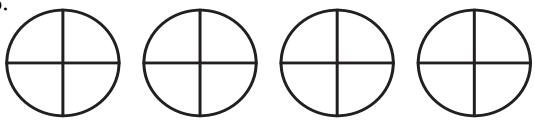
$\underline{\hspace{2cm}}$

დარჩენილი თანხით საკლასო ოთახისთვის მცენარე იყიდეს. რა თანხა გადაიხადეს?

3. ელენე, მარი, ლია და ეკა დაბადების დღეს აღნიშნავენ.

ა) მათ ერთად მიირთვეს  $\frac{13}{4}$  ხაჭაპური,

რაც შეადგენს მთელ ხაჭაპურსა და



მეოთხედ ხაჭაპურს. გააფერადე ნაწილები.

ბ) მათ დალიეს  $\frac{11}{5}$  ლ ლიმონათი,

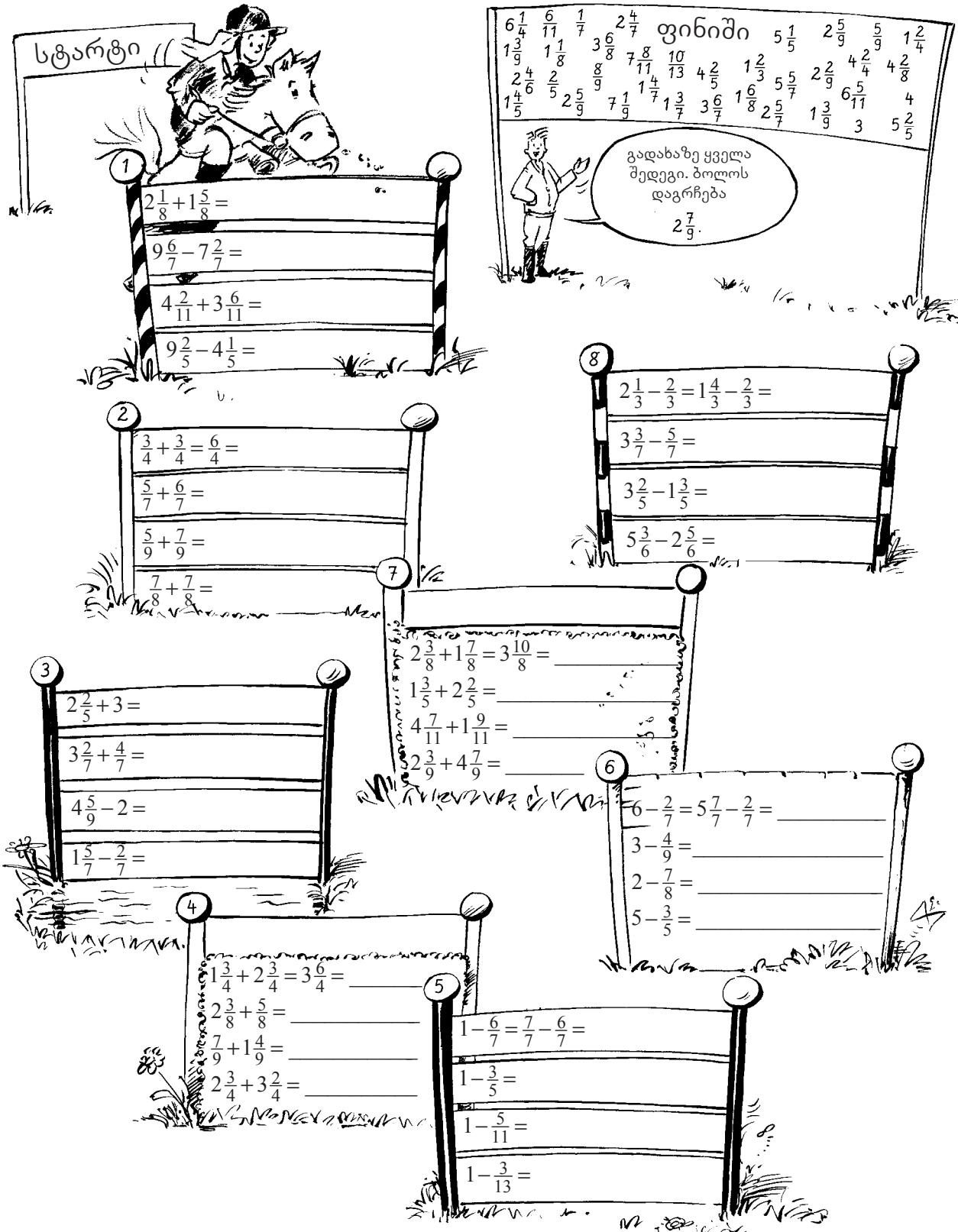
სულ  $\underline{\hspace{2cm}}$  ლ.



გ) ზეიმი  $\frac{19}{6}$  საათს გრძელდებოდა =  $\underline{\hspace{2cm}}$  სთ

2.7

იჯირითე და გადალახე დაბრკოლებები.



## 2.10

---

1.	10 ♂	1 ♂	$\frac{1}{10} \text{ ♂}$ $= 1 \text{ ♂}$	$\frac{1}{100} \text{ ♂}$ $= 1 \text{ ♂}$	$\frac{1}{1000} \text{ ♂}$ $= 1 \text{ ♂}$	
1,023 ♂		1	0	2	3	$1 \text{ ♂} + \frac{0}{10} \text{ ♂} + \frac{2}{100} \text{ ♂} + \frac{3}{1000} \text{ ♂} = 1\frac{23}{1000} \text{ ♂}$
	4	0	2	7	8	
	2	9	3	4		
79,823 ♂						
8,49 ♂						

2.	10	1	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{100}$	$\frac{1}{1000}$	
1,424		1	4	2	4	$1 + \frac{4}{10} + \frac{2}{100} + \frac{4}{1000} = 1\frac{424}{1000}$
		7	8	6		
	1	4	9	2	5	
		3	7	1	5	
	2	4	6	8		

3.	10	1	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{100}$	$\frac{1}{1000}$	
2,64						
17,309						
19,08						
						$3 + \frac{4}{10} + \frac{7}{100} = 3\frac{\square}{100}$
						$16 + \frac{1}{10} + \frac{3}{100} + \frac{4}{1000} = 16\frac{\square}{1000}$
						$= 15\frac{73}{1000}$

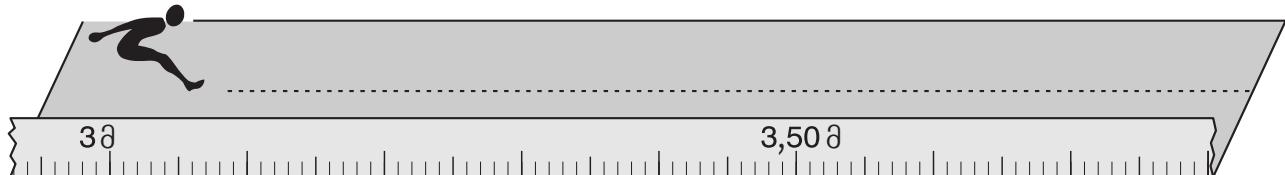
4. სათანრიგო ცხრილში გადახაზე ზედმეტი ნულები და შეავსე.

	10	1	$\frac{1}{\square}$	$\frac{1}{\square\square}$	$\frac{1}{\square\square\square}$	
	0	2	0	3	0	$2 + \frac{0}{10} + \frac{3}{100} + \frac{0}{1000} = 2\frac{3}{100}$
	0	7	8	0	0	
	3	4	0	0	9	
	4	0	3	9	0	
	7	0	0	0	7	
	0	8	4	0	0	

## 2.11

1. ბავშვები სიგრძეზე ხტომაში ეჯიბრებიან. დაალაგე მონაცემები ზრდის მიხედვით.

ლიკა	3,04 მ	გიგი	3,68 მ	ირაკლი	3,32 მ	ნატალი	2,99 მ
ანა	3,54 მ	თეო	3,18 მ	კატო	3,45 მ	ნინო	3,08 მ



\_\_\_\_\_ < \_\_\_\_\_ < \_\_\_\_\_ < \_\_\_\_\_ < \_\_\_\_\_ < \_\_\_\_\_ < \_\_\_\_\_

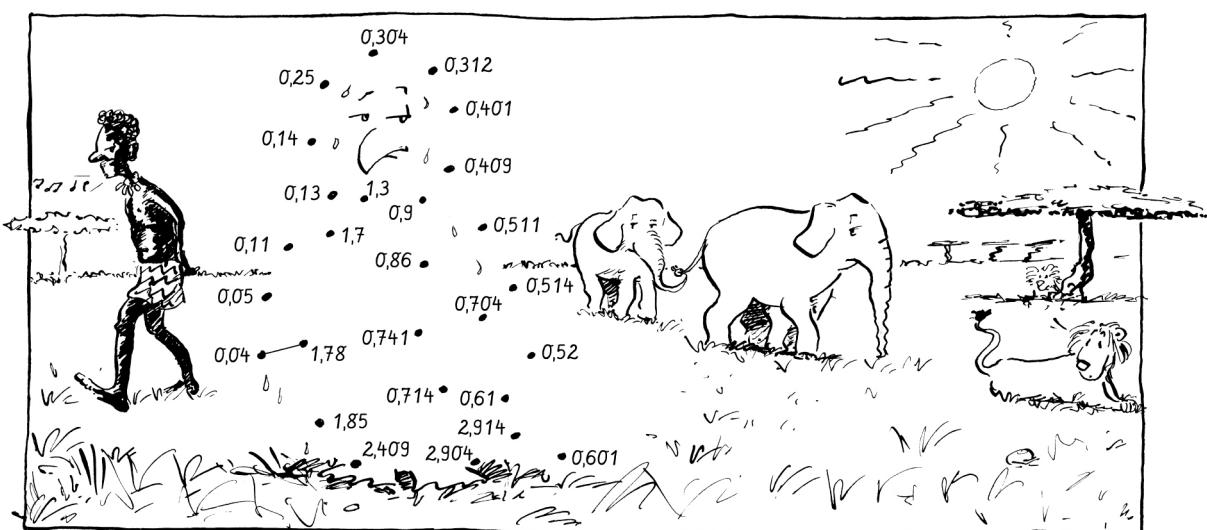
2. ჩასვი სწორად (< ან >).

- |         |                      |      |          |                      |       |          |                      |       |          |                      |       |
|---------|----------------------|------|----------|----------------------|-------|----------|----------------------|-------|----------|----------------------|-------|
| ა) 1,71 | <input type="text"/> | 1,69 | ბ) 5,3   | <input type="text"/> | 5,4   | გ) 0,205 | <input type="text"/> | 0,215 | დ) 6,299 | <input type="text"/> | 6,134 |
| ვ) 0,04 | <input type="text"/> | 0,03 | ვ) 7,49  | <input type="text"/> | 7,47  | ვ) 0,003 | <input type="text"/> | 0,03  | ვ) 7,88  | <input type="text"/> | 7,088 |
| ი) 1,07 | <input type="text"/> | 10,7 | ვ) 1,052 | <input type="text"/> | 1,502 | ლ) 7,03  | <input type="text"/> | 7,004 | დ) 9,283 | <input type="text"/> | 9,248 |

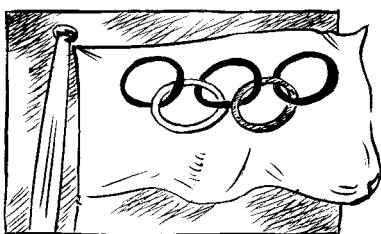
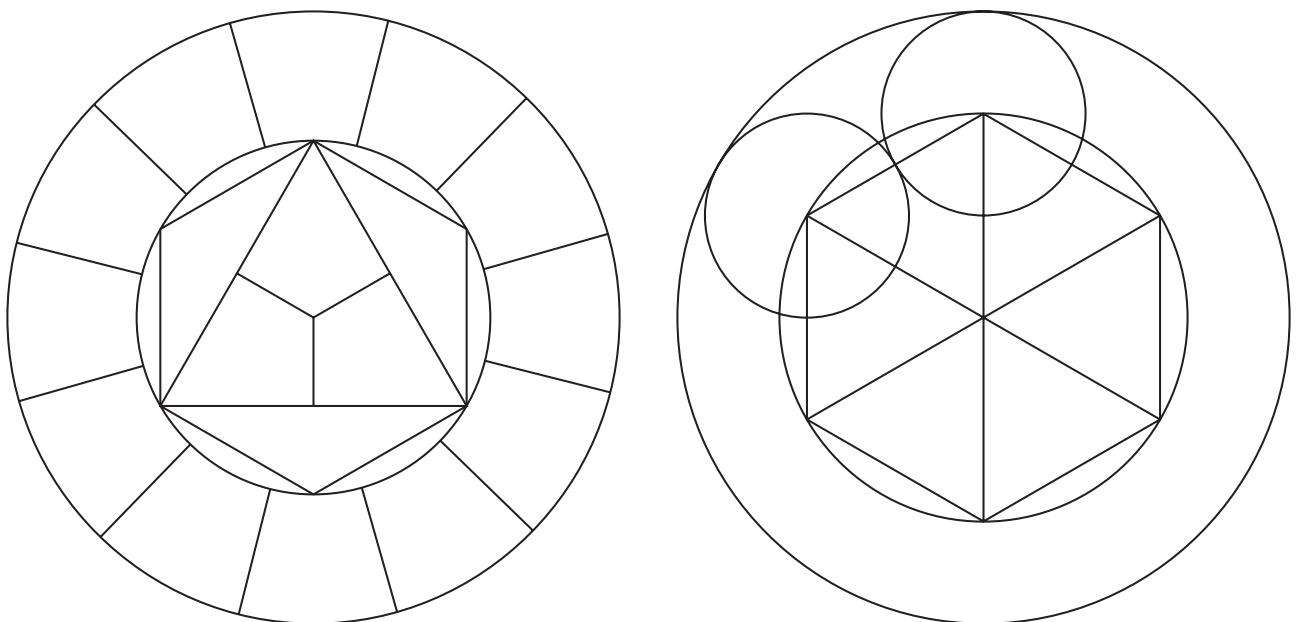
3. რომელ რიცხვებს შორისაა მოცემული რიცხვი. ჩანერე.

- |   |   |   |
|---|---|---|
| ა) <input type="text"/> < 17,499 < <input type="text"/> | ბ) <input type="text"/> < 9,009 < <input type="text"/>  | გ) <input type="text"/> < 1,07 < <input type="text"/>   |
| დ) <input type="text"/> < 2,71 < <input type="text"/>   | ვ) <input type="text"/> < 72,806 < <input type="text"/> | ს) <input type="text"/> < 10,811 < <input type="text"/> |
| ხ) <input type="text"/> < 4,02 < <input type="text"/>   | ო) <input type="text"/> < 15,006 < <input type="text"/> | ი) <input type="text"/> < 16,901 < <input type="text"/> |

4. დაიწყე ყველაზე პატარა რიცხვით და შეაერთე სიღიღით მომდევნო რიცხვთან.



### 3.1

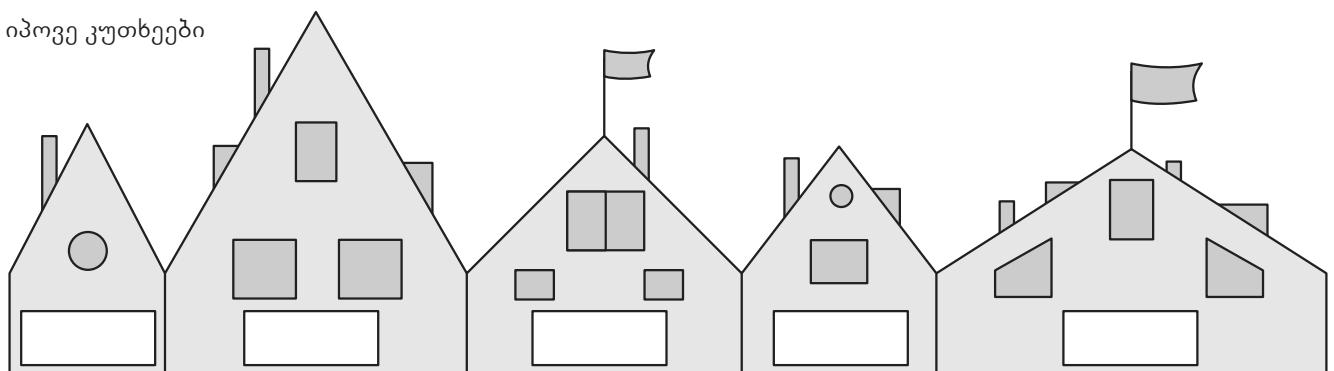
1.  ×      ×      ×  
×      ×
- დახაზე ოლიმპიური რგოლები 2 სმ  
სიგრძისა და 4 მმ სიგანის რადიუსით.  
რგოლებს შუა წერტილები მონიშნულია.  
ყურადღება მიაქციე რგოლების გადაკვეთის  
წერტილებსა და ფერებს.
2. a) გააფერადე შენი შეხედულებისამებრ.      b) დაასრულე ნიმუში და გააფერადე.
- 

3. დახაზე წრე 3 სმ-იანი და 2 სმ-იანი რადიუსებით და განაგრძე.

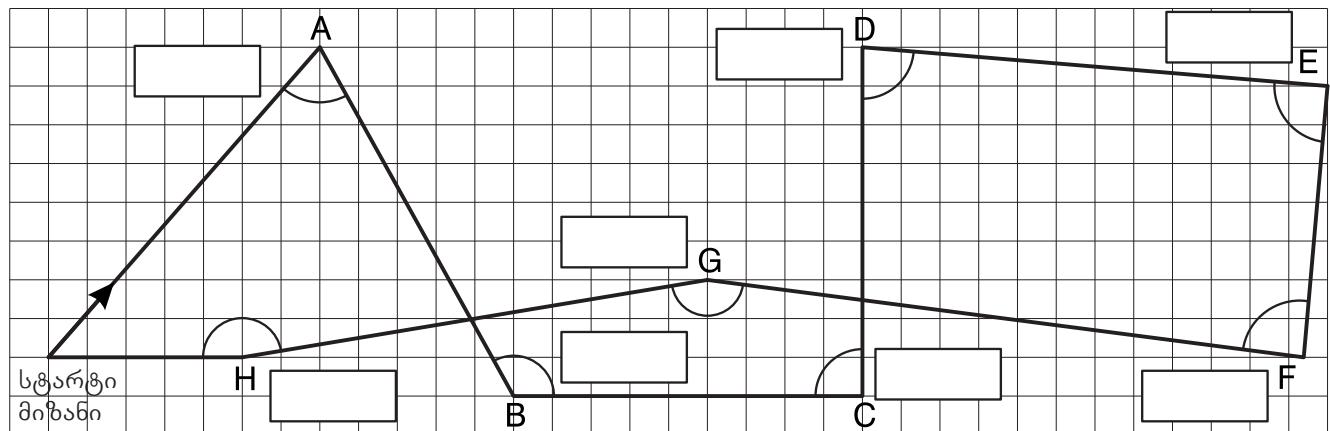
+                          ×                          +                          ×  
+                          ×                          +                          +

### 3.5

1. იპოვე კუთხეები

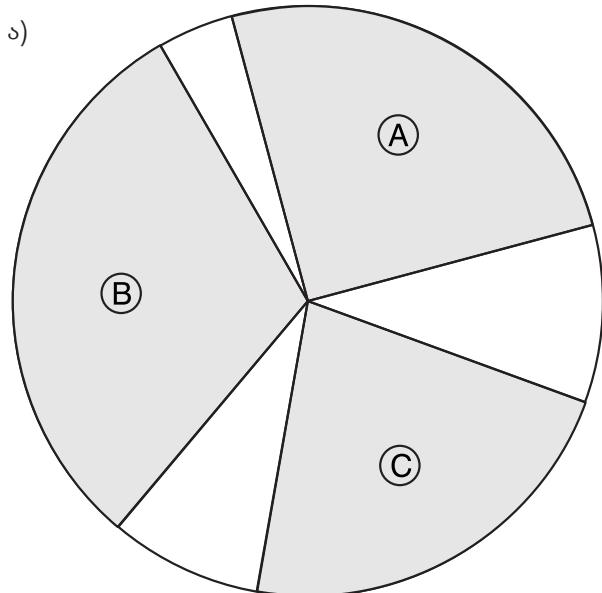


2.



მონიშნე ბლაგვი, მართი და მახვილი კუთხეები.

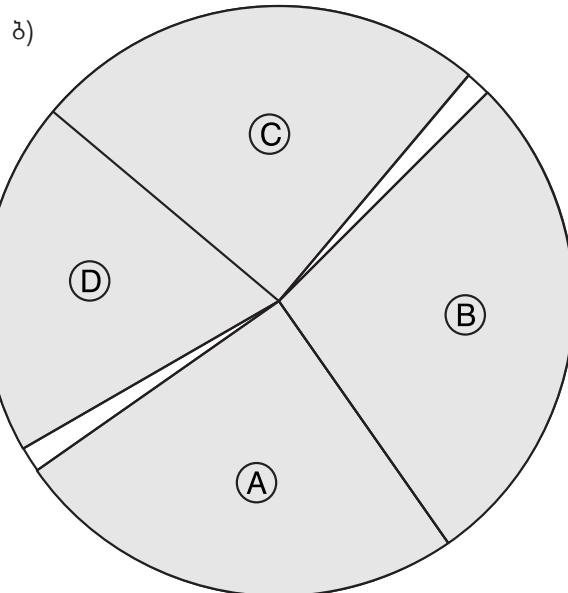
3. ერთი შეხედვით დადგინე რა კუთხეა.



მახვილი

მართი

ბლაგვი



მახვილი

მართი

ბლაგვი

### 3.6

1. а) დაალაგე კუთხეები სიდიდის მიხედვით:

$$\boxed{\quad} < \boxed{\quad} < \boxed{\quad} < \boxed{\quad} < \boxed{\quad} < \boxed{\quad}$$

ბ) კერ შეაფასე თვალზომით, შემდეგ გაზომე.

$$\alpha_1 = \underline{\hspace{2cm}}$$

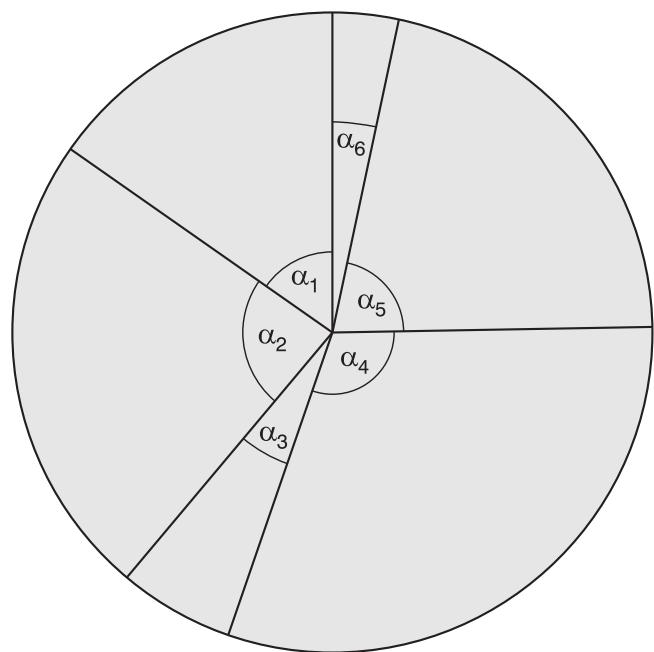
$$\alpha_2 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\alpha_3 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\alpha_4 = \underline{\hspace{2cm}}$$

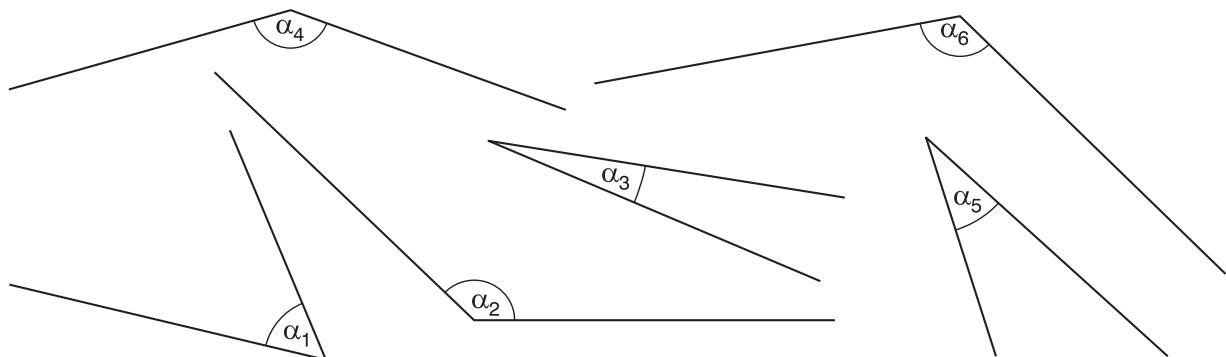
$$\alpha_5 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\alpha_6 = \underline{\hspace{2cm}}$$



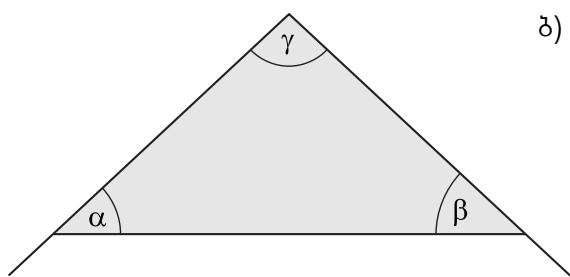
2. გაზომე ტრანსპორტირით.

კუთხე	$\alpha_1$	$\alpha_2$	$\alpha_3$	$\alpha_4$	$\alpha_5$	$\alpha_6$
თვალზომით						
გაზომვით						

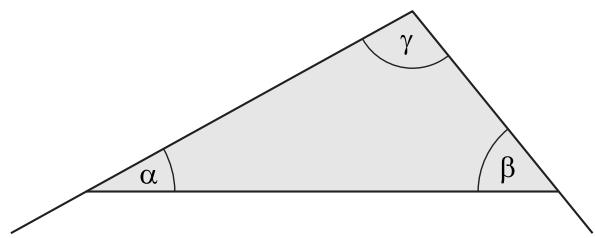


3. შეაფასე თვალზომით და გაზომე ტრანსპორტირით.

ა)



ბ)

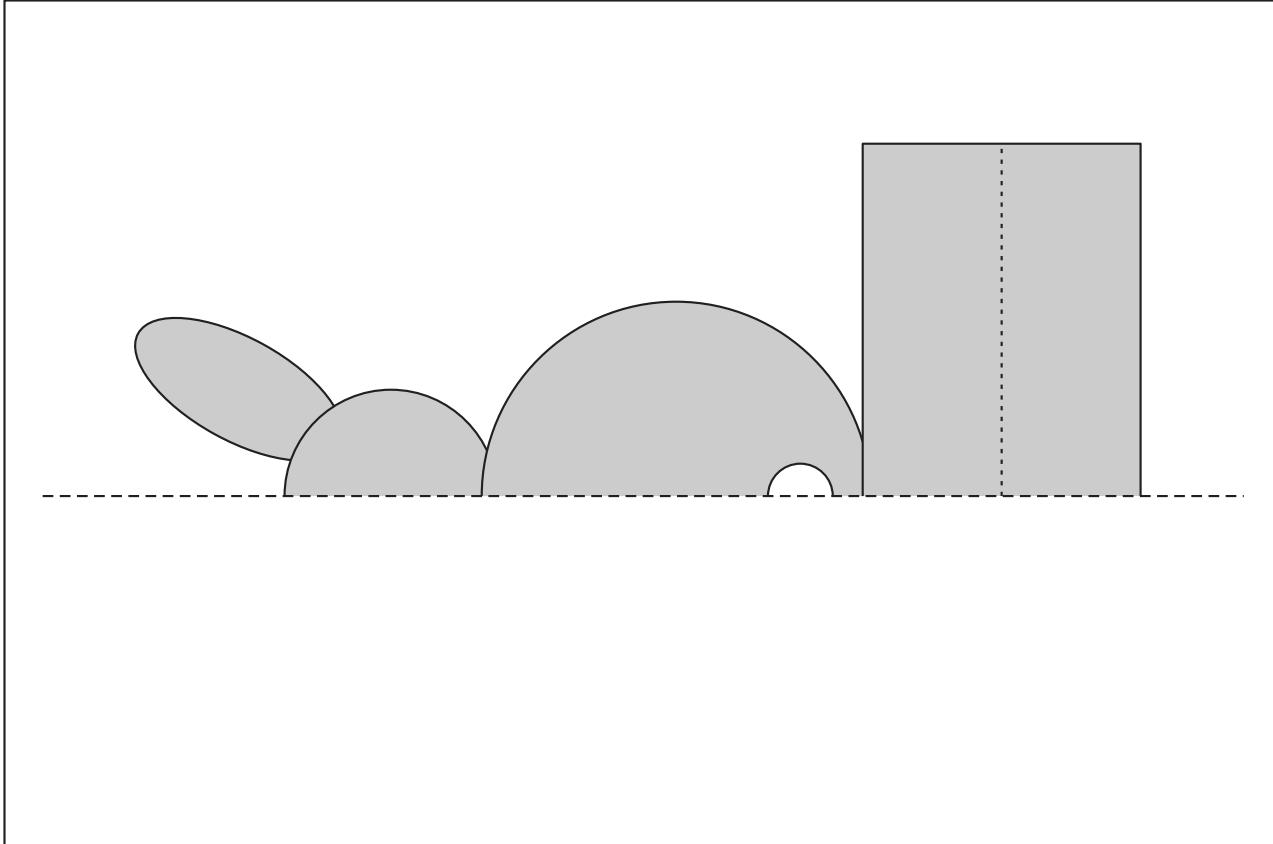


### 3.9

---

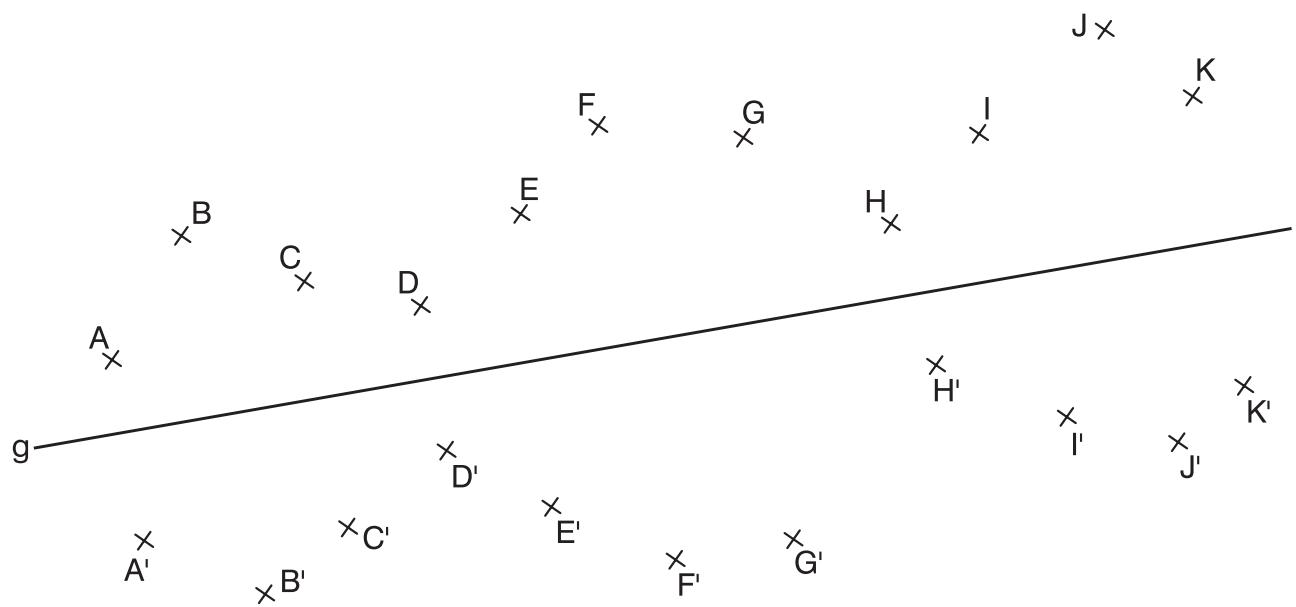
მითითებები „მორბენალი კურდლის“ მოდელისთვის:

1. გადავკეცოთ ფურცელი შუაზე (გადაკეცვის ზოლი -----)
2. გამოვჭროთ ფიგურა;
3. გავშალოთ მართკუთხედის ფურცელი და გადავლუნოთ გადაკეცვის ზოლზე;
4. დავდგათ ფიგურა გლუვ ზედაპირზე და სულის შებერვით ავამოძრაოთ.

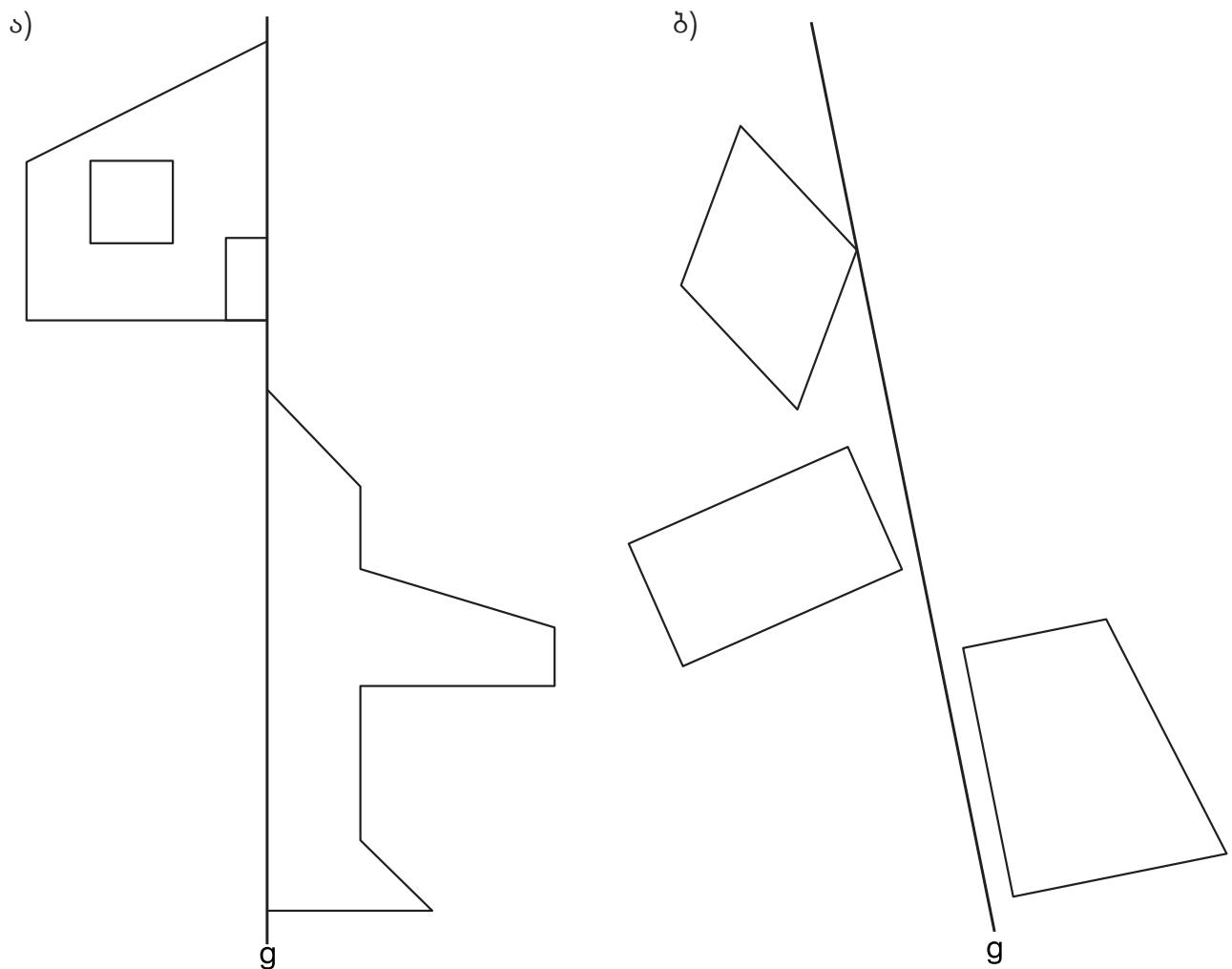


### 3.10

1. სიმეტრიული წერტილები მონიშნეთ –  $\square$ , არასიმეტრიული –  $\circ$ .

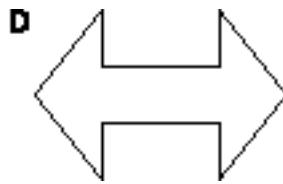
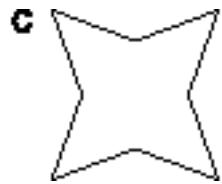
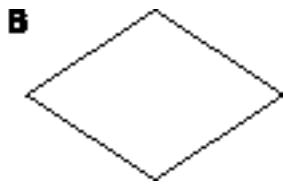
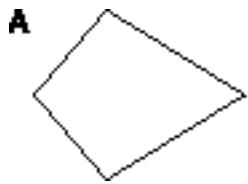


2. გადაიტანე ფიგურები  $g$  სიმეტრიის ღერძის მიმართ.



### 3.11

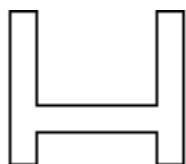
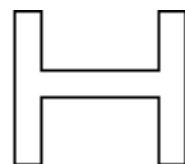
1. რომელი ფიგურაა ღერძის მიმართ სიმეტრიული, რომელი ბრუნვითი და რომელი ცენტრულსიმეტრიული?



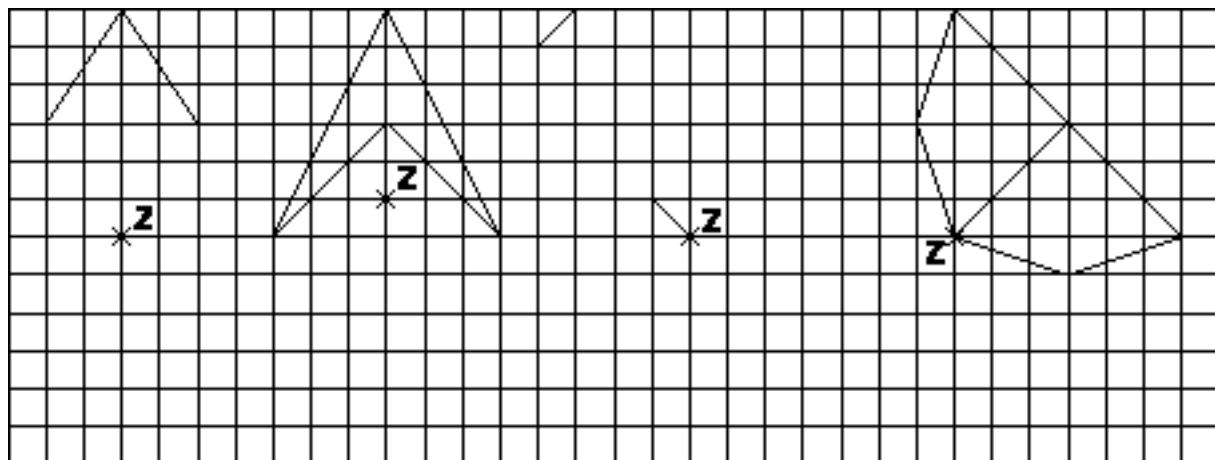
- a) მონაცემები შეიტანა ცხრილში.  
ბ) ფიგურებს დაუხაზე სიმეტრიის ღერძები  
ან მიუთითოთ ბრუნვის ცენტრი.

ფიგურა	A	B	C	D
ღერძულსიმეტრიული				
ბრუნვითსიმეტრიული				
ცენტრულსიმეტრიული				

2. მონიშნე სიმეტრიის ღერძები და სიმეტრიის ცენტრები,  
თუ ფიგურა ცენტრულ სიმეტრიულია.

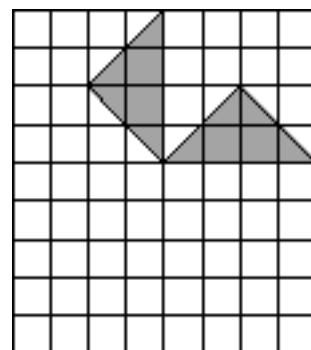
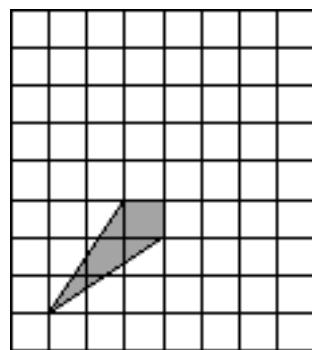
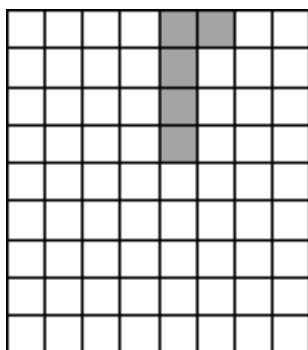


3. შეავსე ცენტრულ სიმეტრიული ფიგურის მიღებამდე, ისე რომ Z სიმეტრიის ცენტრი იყოს.



4. შეავსე სიმეტრიული ფიგურების მიღებამდე.

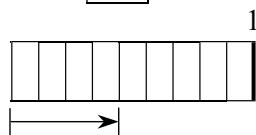
- a) ცენტრული სიმეტრია      b) ბრუნვითი სიმეტრია      g) ღერძული და ბრუნვითი სიმეტრია.



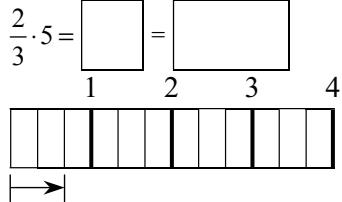
## 4.1

1. ამოსხენი და ჩაწერე შესაბამის უჯრაში.

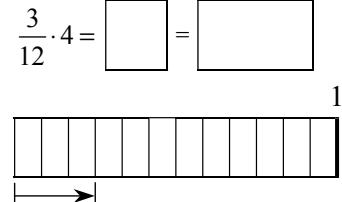
$$\text{a) } \frac{4}{9} \cdot 2 = \boxed{\quad}$$



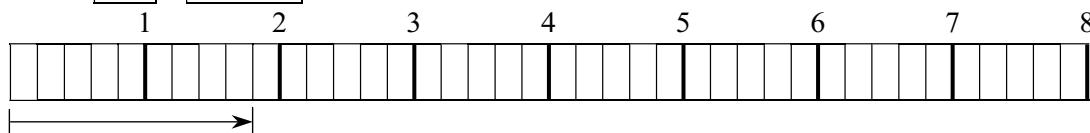
$$\text{b) } \frac{2}{3} \cdot 5 = \boxed{\quad} = \boxed{\quad}$$



$$\text{g) } \frac{3}{12} \cdot 4 = \boxed{\quad} = \boxed{\quad}$$

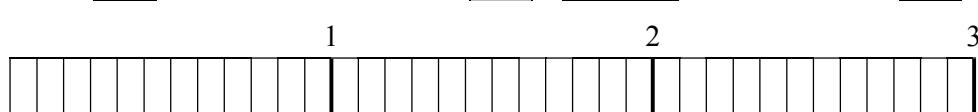


$$\text{g) } 1\frac{4}{5} \cdot 4 = \boxed{\quad} = \boxed{\quad}$$



2. დახაზე მოქმედების შესაბამისი ისრები სხვადასხვაფრად.

$$\text{a) } \frac{5}{12} \cdot 7 = \boxed{\quad}$$



$$\text{b) } 1\frac{1}{4} \cdot 2 = \boxed{\quad} = \boxed{\quad}$$

$$\text{g) } \frac{5}{6} \cdot 3 = \boxed{\quad} = \boxed{\quad}$$

3. ამოხსენი ზეპირად.

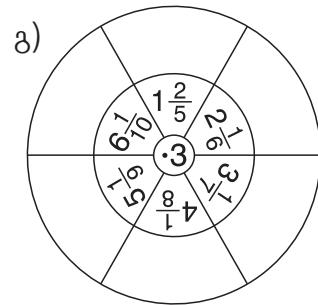
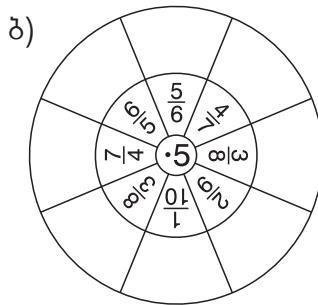
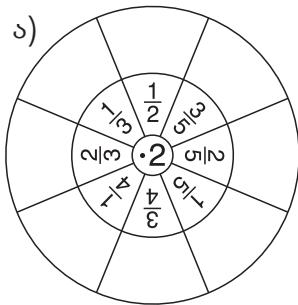
$$\text{a) } 1\frac{1}{4} \cdot 3 = \frac{5 \cdot 3}{4} = \frac{15}{4} = \boxed{\quad}$$

$$\text{b) } 2\frac{2}{3} \cdot 5 = \frac{\quad}{\quad} = \frac{\quad}{\quad} = \boxed{\quad}$$

$$\text{g) } 3\frac{3}{5} \cdot 2 = \frac{\quad}{\quad} = \frac{\quad}{\quad} = \boxed{\quad}$$

$$\text{g) } 1\frac{3}{7} \cdot 4 = \frac{\quad}{\quad} = \frac{\quad}{\quad} = \boxed{\quad}$$

4. ჩაწერე პასუხები გარე ნრეში.



5. დააკავშირე პასუხები და იპოვე შეცდომა.

$$\begin{array}{|c|} \hline \frac{2}{5} \cdot 3 \\ \hline \frac{4}{5} \cdot 6 \\ \hline 1\frac{1}{5} \cdot 5 \\ \hline \frac{7}{5} \cdot 5 \\ \hline \frac{1}{5} \cdot 10 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|} \hline 2 \\ \hline \frac{30}{5} \\ \hline 1\frac{1}{5} \\ \hline \frac{11}{5} \\ \hline 4\frac{4}{5} \\ \hline 7 \\ \hline \end{array}$$

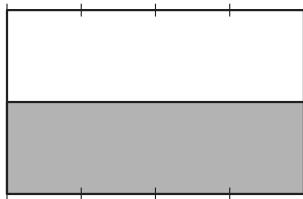
$$\begin{array}{|c|} \hline \frac{3}{4} \cdot 4 \\ \hline \frac{7}{4} \cdot 8 \\ \hline \frac{1}{4} \cdot 8 \\ \hline 2\frac{1}{4} \cdot 4 \\ \hline \frac{10}{4} \cdot 6 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|} \hline 2 \\ \hline 3 \\ \hline 9 \\ \hline 12 \\ \hline 14 \\ \hline 15 \\ \hline \end{array}$$

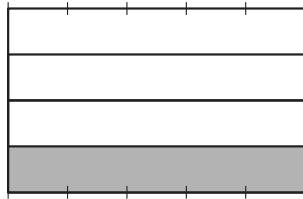
## 4.2

1. დააკვირდი ნახაზს, იანგარიშე და შედეგი ჩანსერე უჯრაში.

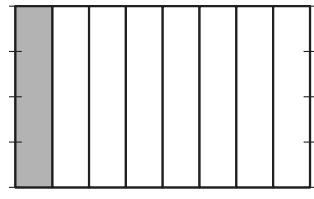
ა)  $\frac{1}{2} : 4 = \boxed{\phantom{0}}$



ბ)  $\frac{1}{4} : 5 = \boxed{\phantom{0}}$

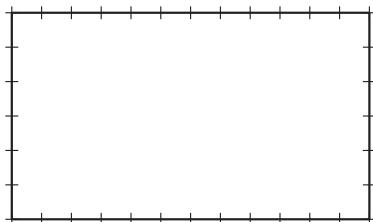


გ)  $\frac{1}{8} : 4 = \boxed{\phantom{0}}$

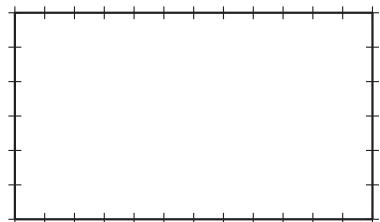


2. დახაზე წილადები და იანგარიშე.

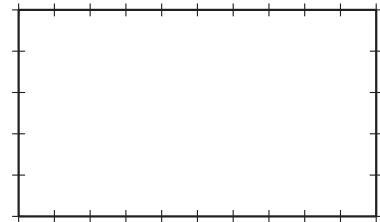
ა)  $\frac{1}{6} : 4 = \boxed{\phantom{0}}$  და  $\frac{2}{6} : 4 = \boxed{\phantom{0}}$



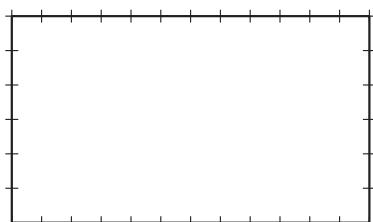
ბ)  $\frac{1}{3} : 6 = \boxed{\phantom{0}}$  და  $\frac{2}{3} : 6 = \boxed{\phantom{0}}$



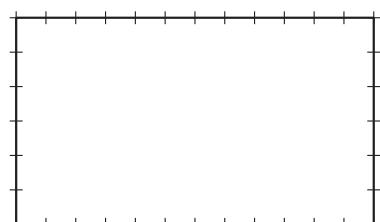
გ)  $\frac{1}{5} : 5 = \boxed{\phantom{0}}$  და  $\frac{3}{5} : 5 = \boxed{\phantom{0}}$



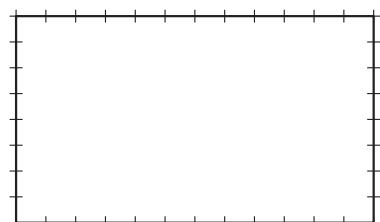
დ)  $\frac{1}{12} : 2 = \boxed{\phantom{0}}$  და  $\frac{3}{12} : 2 = \boxed{\phantom{0}}$



ე)  $\frac{1}{4} : 3 = \boxed{\phantom{0}}$  და  $\frac{3}{4} : 3 = \boxed{\phantom{0}}$



ვ)  $\frac{1}{8} : 6 = \boxed{\phantom{0}}$  და  $\frac{5}{8} : 6 = \boxed{\phantom{0}}$



3. იანგარიშე ზეპირად.

ა)  $1\frac{1}{6} : 2 = \frac{7}{6} : 2 = \frac{7}{6 \cdot 2} = \boxed{\phantom{0}}$

ბ)  $2\frac{3}{8} : 4 = \boxed{\phantom{0}} : 4 = \boxed{\phantom{0}} = \boxed{\phantom{0}}$

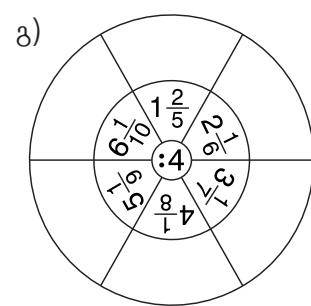
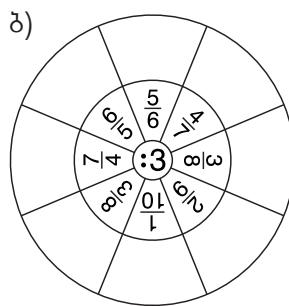
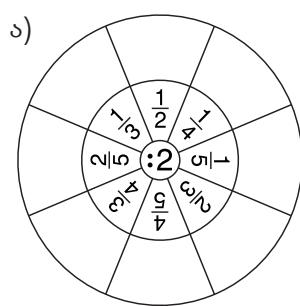
გ)  $2\frac{3}{5} : 4 = \boxed{\phantom{0}} : 4 = \boxed{\phantom{0}} = \boxed{\phantom{0}}$

დ)  $1\frac{3}{4} : 5 = \boxed{\phantom{0}} : 5 = \boxed{\phantom{0}} = \boxed{\phantom{0}}$

ე)  $4\frac{1}{8} : 6 = \boxed{\phantom{0}} : 6 = \boxed{\phantom{0}} = \boxed{\phantom{0}}$

ვ)  $4\frac{3}{4} : 3 = \boxed{\phantom{0}} : 3 = \boxed{\phantom{0}} = \boxed{\phantom{0}}$

4. შედეგი ჩანსერე წრის გარეთ.

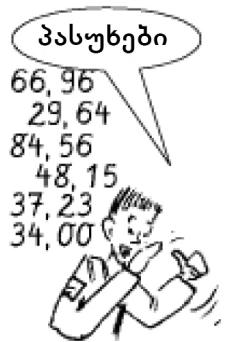


4.5

## 1. იანგარიშე.

5)	4,	2	5	.	8
6)	6,	0	4	.	1

	5)	9,	6	3
	5)	0,	5	7



## 2. იპოვე გამოტოვებული რიცხვი.

5)		3,	2	5	.	8
				6,		

ð)	1,	3	.	5	
		5,	1	5	

8)		5,		3	.	2
			1	0,	8	6

Q)	9,	3	7	.	6
			6,	2	

$$\textcircled{3}) \begin{array}{|c|c|c|c|c|} \hline & 0, & 7 & . & 4 \\ \hline & 0, & 6 & 8 \\ \hline \end{array}$$

3)		2	3,	4	5	.	4
				9			0

o)	6	0	3	.	2	5
				0	6	
				0		5
		1		0,	7	

o)	3	2	8	.	4	2
	1	3		2		
				5	6	
		1	7,		6	

3. ანამ დავალებაში შეცდომები დაუშვა. იპოვე ისინი და გაასწორე.

ანას დავალება

ՀԱՍՏԱՏՈՒԹՅԱՆ

1.	s)	5, 4 8 . 4	δ)	0, 2 3 1 . 6							
		2 0, 6 2		0, 1 3 8 6							
	s)	4, 0 5 . 3	ρ)	1, 2 4 . 9							
		1 2, 1 5		1 1 1 6							
2.	s)	0, 7 3 . 2 1	δ)	5, 6 8 . 3 8							
		1 4 6		1 7 0 4							
		0 7 3		4 5 4 5							
		1, 4 3 3		6 2, 4 9							
	s)	5, 2 4 . 1 0	ρ)	3, 2 7 . 5 2							
		5 2 4		1 4 3 5							
		0 0 0		6 5 4							
		5, 2 4 0		5 0, 0 4							

4.6

## 1. გამოთვალე.

3)  $2 \cdot 8 \cdot 9, 2 : 6 =$

3)  $2, 8 \cdot 3 \cdot 2 : 8 =$

2. პასუხებში აკლია წერტილები (მძიმეები) და დასვი სათანადო ადგილას.

s)	19,88 : 7	<table border="1"><tr><td>0</td><td>2</td><td>8</td><td>4</td><td>0</td></tr></table>	0	2	8	4	0	δ)	2,112 : 4	<table border="1"><tr><td>0</td><td>5</td><td>2</td><td>8</td><td>0</td></tr></table>	0	5	2	8	0	g)	148,68 : 9	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>6</td><td>5</td><td>2</td><td>0</td></tr></table>	0	1	6	5	2	0
0	2	8	4	0																				
0	5	2	8	0																				
0	1	6	5	2	0																			
ϱ)	140,5 : 5	<table border="1"><tr><td>0</td><td>2</td><td>8</td><td>1</td><td>0</td></tr></table>	0	2	8	1	0	ϱ)	0,252 : 6	<table border="1"><tr><td>0</td><td>0</td><td>4</td><td>2</td><td>0</td></tr></table>	0	0	4	2	0	ϱ)	0,429 : 3	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>4</td><td>3</td><td>0</td></tr></table>	0	1	4	3	0	
0	2	8	1	0																				
0	0	4	2	0																				
0	1	4	3	0																				

იანგარიშე აქ:

### 3. ამოხსენი ნიმუშის მიხედვით.

4 4, 3 0 4 : 6 =
4, 4 3 0 4 : 6 =
4 4 3, 0 4 : 6 =
4 4 3 0, 4 : 6 =
0, 4 4 3 0 4 : 6 =

4. ამოხსენი ზეპირად — შედეგი საინტერესოა.

s)  $0,09 : 3 =$  \_\_\_\_\_      ö)  $16,8 : 4 =$  \_\_\_\_\_

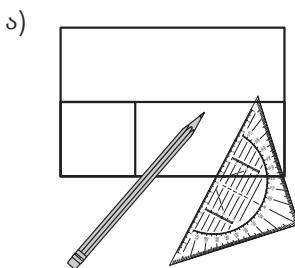
g)  $0,15 : 5 =$  \_\_\_\_\_ g)  $10,25 : 5 =$  \_\_\_\_\_

2)  $0,5 : 2 =$  ——————      3)  $34,4 : 10 =$



## 5.1

1. განსაზღვრე მართკუთხედის ფართობი. ფიგურები დაყავი სმ<sup>2</sup>-ად.

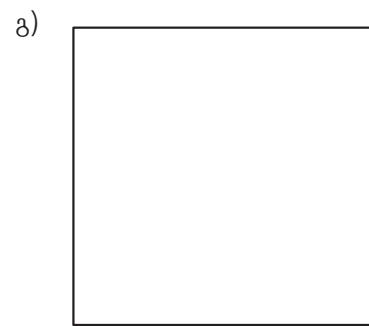


$$S = \underline{\quad} \text{ см}^2 \cdot \underline{\quad}$$

$$= \underline{\quad} \text{ см}^2.$$



$$S = \underline{\quad} \text{ см}^2 \cdot \underline{\quad} = \underline{\quad}$$



$$S = \underline{\quad} \text{ см}^2 \cdot \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

2. იპოვე მართკუთხედის პერიმეტრი და ფართობი. სიგრძეები გაზომე სახაზავით.

ა)  $a = \underline{\quad}$  см  
 $b = \underline{\quad}$  см  
 $P = \underline{\quad}$  см  
 $S = \underline{\quad}$  см<sup>2</sup>.

b

a

ბ)  $a = \underline{\quad}$   
 $b = \underline{\quad}$   
 $P = \underline{\quad}$   
 $S = \underline{\quad}$

b

a

გ)  $a = \underline{\quad}$   
 $b = \underline{\quad}$   
 $P = \underline{\quad}$   
 $S = \underline{\quad}$

b

a

3. აღნიშნე, რა გამოთვალო პერიმეტრი თუ ფართობი.

<b>P</b>	<b>S</b>
----------	----------

- ა) მაგიდის გადასაფარებლისთვის მაქმანის შემოვლება
- ბ) სახლის კედლის შეღებვა
- გ) მშენებლობის მანიშნებელი ლენტის შემოვლება ტერიტორიისთვის
- დ) ახალი ფარდების ყიდვა ფანჯრისთვის
- ე) ოთახისთვის შპალერის ყიდვა
- ვ) სურათის ჩარჩოს შეკვეთა
- ზ) ოთახისთვის ნოხის ყიდვა
- თ) ფეხბურთის მოედნის ირგვლივ ერთი წრის გარბენა

4. მოცემულია მართკუთხედის 4 მონაცემი. საერთო მონაცემები ერთ ფერში გააფერადე.

$S = 24 \text{ см}^2$

$P = 20 \text{ см}$

$a = 4 \text{ см}$

$S = 72 \text{ см}^2$

$a = 15 \text{ см}$

$P = 40 \text{ см}$

$P = 34 \text{ см}$

$S = 75 \text{ см}^2$

$b = 6 \text{ см}$

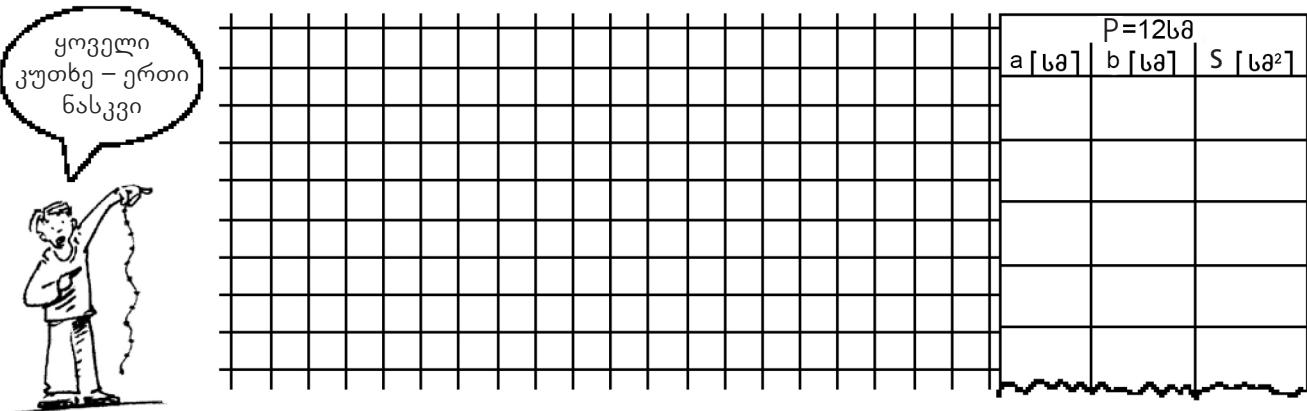
$b = 8 \text{ см}$

$b = 5 \text{ см}$

$a = 9 \text{ см}$

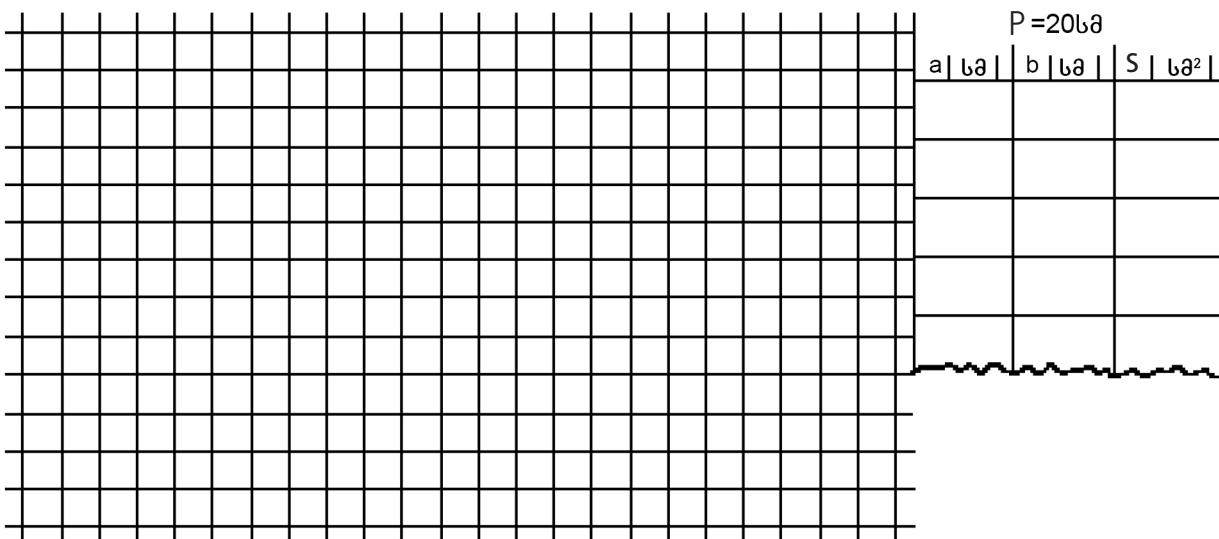
5.2

12. სმ პერიოდების მქონე სხვადასხვა მართულობები არსებობს. დახაზე ისინი, იანგარიშე მათი ფართობი და მონაცემები გადაიტანე ცხრილში. გადაკვეთა შესაძლებელია.



ყველაზე დიდი ფართობი აქვს: \_\_\_\_\_

2. დახაზე მართვულთხედები, რომელთა გვერდები მთელი რიცხვებია და პერიმეტრი 20 სმ. მათი გადაკვეთა შესაძლებელია.



ყველაზე დიდი ფართობის მქონე მართვულობია \_\_\_\_\_

3. გვაქვს 60 მ<sup>2</sup> მქონე სხვადასხვა  
მართკუთხედი. შეავსე ცხრილი.

a [ə]	1	2	3	4	5	6	8
b [ə]							
P [ə]							

a [ʌθ]	1							
b [ʌθ]	2							
P [ʌθ]	6							
S [ʌθ <sup>2</sup> ]	2							

$$S = \square \text{ } \mathfrak{s}\partial^2 \quad P = \square \text{ } \mathfrak{s}\partial$$

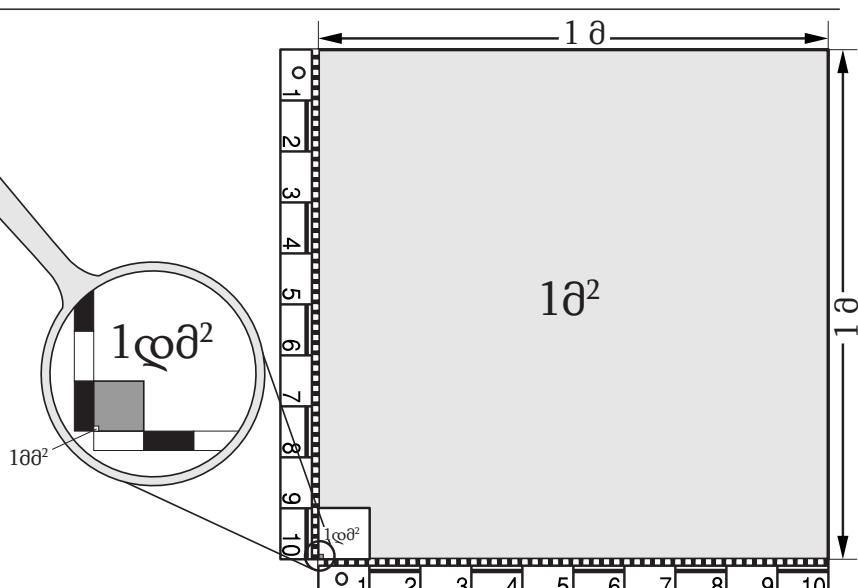
↑  
օգովե բուցեն

5.3

$$1. \ 1\partial^2 = \underline{\hspace{2cm}} \wp\partial^2$$

$$1 \text{ g} \partial^2 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ kg} \partial^2$$

$$1 \text{ b}^2 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ m}^2$$



$$1 \partial^2 = \underline{\hspace{2cm}} \quad \text{go} \partial^2 = \underline{\hspace{2cm}} \quad \text{lo} \partial^2 = \underline{\hspace{2cm}} \quad \partial \partial^2$$

2. ჩანსერე ნიმუშის მიხედვით.

\_\_\_\_\_

s)  $3\ 030 \text{ g} \cdot \text{d}^2 =$  \_\_\_\_\_

d)  $8880 \text{ l} \cdot \text{d}^2 =$  \_\_\_\_\_

g)  $2002 \cdot 88^2 =$  \_\_\_\_\_

(g)  $412 \text{ g} \cdot \text{dm}^{-2} =$  \_\_\_\_\_

### 3. ჩანარე ნიმუშის მიხედვით.

\_\_\_\_\_

s)  $30,74 \text{ g} \cdot \text{d}^{-2} =$  \_\_\_\_\_

d)  $10,01 \partial^2$  = \_\_\_\_\_

$$g) \quad 19,03 \text{ b} \partial^2 = \underline{\hspace{1cm}}$$

$$c) -5.08 \cdot m^2 -$$

#### 4. გათაიყვანების სხვა ერთეულში.

$$(1) \quad 900 \text{ } \text{J} \text{a}^2 \equiv$$

$$(8) \quad 0.55 \text{ } \text{\AA}^2 \equiv \text{ } \text{\AA}^2$$

$$(2) \quad 3800 \text{ aa}^2 = \text{ba}^2$$

$$(9) \quad 380 \omega \partial^2 = \partial^2$$

$$(3) \quad 9\ 000 \alpha \partial^2 = \beta \partial^2$$

$$(10) \quad 5.4 \text{ } \partial^2 = \omega \partial^2$$

$$(4) \quad 3.8 \partial^2 \equiv \partial^2$$

$$(11) \quad 45 \downarrow \partial^2 \equiv \partial \partial^2$$

$$(5) \quad 9\partial^2 \equiv \text{[ ]} \partial^2$$

$$(12) \quad 540\,000 \text{ } \text{b}^2 = \text{ } \text{b}^2$$

$$(13) \quad 4500 \text{ aa}^2 \equiv \text{ba}^2$$

## 5.4

1.  $1 \text{ j} \partial^2 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ პა}$

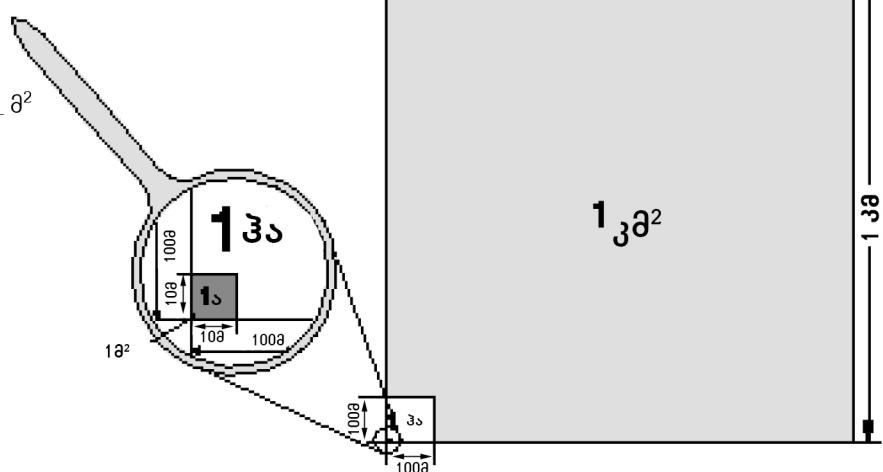
$1 \text{ პა} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ ს}$

$1 \text{ ს} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ } \partial^2$

$1 \text{ j} \partial^2 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ პა}$

$= \underline{\hspace{2cm}} \text{ ს}$

$= \underline{\hspace{2cm}} \text{ } \partial^2$



2. a)	$\text{j} \partial^2$	4	4,75	22,8	0,8	0,925	94,205	2,002	15,01
	პა								

ბ)	პა	2		384,27	0,6				
	ს		750			40 170	3 408,72		99
	$\partial^2$						8 880 088		

3. გადაიყვანე სხვა ერთეულში.

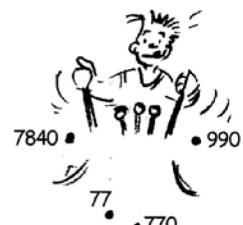
შეუსაბამე პასუხები  
სავარჯიშოების მიმდევრობას და  
შეაერთე.

(1)  $78 400 \text{ ს} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ პა}$

(12)  $73 \text{ პა} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ ს}$

(2)  $1 900 \text{ პა} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ j} \partial^2$

(13)  $9 900 \text{ ს} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ პა}$



(3)  $4 500 \text{ } \partial^2 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ ს}$

(14)  $19 \text{ j} \partial^2 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ პა}$

(4)  $700 \text{ პა} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ j} \partial^2$

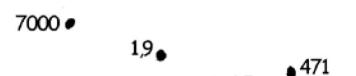
(15)  $47 400 \text{ } \partial^2 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ ს}$

(5)  $19 000 \text{ ს} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ პა}$

(16)  $47,1 \text{ j} \partial^2 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ პა}$

(6)  $0,7 \text{ პა} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ } \partial^2$

(17)  $450 \text{ ს} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ }$

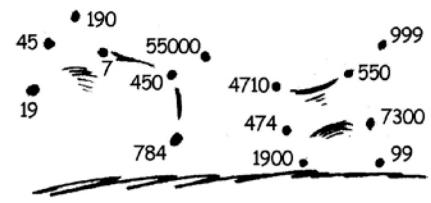


(7)  $78,4 \text{ ს} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ } \partial^2$

(18)  $77 000 \text{ პა} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ j} \partial^2$

(8)  $99 000 \text{ პა} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ j} \partial^2$

(19)  $7 700 \text{ } \partial^2 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ ს}$



(9)  $47 100 \text{ პა} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ j} \partial^2$

(20)  $190 \text{ პა} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ } \partial^2$

(10)  $99 900 \text{ ს} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ პა}$

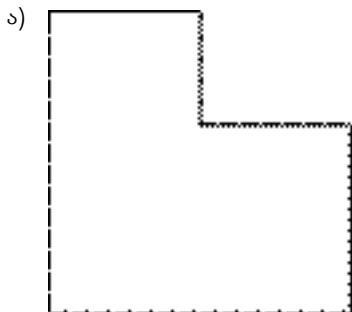
(21)  $5 \frac{1}{2} \text{ პა} = \underline{\hspace{2cm}}$

(11)  $55 000 \text{ ს} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ პა}$

(22)  $4 \frac{1}{2} \text{ პა} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ ს}$

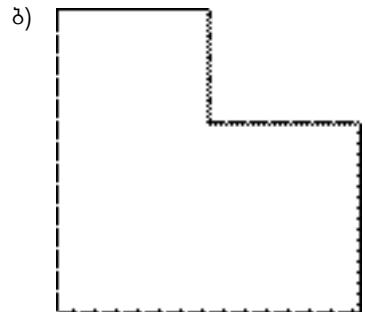
## 5.5

1. გაზომე ფიგურების გვერდების სიგრძე, შეავსე და დაყავი ნაწილებად. გამოთვალე ფართობი. იპოვე ორი შესაძლებლობა.



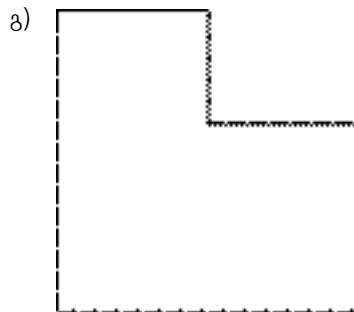
$$S_1 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$S_2 = \underline{\hspace{2cm}}$$



$$S_1 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$S_2 = \underline{\hspace{2cm}}$$



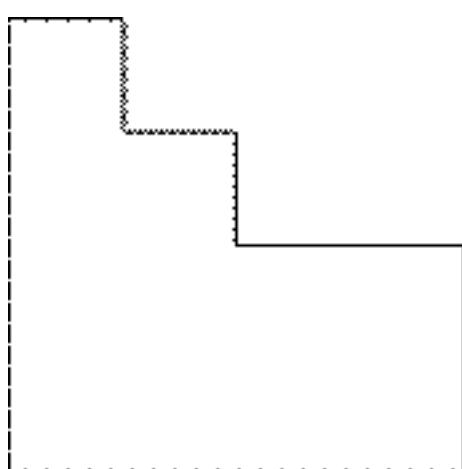
$$S_1 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$S_2 = \underline{\hspace{2cm}}$$

2. დაშალე ფიგურები მართკუთხედებად  
გააფერადე ისინი სხვადასხვა ფრად და აღნიშნე  
 $S_1, S_2, S_3$  ით. გამოთვალე ცალკეული მართკუთხედის  
და ბოლოს მთლიანი ფიგურის ფართობი.

შეავსე ფიგურა მართკუთხედამდე.  
გაზომე გვერდები და გამოთვალე  
დიდი მართკუთხედის ფართობი.

$$S_1 = \underline{\hspace{2cm}}$$



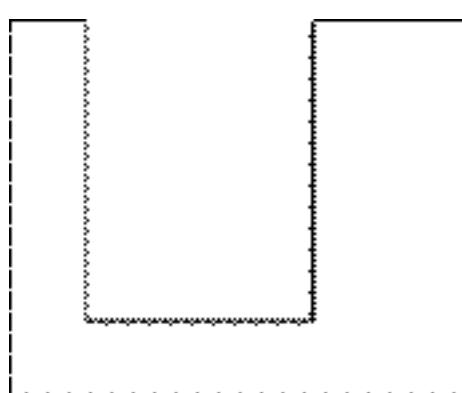
$$S_1 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$S_2 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$S_3 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$S = \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}$$

$$S = \underline{\hspace{2cm}}$$



ბ) ცალკე გამოთვალე დამატებული  
მართკუთხედის ფართობი და გააფერადე.

$$S_2 = \underline{\hspace{2cm}}$$

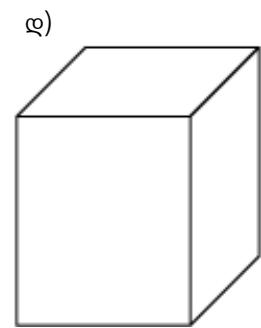
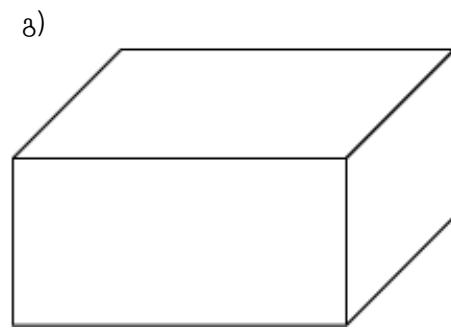
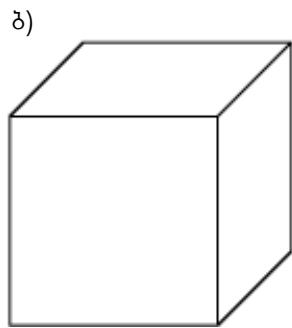
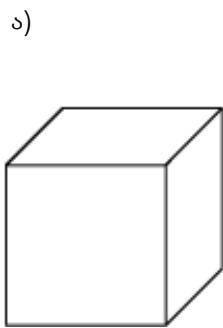
გ) გამოთვალე საწყისი ფიგურის ფართობი და  
გააფერადე.

$$S = \underline{\hspace{2cm}}$$

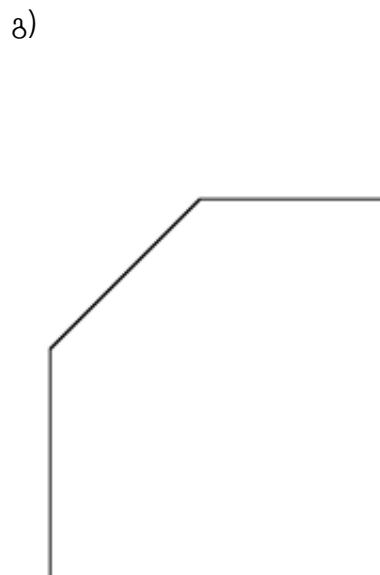
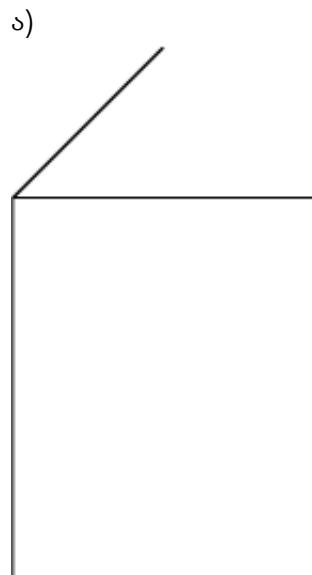
## 5.6

---

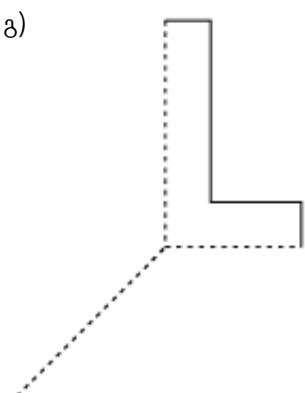
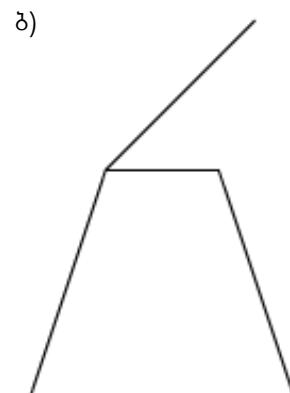
1. შეავსე ფიგურები წყვეტილი ხაზებით.

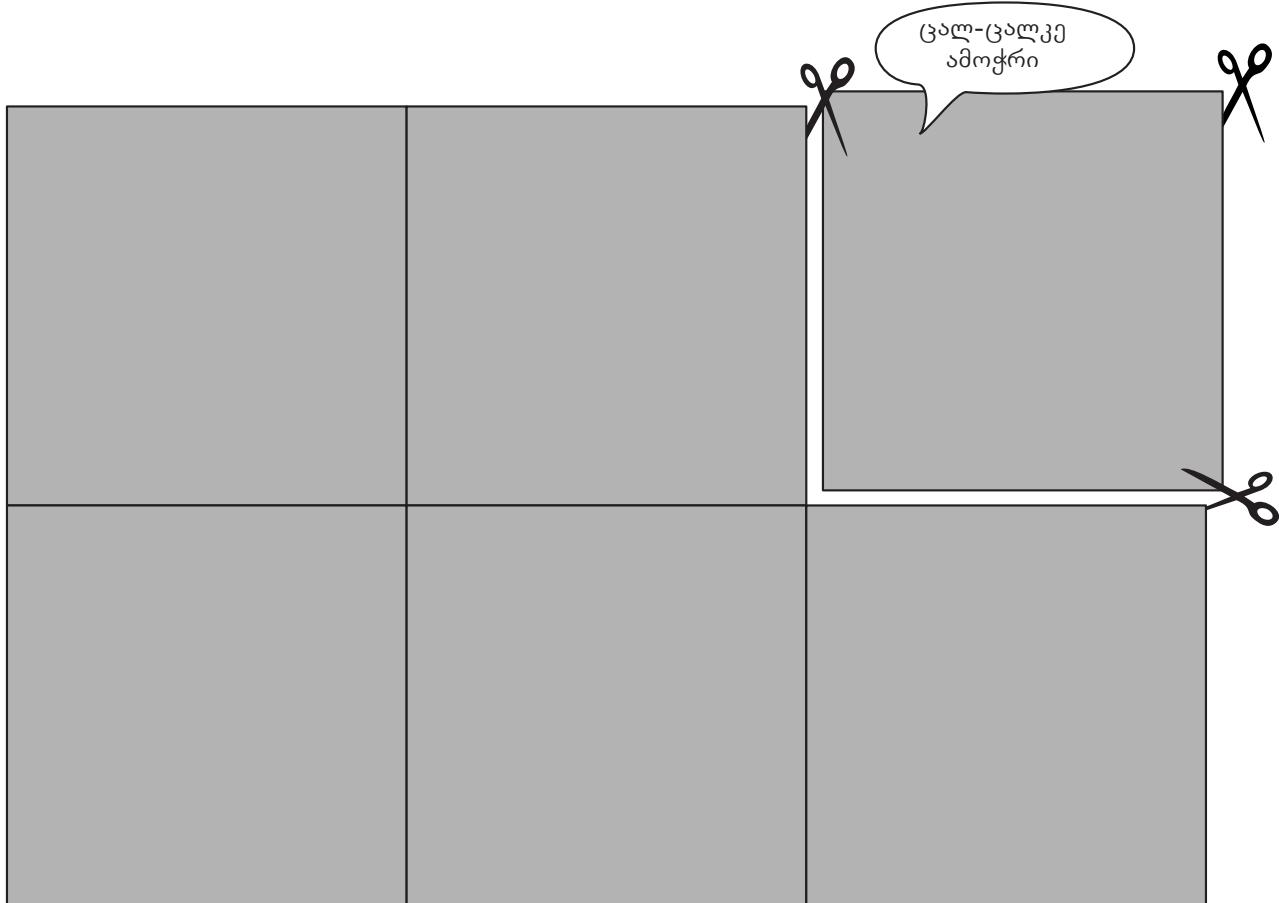


2. დაასრულე პარალელეპიპედი.



3. დაასრულე პრიზმა.



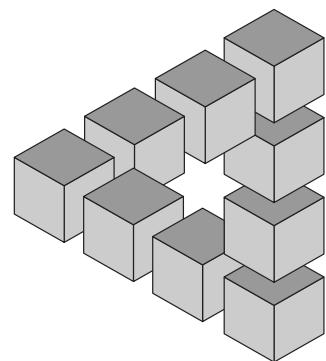
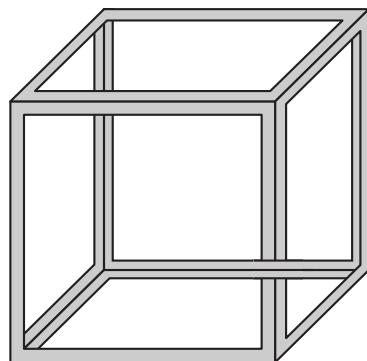
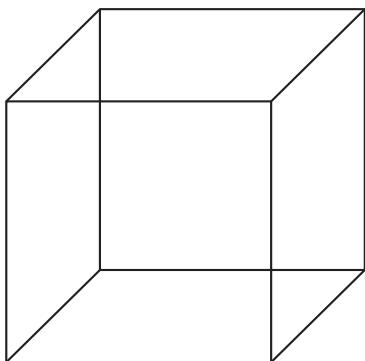


კუბის შლილი (მონაწილეობს 2-3 ბავშვი)

**მითითებები:**

1. 6 კვადრატი ისეა ერთმანეთთან მიერთებული, რომ ქმნიან კუბის შლილს.
2. ბავშვები თანმიმდევრობით გააადგილებენ კვადრატს ისე, რომ ახალი შლილი წარმოიქმნება. არ უნდა დაიდოს კვადრატი იმ ადგილას, საიდანაც წინა მონაწილემ აიღო.
3. მოსწავლე, რომელიც პირველი შეამჩნევს, რომ კუბის შლილი არ არის წარმოდგენილი, მიიღებს 1 ქულას. ვინც მეტ ქულას დააგროვებს, ის იგებს. ვარიანტები: ა)ყოველი ბავშვი ორ კვადრატს გადააადგილებს.  
ბ) ორი კვადრატი, როგორც კუბის ფუძე, გავაფერადოთ.

წინ? უკან?



## 5.9

1. შეადარე ზურგჩანთისა და სასკოლო ჩანთის  
მოცულობები.

ზურგჩანთაში ეტევა \_\_\_\_\_ კუბი, ხოლო  
სასკოლო ჩანთაში \_\_\_\_\_ .  
მეტი მოცულობა აქვს \_\_\_\_\_ .



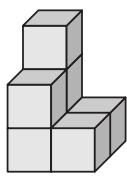
2. რამდენი კუბისგან შედგება?

①



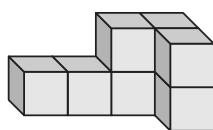
\_\_\_\_\_ კუბი

②



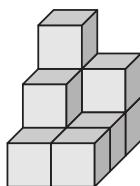
\_\_\_\_\_ კუბი

③



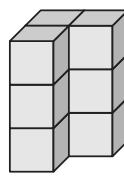
\_\_\_\_\_ კუბი

④



\_\_\_\_\_ კუბი

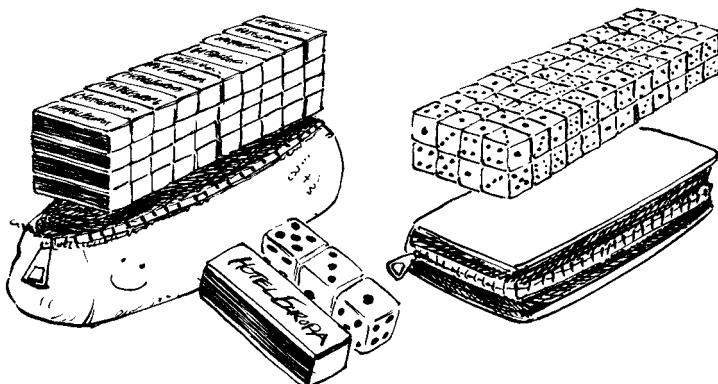
⑤



\_\_\_\_\_ კუბი

რომელ სხეულს აქვს დიდი მოცულობა? Nr. \_\_\_\_\_

3. ნიკა თავის საფანქრე კოლოფში დებს 40 ცალ  
ასანთის კოლოფს. ანა კი თავის პენალს 96 ცალი კამათლით  
ავსებს. ისინი ფიქრობენ, რომ ასანთის ერთ კოლოფში  
3 კამათელი ეტევა.



რომელი უფრო დიდია?

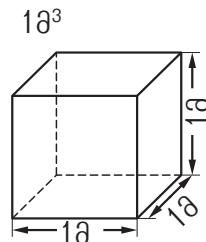
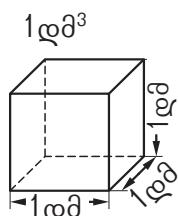
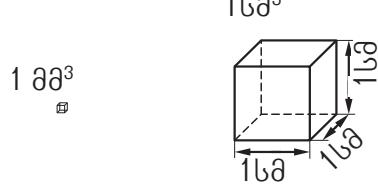
საფანქრე

პენალი

პასუხი: \_\_\_\_\_

## 5.10

1.



რამდენი მმ³-ია 1 სმ³?  
რამდენი სმ³ -ია 1 დმ³?

რამდენი მმ³ -ია 1 მ³?

2. გადაიყვანე მოცემულ ერთეულში.

ა)  $63\ 000 \text{ м}^3 =$  \_\_\_\_\_ სმ³

ბ)  $264\ 000 \text{ ს}^3 =$  \_\_\_\_\_

გ)  $8\ 743\ 000 \text{ ს}^3 =$  \_\_\_\_\_

დ)  $4\ 200 \text{ დ}^3 =$  \_\_\_\_\_

ე)  $5\ 104 \text{ დ}^3 =$  \_\_\_\_\_

ვ)  $996 \text{ м}^3 =$  \_\_\_\_\_

3. გადაიყვანე მოცემულ ერთეულში.

ა)  $37 \text{ მ}^3 =$  \_\_\_\_\_ დმ³

ბ)  $421 \text{ ს}^3 =$  \_\_\_\_\_

გ)  $58 \text{ ს}^3 =$  \_\_\_\_\_

დ)  $7,6 \text{ დ}^3 =$  \_\_\_\_\_

ე)  $12,03 \text{ ს}^3 =$  \_\_\_\_\_

ვ)  $16 \frac{1}{2} \text{ ს}^3 =$  \_\_\_\_\_

4. გადაიყვანე მოცემულ ერთეულში.

ა)  $47\ 800 \text{ დ}^3 =$  \_\_\_\_\_ მ³

ბ)  $500\ 000 \text{ ს}^3 =$  \_\_\_\_\_

გ)  $750 \text{ დ}^3 =$  \_\_\_\_\_

დ)  $20 \text{ დ}^3 =$  \_\_\_\_\_

5. ორ სიდიდეს ერთნაირი მოცულობა აქვს. იპოვე ისინი და ჩანერე ჯამებში.

$32,05 \text{ მ}^3$	$7,4 \text{ დ}^3$	$74\ 000 \text{ მ}^3$	$740 \text{ ს}^3$	$7\ 400 \text{ ს}^3$
$0,74 \text{ დ}^3$	$3,205 \text{ დ}^3$	$320,5 \text{ ს}^3$	$0,03205 \text{ მ}^3$	$74 \text{ ს}^3$

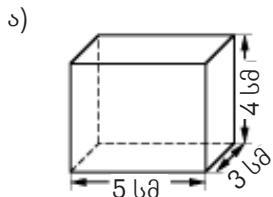


6. პარალელეპიდეფის კონტეინერის სიმაღლეა 80 სმ, სიგანე 45 სმ და სიმაღლე – 30 სმ. გამოთვალე მისი მოცულობა სმ³ და დმ³-ში.

\_\_\_\_\_

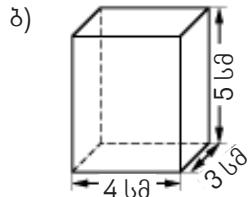

5.11

1. ① გამოთვალე 1 სმ სიმაღლის ნაწილის მოცულობა, რამდენი ასეთი ნაწილი მოთავსდება პარალელური დროში?  
② გამოანგარიშე პარალელური დროში მოცულობა.



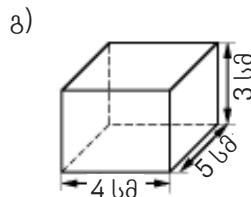
① \_\_\_\_\_

② \_\_\_\_\_



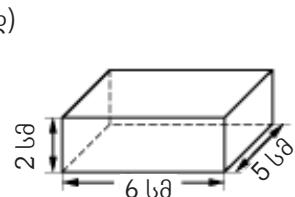
①

②



①

② \_\_\_\_\_



① \_\_\_\_\_

②

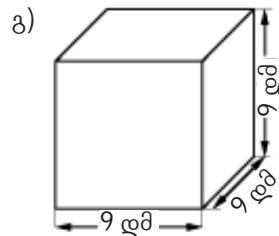
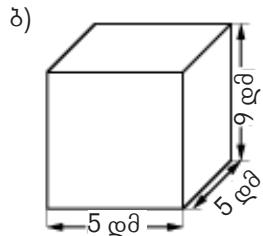
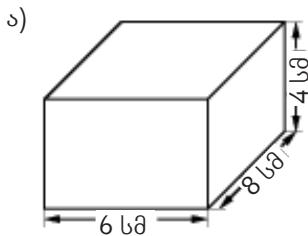
2. გამოთვალე პარალელეპიდეფის მოცულობა, თუ:

	სიგრძე	სიგანე	სიმაღლე	1 ნაწილის მოცულობა	ნაწილების რაოდენობა	პარალელური მოცულობა
ა)	2 სმ	6 სმ	5 სმ	12 სმ <sup>3</sup>	5	სმ <sup>3</sup>
ბ)	4 სმ	7 სმ	6 სმ			
გ)	15 დმ	6 დმ	8 დმ			
დ)	8 დმ	5 დმ	2 დმ			

- ### 3. შეავსე გამოტოვებული რიცხვები ცხრილში.

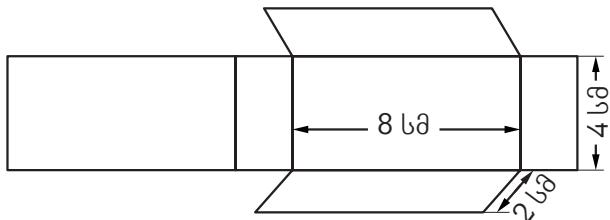
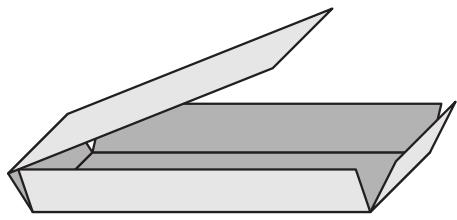
	სიგრძე	სიგანე	სიმაღლე	1 ნაწილის მოცულობა	ნაწილების რაოდენობა	პარალელეპიდედის მოცულობა
ა)	3 სმ			12 სმ <sup>3</sup>	5	
ბ)		6 სმ	4 სმ	18 სმ <sup>3</sup>		
გ)	12 სმ			60 სმ <sup>3</sup>	4	240 სმ <sup>3</sup>
დ)		9 სმ		90 სმ <sup>3</sup>		450 სმ <sup>3</sup>

4. გამოთვალე პარალელეპიპედის მოცულობა, თუ:



## 5.12

1.



ა) გააფერადე მუყაოსგან დამზადებული პარალელეპიპედის წახნაგები ერთ ფერში და გამოთვალე მოცულობა.

ქვედა ფუძის ფართობი: \_\_\_\_\_

ზედა წახნაგის ფართობთან ერთად: \_\_\_\_\_

მარჯვენა წახნაგის ფართობი: \_\_\_\_\_

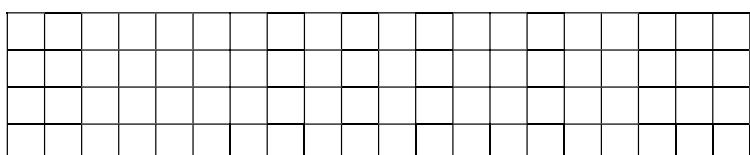
მარცხენასთან ერთად: \_\_\_\_\_

წინა წახნაგის ფართობი: \_\_\_\_\_

უკანასთან ერთად: \_\_\_\_\_

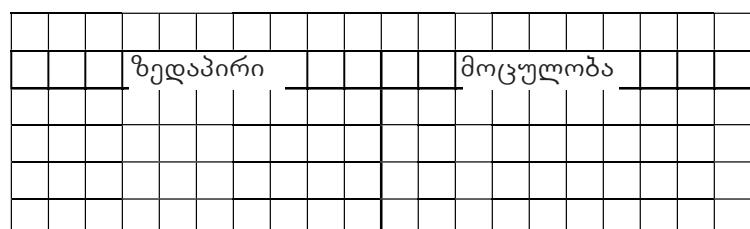
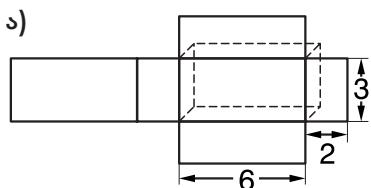
მთელი ფართობი: \_\_\_\_\_

ბ) გამოთვალე პარალელეპიპედის მოცულობა.

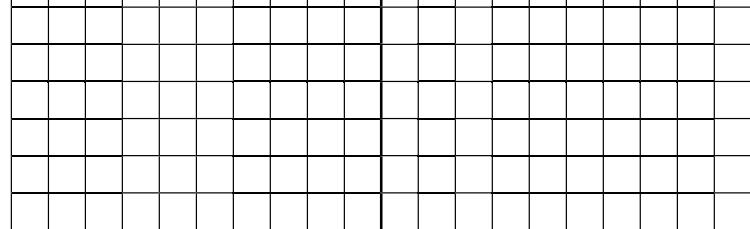
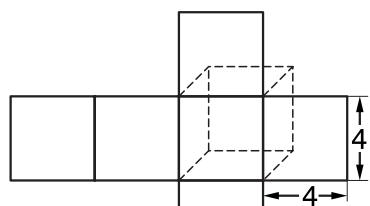


2. გამოთვალე პარალელეპიპედის მოცულობა და ზედაპირის ფართობი.

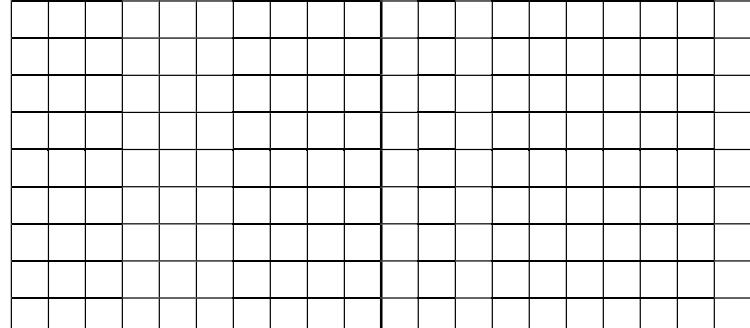
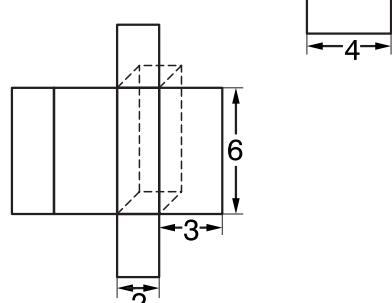
ა)



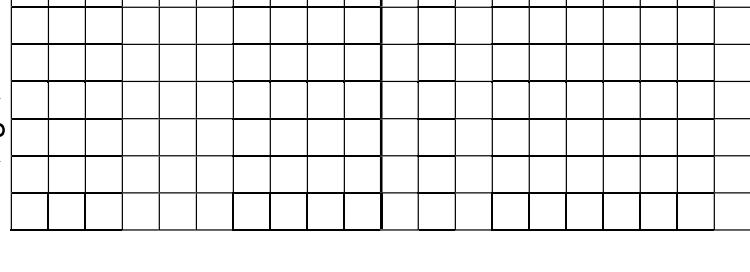
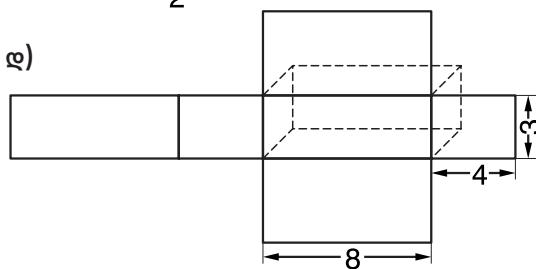
ბ)



გ)



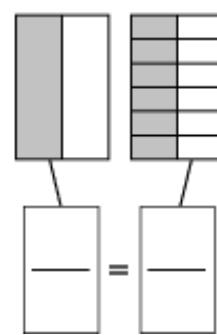
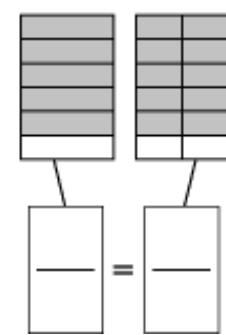
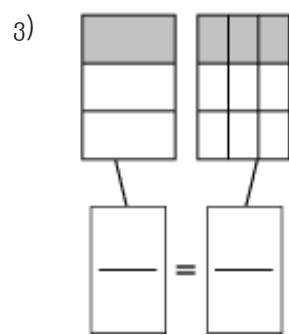
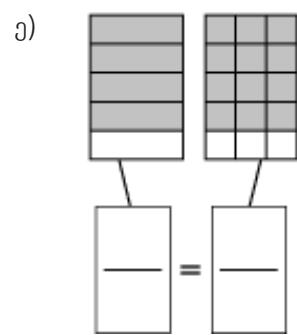
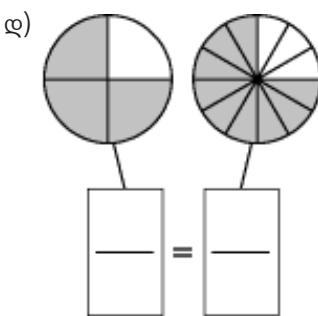
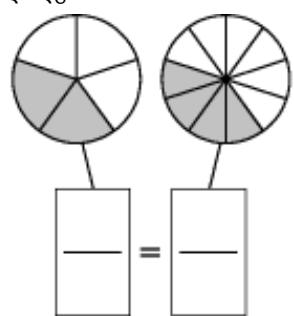
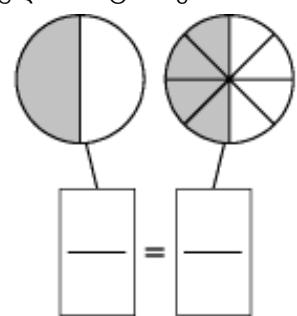
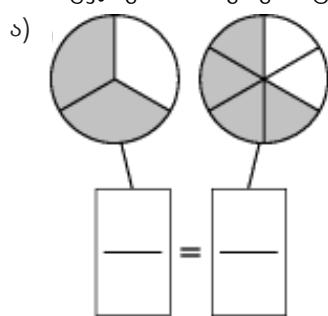
დ)



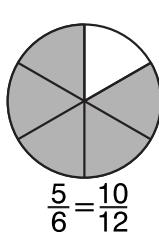
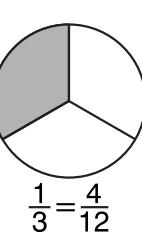
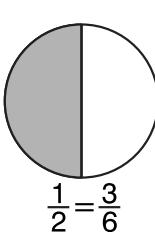
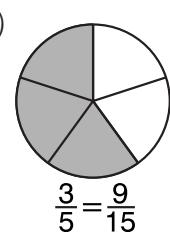
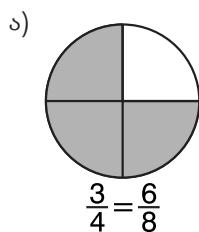
## 6.1

---

1. უჯრებში ჩაწერე მოცემული ნახატის შესაბამისი წილადები.

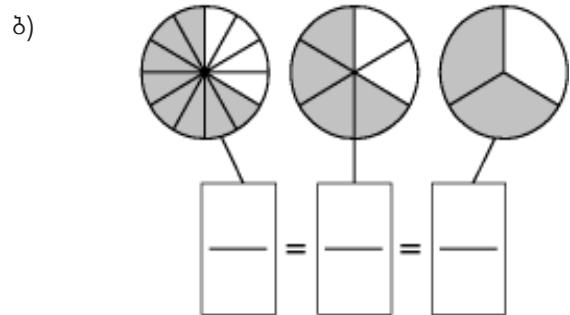
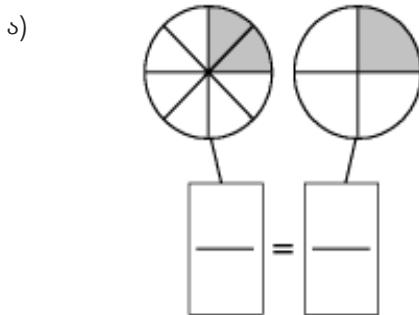


2. შეადარე წრის დანაყოფები მოცემულ წილადებს, რას ამჩნევ?

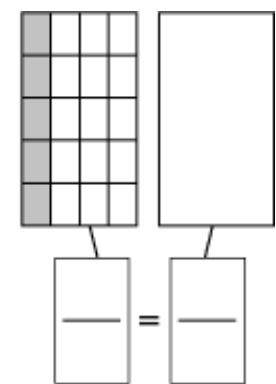
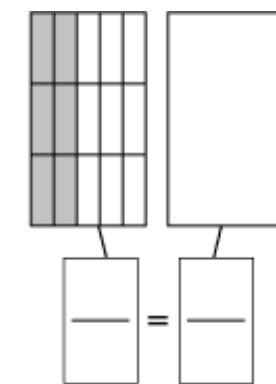
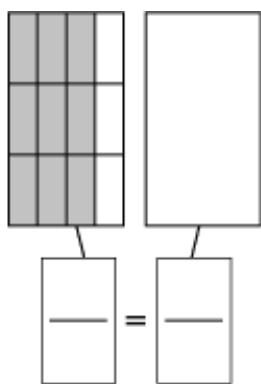
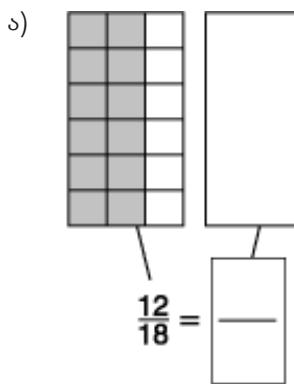


## 6.2

1. ნახატზე წარმოდგენილი წილადები ჩანსრე უკრებში.



2. შეკვეცე, ჩანსრე და ჩანსრე.



3. ჩანსრე შეკვეცილი წილადები.

$$\frac{14}{20} = \boxed{-}$$

$$\frac{12}{15} = \boxed{-}$$

$$\frac{6}{14} = \boxed{-}$$

$$\frac{25}{30} = \boxed{-}$$

$$\frac{4}{12} =$$

$$\frac{16}{20} = \boxed{-}$$

$$\frac{5}{10} =$$

$$\frac{21}{30} = \boxed{-}$$

4. ჩანსრე შეკვეცილი წილადები.

	ა)	ბ)	გ)	ღ)	ი)	ვ)	ო)	ო)
წილადი	$\frac{7}{14}$	$\frac{6}{8}$	$\frac{8}{10}$	$\frac{8}{12}$	$\frac{12}{15}$	$\frac{10}{40}$	$\frac{6}{22}$	$\frac{15}{40}$
კვეცავთ...	7	2	2	4	3	10	2	5
შეკვეცილი წილადი								

5. შეკვეცე ბოლომდე და ჩანსრე.

ა)  $\frac{4}{6} = \boxed{-}$

ბ)  $\frac{10}{25} = \boxed{-}$

გ)  $\frac{8}{40} = \boxed{-}$

ღ)  $\frac{12}{20} = \boxed{-}$

ი)  $\frac{9}{15} = \boxed{-}$

### 6.3

მრიცხველი ანგალი	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	ჯამი
1	$\frac{1}{1}$	$\frac{2}{1}$	$\frac{3}{1}$	$\frac{4}{1}$	$\frac{5}{1}$	$\frac{6}{1}$	$\frac{7}{1}$	$\frac{8}{1}$	$\frac{9}{1}$	$\frac{10}{1}$	55
2	$\frac{1}{2}$	$\frac{2}{2}$	$\frac{3}{2}$	$\frac{4}{2}$	$\frac{5}{2}$	$\frac{6}{2}$	$\frac{7}{2}$	$\frac{8}{2}$	$\frac{9}{2}$	$\frac{10}{2}$	$27\frac{1}{2}$
3	$\frac{1}{3}$	$\frac{2}{3}$	$\frac{3}{3}$	$\frac{4}{3}$	$\frac{5}{3}$	$\frac{6}{3}$	$\frac{7}{3}$	$\frac{8}{3}$	$\frac{9}{3}$	$\frac{10}{3}$	_____
4	$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{3}{4}$	$\frac{4}{4}$	$\frac{5}{4}$	$\frac{6}{4}$	$\frac{7}{4}$	$\frac{8}{4}$	$\frac{9}{4}$	$\frac{10}{4}$	_____
5	$\frac{1}{5}$	$\frac{2}{5}$	$\frac{3}{5}$	$\frac{4}{5}$	$\frac{5}{5}$	$\frac{6}{5}$	$\frac{7}{5}$	$\frac{8}{5}$	$\frac{9}{5}$	$\frac{10}{5}$	_____
6	$\frac{1}{6}$	$\frac{2}{6}$	$\frac{3}{6}$	$\frac{4}{6}$	$\frac{5}{6}$	$\frac{6}{6}$	$\frac{7}{6}$	$\frac{8}{6}$	$\frac{9}{6}$	$\frac{10}{6}$	_____
7	$\frac{1}{7}$	$\frac{2}{7}$	$\frac{3}{7}$	$\frac{4}{7}$	$\frac{5}{7}$	$\frac{6}{7}$	$\frac{7}{7}$	$\frac{8}{7}$	$\frac{9}{7}$	$\frac{10}{7}$	_____
8	$\frac{1}{8}$	$\frac{2}{8}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{4}{8}$	$\frac{5}{8}$	$\frac{6}{8}$	$\frac{7}{8}$	$\frac{8}{8}$	$\frac{9}{8}$	$\frac{10}{8}$	_____
9	$\frac{1}{9}$	$\frac{2}{9}$	$\frac{3}{9}$	$\frac{4}{9}$	$\frac{5}{9}$	$\frac{6}{9}$	$\frac{7}{9}$	$\frac{8}{9}$	$\frac{9}{9}$	$\frac{10}{9}$	_____
10	$\frac{1}{10}$	$\frac{2}{10}$	$\frac{3}{10}$	$\frac{4}{10}$	$\frac{5}{10}$	$\frac{6}{10}$	$\frac{7}{10}$	$\frac{8}{10}$	$\frac{9}{10}$	$\frac{10}{10}$	_____

1. а) რომელი წილადებია 1-ის ტოლი? \_\_\_\_\_

ბ) რომელი წილადებია 1-ზე მეტი? \_\_\_\_\_

გ) რომელი წილადებია 1-ზე ნაკლები? \_\_\_\_\_

2. а) რომელი წილადებია  $\frac{1}{2}$ -ის ტოლი? 2-ის ტოლი? გააფერადე წითლად.

ბ) ყველა წილადი, რომელიც  $\frac{1}{3}$  -ის ან 3-ის ტოლია, გააფერადე ლურჯად.

გ) ყველა წილადი, რომელიც  $\frac{1}{4}$  -ის ან 4-ის ტოლია, გააფერადე მწვანედ.

3. რამდენი წილადია ცხრილში ისეთი, რომლის მრიცხველიც მის მნიშვნელზე ერთით მეტია. შეაერთე ისინი ხაზით.

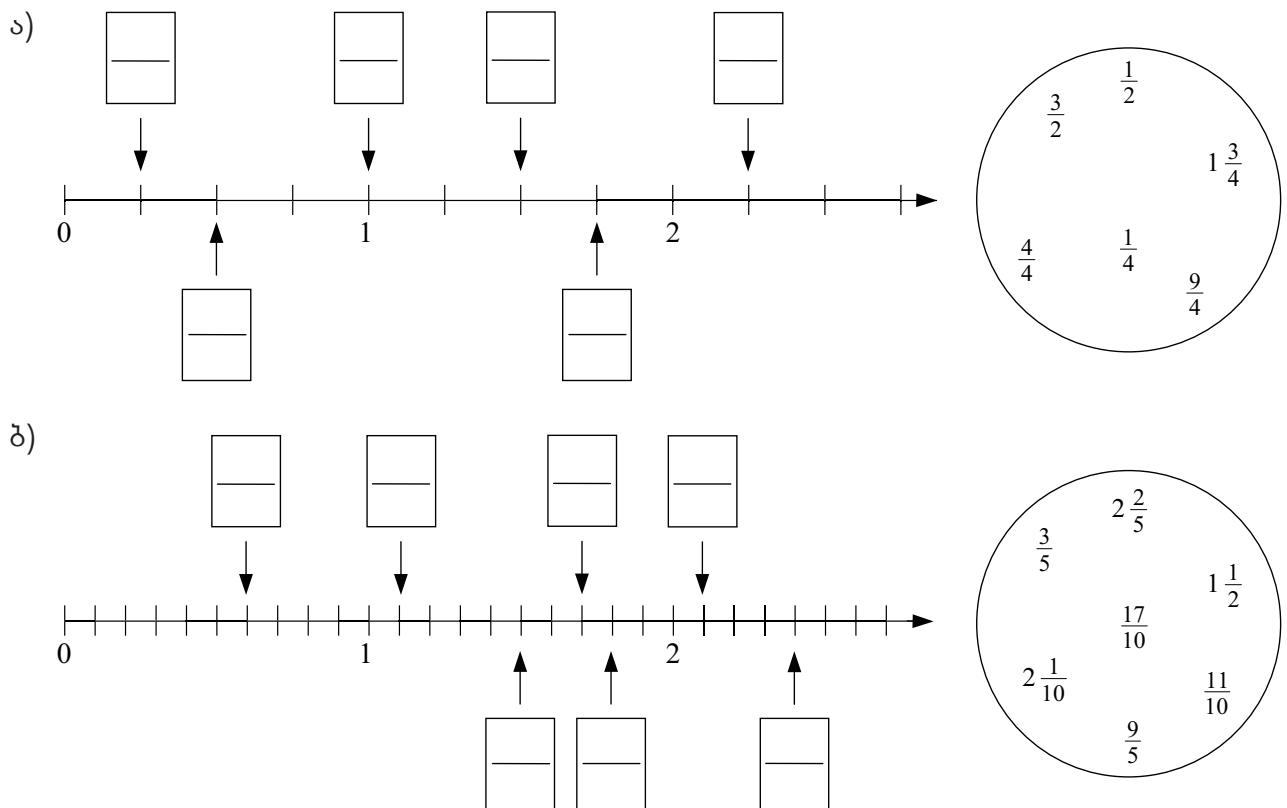
წილადები: \_\_\_\_\_ სულ: \_\_\_\_\_

4. დაწერე წილადები, რომლებიც აკმაყოფილებენ პირობას: მრიცხველი = მნიშვნელი = 11. შეაერთე ისინი ხაზით.

წილადები: \_\_\_\_\_

## 6.6

1. ჩანსერე წილადი სწორად უჯრაში.



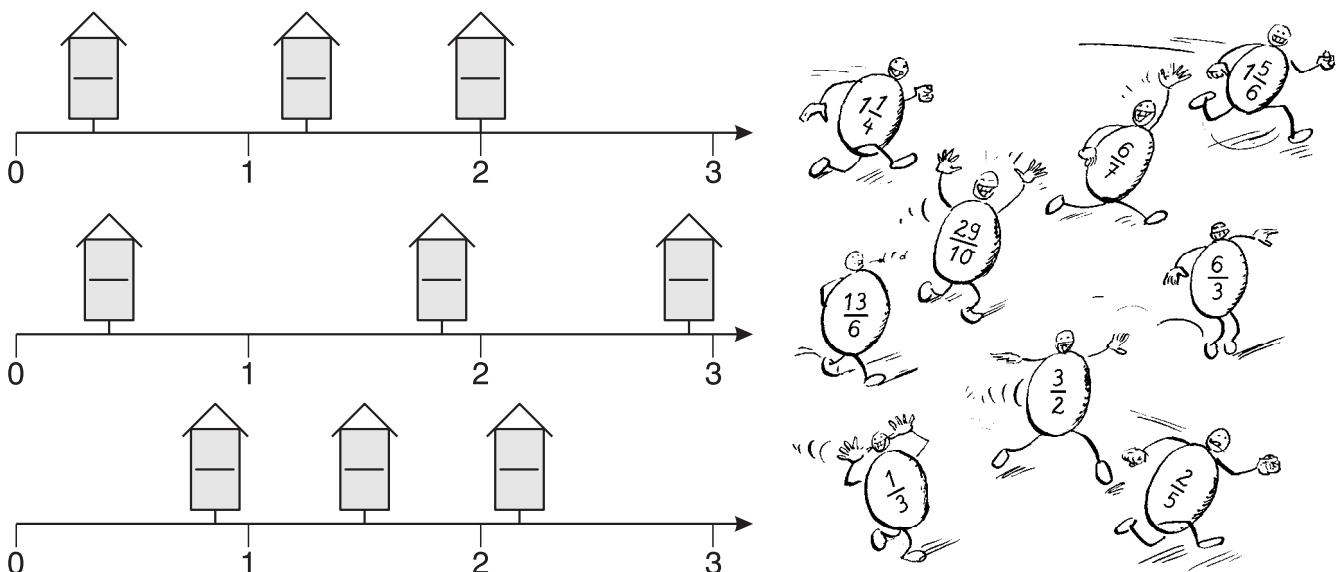
2. a) ყოველი მთელი გაყავი 6 ტოლ ნაწილად.



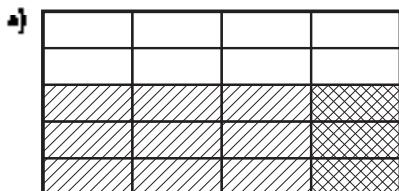
ბ) რიცხვით სხივზე მონიშნე წილადის შესაბამისი წერტილები, როგორც ეს დავალება 1-შია.

$$\frac{1}{2}; \frac{7}{6}; \frac{5}{3}; 1\frac{1}{2}; \frac{12}{6}; \frac{1}{6}; 1\frac{1}{3}$$

3. წილადები სახლებიდან გაიქცნენ. შეძლებ, შეკვეცის გარეშე მათ რიცხვით სხივზე დაბრუნებას?

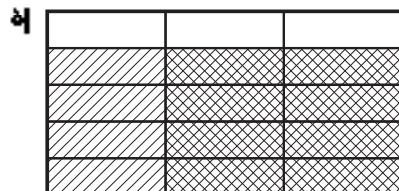


1. անոյակի թվերու ու դաստիարակ մովմացնեն.



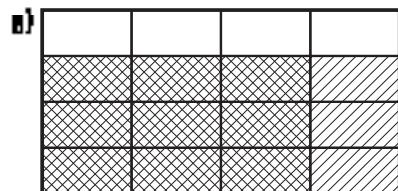
$\frac{3}{5} \text{-ակ } \frac{1}{4}$

$\frac{1}{4} \cdot \frac{3}{5} = \underline{\quad}$



$\frac{4}{5} \text{-ակ } \frac{2}{3}$

$\underline{\quad} \cdot \underline{\quad} = \underline{\quad}$



$\frac{3}{4} \text{-ակ } \frac{3}{4}$

$\underline{\quad} \cdot \underline{\quad} = \underline{\quad}$

a)  $\frac{2}{3} \text{-ակ } \frac{5}{9} = \frac{5}{9} \cdot \underline{\quad} = \underline{\quad}$

b)  $\frac{6}{7} \text{-ակ } \frac{6}{7} = \underline{\quad} \cdot \underline{\quad} = \underline{\quad}$

c)  $2 \text{-ակ } \frac{1}{10} = \underline{\quad} \cdot \frac{3}{1} = \underline{\quad}$

d)  $13 \text{-ակ } \frac{7}{100} = \underline{\quad} \cdot \underline{\quad} = \underline{\quad}$

e)  $5 \text{-ակ } \frac{2}{21} = \underline{\quad} \cdot \underline{\quad} = \underline{\quad}$

f)  $4 \text{-ակ } \frac{6}{25} = \underline{\quad} \cdot \underline{\quad} = \underline{\quad}$

a)  $\frac{3}{7} \cdot \frac{4}{5} = \underline{\quad}$

b)  $\frac{5}{8} \cdot \frac{3}{11} = \underline{\quad}$

c)  $\frac{7}{3} \cdot 4 = \underline{\quad}$

d)  $2 \cdot \frac{5}{8} = \underline{\quad}$

e)  $\frac{8}{3} \cdot \frac{2}{13} = \underline{\quad}$

f)  $15 \cdot \frac{12}{7} = \underline{\quad}$

g)  $\frac{7}{9} \cdot \frac{8}{17} = \underline{\quad}$

h)  $\frac{21}{25} \cdot 7 = \underline{\quad}$

4. քանի թվերու մասնաւութեան, թվերու գամառաւութեան.

a)  $\frac{10}{7} \cdot \frac{14}{15} = \underline{\quad}$

b)  $\frac{15}{100} \cdot \frac{10}{21} = \underline{\quad}$

c)  $\frac{31}{66} \cdot \frac{99}{132} = \underline{\quad}$

d)  $\frac{35}{24} \cdot \frac{144}{175} = \underline{\quad}$

5. քանի թվերու մասնաւութեան, թվերու գամառաւութեան.

a)  $2\frac{1}{2} \cdot \frac{4}{5} = \frac{4}{2} \cdot \underline{\quad} = \underline{\quad} =$

b)  $4\frac{2}{3} \cdot 9 = \underline{\quad} \cdot \underline{\quad} = \underline{\quad} =$

c)  $2\frac{3}{4} \cdot 1\frac{1}{11} = \underline{\quad} \cdot \underline{\quad} = \underline{\quad} =$

d)  $3\frac{1}{3} \cdot 9\frac{1}{9} = \underline{\quad} \cdot \underline{\quad} = \underline{\quad} =$

## 8.2

1. შეავსე ცხრილი.

	ა)	ბ)	გ)	დ)	ე)
ნილადი	$\frac{5}{8}$	$\frac{7}{9}$		5	$\frac{1}{17}$
შებრუნებული ნილადი	$\frac{8}{5}$		$\frac{8}{15}$		
ნილადი/შებრუნებული ნილადი.	$\frac{5}{8} \cdot \frac{8}{5} =$	$\frac{7}{9} \cdot - =$			

2. ა)  $\frac{2}{3} : \frac{5}{7} = \frac{2}{3} \cdot - = -$       ბ)  $\frac{7}{9} : \frac{11}{10} = - \cdot - = -$       გ)  $\frac{5}{7} : \frac{4}{13} = - \cdot - = -$   
 დ)  $\frac{6}{11} : \frac{7}{4} = - \cdot - = -$       ე)  $\frac{5}{6} : \frac{11}{15} = - \cdot - = -$       ვ)  $\frac{13}{20} : \frac{8}{9} = - \cdot - = -$

3. რამდენი პატარა კონტეინერის მოცულობა მოთავსდება დიდ კონტეინერში?

	ა)	ბ)	გ)	დ)	ე)	ვ)
პატარა კონტეინერი	$\frac{1}{2} \text{ ლ}$	$\frac{1}{3} \text{ ლ}$	$\frac{1}{4} \text{ ლ}$	$\frac{2}{3} \text{ ლ}$	$1\frac{1}{2} \text{ ლ}$	$1\frac{1}{4} \text{ ლ}$
დიდი კონტეინერი	5	12 ლ	$4\frac{1}{2} \text{ ლ}$	$5\frac{1}{3} \text{ ლ}$	150 ლ	$12\frac{1}{2} \text{ ლ}$
რაოდენობა	—კერ					

4. შედეგი ნატურალური რიცხვია.

ა)  $\frac{4}{3} : \frac{1}{9} =$  \_\_\_\_\_      ბ)  $\frac{5}{15} : \frac{10}{30} =$  \_\_\_\_\_      გ)  $\frac{36}{12} : \frac{11}{66} =$  \_\_\_\_\_  
 დ)  $0 : \frac{99}{123} =$  \_\_\_\_\_      ე)  $\frac{60}{111} : \frac{15}{111} =$  \_\_\_\_\_      ვ)  $\frac{1234}{4} : \frac{2468}{60} =$  \_\_\_\_\_

5. იანგარიშე სავარჯიშოები. მოძებნე მისი შებრუნებული ნილადი და გამოიყენე შემოწმებისთვის.

სავარჯიშო

ა) $\frac{2}{3} : \frac{5}{4} =$ _____	ბ) $2\frac{1}{2} : \frac{5}{7} =$ _____
გ) $\frac{17}{11} : \frac{5}{8} =$ _____	
დ) $1\frac{3}{4} : 3\frac{2}{3} = - \cdot - =$ _____	
ე) $0 : \frac{17}{199} =$ _____	
ვ) $123 : \frac{1}{9} =$ _____	

შებრუნებული ნილადი

① $- \cdot \frac{5}{8} = \frac{17}{11}$	② $- \cdot \frac{5}{7} = 2\frac{1}{2}$
③ $- \cdot \frac{5}{4} = \frac{2}{3}$	④ $- \cdot \frac{1}{9} = 123$
⑤ $- \cdot 3\frac{2}{3} = 1\frac{3}{4}$	
⑥ $- \cdot \frac{17}{199} = 0$	

# პასუხები

## გვერდი 8

4.  $400 \text{ კმ} + 500 \text{ კმ} + 500 \text{ კმ} = 1\,400 \text{ კმ}$ , ზუსტად  $1\,390 \text{ კმ}$ .
5.  $1\,200 \text{ ავტ.} + 1\,300 \text{ ავტ.} + 1\,500 \text{ ავტ.} + 1\,400 \text{ ავტ.} + 1\,500 \text{ ავტ..}$   
 $= 6\,900 \text{ ავტომობილი, ზუსტი რიცხვი } 7\,009 \text{ ავტომობილი.}$
6.  $20 \text{ ₾} + 10 \text{ ₾} + 60 \text{ ₾} + 40 \text{ ₾} + 30 \text{ ₾} = 160 \text{ ₾}$   
მას არ შეუძლია სრული აღჭურვილობის ყიდვა, ზუსტი ფასი  $166,30 \text{ ₾}$ .
7.  $2 \text{ ₾} + 2 \text{ ₾} + 7 \text{ ₾} + 13 \text{ ₾} + 9 \text{ ₾} = 33 \text{ ₾}$ , ზუსტი ფასი  $33,48 \text{ ₾}$

## გვერდი 9

4.  $1\,000\,000 \text{ ₾} = 1 \text{ მლნ. ₾} / 9\,999\,999 \text{ ₾} = 9 \text{ მლნ. } 999 \text{ ათასი } 999 \text{ ₾}$
5. 1 მლრდ. = 10 მლნ. 100 ლარის კუპიურები  
 $10 \text{ მლნ. } \varnothing = 10\,000 \text{ კგ} = 10 \text{ ტ}$   
მას ორჯერ მოუწევდა მგზავრობა.

## გვერდი 12

- გ) მცდარია, რაც მეტი გამყოფი აქვს რიცხვს, მით მეტი კოშკის აგებაა შესაძლებელი. არსებობს ისეთი დიდი რიცხვებიც, რომლებსაც ძალიან ცოტა გამყოფი აქვს (მაგ. ყველა მარტივი რიცხვი).
5. ა) 3-ის ჯერადები მოცემულია ცხრილში 3:51.
  - 4- ის ჯერადები მოცემულია ცხრილში 4: 45.
  - 5-ის ჯერადები მოცემულია ცხრილში 5: 36.
  - 6-ის ჯერადები მოცემულია ცხრილში 6: 33.
  - 7-ის ჯერადები მოცემულია ცხრილში 7: 19 .
  - 8-ის ჯერადები მოცემულია ცხრილში 8: 26.
  - 9-ის ჯერადები მოცემულია ცხრილში 9: 23 ;
  - 10-ის ჯერადები მოცემულია ცხრილში 10: 27 .
- ბ) 36: 3-ჯერ ( $4 \cdot 9; 6 \cdot 6; 9 \cdot 4$ )  
48: 2-ჯერ ( $6 \cdot 8; 8 \cdot 6$ )  
60: 2-ჯერ ( $6 \cdot 10; 10 \cdot 6$ )
- გ) ზუსტად 2-ჯერ: 2, 3, 5, 7, 14, 15, 21, 27, 28, 32, 35, 42, 45, 48, 50, 54, 56, 60, 63,  
70, 72, 80, 90  
ზუსტად 3-ჯერ: 4, 9, 16, 36
- დ) საერთოდ არა: 11, 13, 17, 19, 22, 23, 26, 29, 31, 33, 34, 37, 38, 39, 41, 43, 44, 46,  
47, 51, 52, 53, 55, 57, 58, 59, 61, 62, 65–69, 71, 73–79, 82–89, 91–99
- ე) 35 და 80

## გვერდი 13

6. კომბინაციაა 7-19-41-59.
7. 200-სა და 210-ს შორის მარტივი რიცხვები არ არის.

## გვერდი 16

3. a) 3 108, 3 128, 3 148, 3 168, 3 188; 2 432, 2 436  
b) 5 612, 5 632, 5 652, 5 672, 5 692; 7 320, 7 324, 7 328  
g) 1 724, 1 744, 1 764, 1 784; 2 952, 2 956  
გ) 4 520, 4 540, 4 560, 4 580; 7 716, 7 736, 7 756, 7 776, 7 796  
j) 5 352, 5 356; 3 972, 3 976  
3) 19 204, 19 224, 19 244, 19 264, 19 284; 23 652, 23 656  
ზ) 348 432, 348 436; 78 508, 78 528, 78 548, 78 568, 78 588
7. a) იყოფა 3-ზე, მაგრამ არა 9-ზე: 6 519;  
27 345; 7041; 27 366  
b) იყოფა 2-ზე, მაგრამ არა 4-ზე: 2 214; 27 366
8. მაგ., a) 237 b) 714 g) 1 425 გ) 5 673  
j) 11 424 3) 34 275 ზ) 51 141
9. ციფრების ჯამი: ორშ.: 18, სამშ.: 18, ოთხ.: 18, ხუთ.: 20, პარ.: 18. ხუთშაბათის შემოსავალში შეცდომაა.
10. a) სწორია, რადგან სამი ერთნაირი ციფრის ჯამი ყოველთვის იყოფა სამზე.  
b) მცდარია, რადგან 3 9-ის გამყოფა.

## გვერდი 17

6. 90 წმ-ის შემდეგ.  
7. 20 წთ-ის შემდეგ  
8. 360-ის გამყოფა: 1,2,3,4,5,6,8,9,10,12,15,24,30,36,40,45,60,72,90,120,  
180,360; 60-ის გამყოფა : 1,2,3,4,5,6,10,12,15,20,30,60. დაყოფა სავარაუდოდ იმიტომ აირჩიეს,  
რომ 60 და 360 ბევრ რიცხვზე იყოფა.  
12. 99 990

## გვერდი 24

1. მარჯვენა პიცა გაიყო სამართლიანად, თითოეულმა მიიღო  $\frac{1}{4}$ .

ნაჭერები მარცხნივ მართალია თანაბარ სიგანეზე დაჭრეს, მაგრამ ორი გარეთა ზოლი ფართობით ბევრად უფრო ნაკლებია, ვიდრე ორი შუა ზოლი.

5. შეუღებავი დარჩება  $\frac{3}{24} \cdot 1 - \frac{1}{3} - \frac{1}{4} - \frac{1}{6} - \frac{1}{8} = \frac{3}{24}$

## გვერდი 25

8. მაგ.: რამდენი მცენარე აქვს ლია დეიდას? 12  
თითოეული სახეობის რამდენი მცენარე აქვს მას?
- 4 ქლოროფიტუმი, 3 ია, 2 ბარაქის ხე და 3 გვიძრა ( $\frac{1}{4}$ )  
მცენარეების რა წილი ყვავილობს ( $\frac{1}{4}$ ), რა არა ( $\frac{3}{4}$ )?

გვერდი 27

11. ლელა მართალია. სულ არის 48 უჯრა , ლურჯი ზოლი გარს აკრავს 15 უჯრას , რაც 48-ის  $\frac{1}{3}$  -ია.
  12. მთლიანად უნდა შედგებოდეს 8,16,24.... (8-ის რომელიმე ჯერადი) უჯრისგან.
  13. უჯრების რაოდენობა უნდა იყოს: ა) 5-ის ჯერადი, ბ) 4-ის ჯერადი,  
გ) 3-ის ჯერადი, დ) 10-ის ჯერადი, ე) 9-ის ჯერადი.

გვერდი 28

5. a) 18 ბავშვს ჰყავს შინაური ცხოველი.  
b) 6 ბავშვს ჰყავს ძაღლი.  
c) 12 ბავშვს ანუ  $\frac{4}{9}$ -ს ჰყავს სხვა ცხოველი.

10. a) დარჩება 10 ბოთლი ლიმონათი და 1 სოსისი.  
b) დარჩება კოკა კოლის  $\frac{1}{4}$  ნაწილი.  
c) დარჩება ჩიიფსის  $\frac{2}{5}$  ნაწილი.

გვერდი 29

5.

δ)  $2 : 5 = \frac{1}{5}$  2-ob 2 =  $\frac{2}{5}$        $4 : 9 = \frac{1}{9}$  4-ob =  $\frac{4}{9}$

$2 : 6 = \frac{1}{6}$  2-ob =  $\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$        $5 : 8 = 5$  - ob =  $\frac{5}{8}$

6. δ) 2 Յոցա

δ) 2 Յոցա

გვერდი 30

5. а) თითოეულ შეკვრაში 52 500 დოლარია (105 შეკვრა).

თითოეული მიიღებს ერთ ტომარას (60-60 შეკვრას). ამის შემდეგ კიდევ  $\frac{1}{2}$  ტომარას (= 2 ტომრის  $\frac{1}{4} = 30$ -30 შეკვრა), შემდეგ დარჩენილი ტომრის  $\frac{1}{4}$  -ს (15-15 შეკვრას).

б) 3 ტომარა  
გ) 30 000 დოლარი

გვერდი 33

16. ორივე ცხოვრობს ერთმანეთისგან  $9\frac{6}{4}$  კმ =  $10\frac{1}{2}$  კმ-ის დაშორებით.

18. გასავლელია ვიდევ  $4\frac{2}{1} = 4\frac{1}{2}$  კმ.

20. а) წილადები შეიძლება მეტრებშიც გამოისახოს, ამ შემთხვევაში მანძილის უკეთ წარმოდგენა შეიძლება.

$$\text{ბ) } 4 \frac{5}{10} \text{ მ} = 4 \frac{1}{2} \text{ მ} \quad \text{გ) } 4 \frac{7}{10} \text{ მ} = -$$

21. ბოთლში დარჩება  $\frac{3}{4}$  ლ.

### გვერდი 42,43

1. დღე: 187 ბავშვი

2. დღე: 116 ბავშვი

2. а) სრული შემოსავალი 2 785 ₷ პირველ დღეს, 2 555 ₷ მეორე დღეს, ერთად 5 340 ₷.

ბ) 3953,25 ₷ დარჩება სალაროში.

3. а) გამარჯებულის შედეგი 60,5 წმ      ბ) განსხვავება დროში 0,7 წმ =  $\frac{7}{10}$  წმ

4. არა, შედეგები უნდა დალაგდეს. ადგილები 1-დან 6-მდე: დევაძე, ახალაძე, გიორგაძე, ლალიძე, სართანია, აივაზოვი.

გვარი	ადგილი	ტყორცნა
გელენავა	1	2 (8,56 მ)
აფციაური	2	3 (8,45 მ)
ჩაფიძე	3	3 (8,42 მ)
ვახტანგაძე	4	2 (8,36 მ)
ბაქრაძე	5	3 (8,33 მ)

6. სიგრძეზე ხტომა: 3 მონაწილე; ბირთვის ტყორცნა: 9 მონაწილე; სიმაღლეზე ხტომა: 4 მონაწილე; 1000 მ-ზე გარბენი: 6 მონაწილე.

7. განსხვავება: 2,25 კგ

ადგილი	გვარი	სიგრძე	ნახტომის ნომერი
1	გეგენავა	3,53 მ	3
2	დიდიძე	3,52 მ	2
3	ბადრიძე	3,48 მ 3,48 მ	1 1
5	ოგანესიანი	3,33 მ	3
6	ზვიადაური	3,26 მ	1

### გვერდი 51

1. a) წელიწადის თითოეულ დროში (3 თვე) არის დაახლ. 90 დღე, ამიტომ განაწილებისას 1 დღეს შეესაბამება  $1^\circ$ .
- b) ბაბილონურ კალენდარში ერთ წელიწადში 360 დღეა, თანამედროვე კალენდარში კი 365, ნაკიან წელიწადში - 366.

### გვერდი 76

20. თითოეული ბაგშვი მიიღებს  $\frac{1}{2}$  პიცას.
21. თითოეული ნაწილი შეადგენს  $1\frac{1}{4}$  მ = 125 სმ-ს.
- 22.მას აქვს 5 გაკვეთილი.
23. მაგ.: რამდენს იწონის ბეჭედოთი?  $2\frac{1}{4}$  ტ. რამდენი თივა დასჭირდება მას ერთი კვირის განმავალობაში?
- $\frac{4}{5}$  ტ თივა.
24. a) სავსეა  $\frac{2}{15}$  -მდე. b) მეტია, რადგან  $\frac{8}{15} > \frac{1}{2}$
25. a)  $2 \cdot \frac{1}{8} = \frac{1}{4}$  b)  $\frac{1}{2} : 2 = \frac{1}{4}$

### გვერდი 77

8. a)  $\frac{1}{2} \cdot 1 = \frac{1}{2} = \frac{1}{6} \cdot 3$ ;  $\frac{1}{4} \cdot 3 = \frac{3}{4} = \frac{6}{4} : 2$ ;  $\frac{1}{2} : 2 = \frac{1}{4} = \frac{3}{4} : 3$
- b)  $\frac{12}{8} : 3 = \frac{4}{8} = \frac{20}{8} : 5$ ;  $\frac{1}{4} \cdot 6 = \frac{6}{4} = \frac{6}{4} \cdot 1$ ;  $\frac{6}{8} : 3 = \frac{2}{8} = \frac{1}{4} \cdot 1$
9. a) თითოეული ნაწილი იწონის  $\frac{3}{4}$  პიცა..  
b) 6 ლ წვენი.
10. a) იქნება  $18\frac{3}{4}$  მ სიგრძის. b) 2 000 ნაბიჯი, თუ 1 ნაბიჯის სიგრძე  $\frac{1}{2}$  მ-ია.  
1 333 ნაბიჯი, თუ 1 ნაბიჯის სიგრძე  $\frac{3}{4}$  -ია.
- გ) რეზო გადადგამს 2 250 ნაბიჯს, ხოლო სესილი 2 143 -ს.

11. აქამდე დაიხარჯა  $15\frac{15}{4} = 18\frac{3}{4}$  ზეთი (გამოცვალეს 5-ჯერ).

### გვერდი 78

7. a) დიახ, მიახლ. რაოდ :  $20 \cdot 30 = 600$ ; ამასთან ორივე თანამამრავლი დავამრგვალეთ, ესე იგი ზუსტი შედეგი ნაკლენი იქნება.  
b) 550,05 ₾

### გვერდი 79

2. a)  $(198 + 221 + 252 + 95 + 183 + 313 + 311 + 266 + 284) \cdot 0,30 \text{ ₷} = 2123 \cdot 0,30 \text{ ₷}$

$$= 636,90 \text{ ₷}$$

b)  $2\,123 \cdot 0,32 \text{ ₷} = 679,36 \text{ ₷}$

$$2\,123 \cdot 0,27 \text{ ₷} = 573,21 \text{ ₷}$$

### გვერდი 82

21. მაგ.: რა ღირს ერთი მგზავრობა მატარებლით ოთხჯერ მგზავრობის ბილეთით? 1,625 ₷,

დამრგვალებით 1,63 ₷. რა ელირებოდა, 4 ცალკეული ბილეთი რომ აგველო? 7,20 ₷

22. მიახლ.:  $3,20 \text{ ₷} : 4 = 0,80 \text{ ₷}$ ; ზუსტად:  $0,83 \text{ ₷}$ . უნდა აღნიშნოს  $0,83 \text{ ₷}$ -ის სიგრძეზე;

$1,66 \text{ ₷}$ ;  $2,49 \text{ ₷}$

23. a) მაგ.: რა სიმაღლისაა თითოეული საფეხური?  $0,18 \text{ ₷}$ . რა სიგრძისაა კიბე?  $1,60 \text{ ₷}$  (8 საფეხური).

b) რა მანძილითაა ჭდეები ერთმანეთისგან დაშორებული? მიახლ.  $0,27 \text{ ₷}$ .

რა მანძილითაა ჭდეები ერთმანეთისგან დაშორებული? დაახლ.  $0,27 \text{ ₷}$ .

10 ჭდისთვის დაგვჭირდება 11ნაწილი, თუ კიდის ნაწილები იმავე სიგრძის იქნება, რაც ჭდეებს შორის შუალედებშია, ან: 9 შუალედი, თითოეული 28 სმ სიგრძის, პრიველი და ბოლო ჭდეები 24 სმმ-ით იქნება დაშორებული.

### გვერდი 83

7. a) მაგ.:  $\frac{1}{2}; \frac{1}{4}; \frac{1}{5}; \frac{1}{8}; \frac{1}{10}$

b) მაგ.:  $\frac{1}{3}; \frac{1}{6}; \frac{1}{9}; \frac{1}{33}; \frac{1}{99}; \frac{1}{30}; \frac{1}{90}$

გ) 250 მარტივ მამრავლებად აქვს მხოლოდ 2 და 5 ( $250 = 2 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5$ ), ათწილადით წარმოდგენისას:

$\frac{1}{250}$  შეწყდება., ან: შეიძლება მრიცხველის ზრდის მეშვეობით 1000-მდე გავზარდოთ:

$$\frac{1}{250} = \frac{1 \cdot 4}{250 \cdot 4} = \frac{4}{1000} = 0,004$$

### გვერდი 84, 85

1. a) მეხუთე კლასების შემოწირულობა 358,40 ₷.

b) მეექვსე კლასების შემოწირულობა 374,40 ₷

გ) მთლიანი შემოწირულობა 732,80 ₷

დ) თითოეულმა კლასმა გაიღო საშუალოდ 91,60 ₷

2. კვლების სიგანე გზის ერთ მხარეს 3,75 მ; კვლების სიგანე გზის მეორე მხარეს 3,80 მ.

3. მორებით უნდა შემოისაზღვაროს 41,5 მ.

	მორების სისქე	8 სმ	10 სმ	12 სმ
ა)	რაოდენობა	დამრგვალებით 519	415	დამრგვალებით 346
ბ)	ხარჯები	544,95 ₷	477,25 ₷	449,80 ₷

4. ა) 12 მორი      ბ) 35 მელი      გ) ფასი 385 ₷ ნაკლებია.  
 5. ა) წონა 647,5 კგ      ა) მარის მამას შეუძლია ყვითელი სატვირთო მანქანის გამოყენება.  
 6. ა) 169,15 ₷  
 ბ)  $732,80 ₷ - 385 ₷ - 169,15 ₷ = 178,65 ₷$  დარჩება ნერგებისთვის.  
 საერთო ხარჯი ყველა საჭირო ნერგისთვის: 127 ₷  
 (სალათი: 39 ₷; კომბოსტო: 29,25 ₷; პომიდორი: 16,25 ₷; მარწყვი: 42,50 ₷)

### გვერდი 87

8.	ფასები	ა) შემცირებული ფასები	ბ) ახალი ფასები
	28 ₷	5,60 ₷	22,40 ₷
	35 ₷	7,00 ₷	28,00 ₷
	25 ₷	5,00 ₷	20,00 ₷
	45 ₷	9,00 ₷	36,00 ₷
	133 ₷	გ) 26,60 ₷	106,40 ₷

9. არა;  $\frac{1}{5} = \frac{20}{100} = 20\%$ ,  $\frac{1}{20} = \frac{5}{100} = 5\%$ ,  $\frac{1}{40} = \frac{5}{200} = \frac{2,5}{100} = 2,5\%$

### გვერდი 90

8. ა) მეორე გვერდი იქნება 8 სმ სიგრძის. ა) გვერდები 6 მ სიგრძისაა.  
 9. გვერდები შეიძლება იყოს: 1 სმ და 64 სმ; 2 სმ და 32 სმ; 4 სმ და 16 სმ;  
 8 სმ და 8 სმ  
 10. მან 7 800 მ<sup>2</sup> უნდა დაუთმოს და 8 250 მ<sup>2</sup> მიიღოს.

### გვერდი 91

10. ზომები, მაგ.:  $a = 2,60 \text{ მ}$ ,  $b = 1,80 \text{ მ}$  (მაგიდის გარეთ ყველგან 30 სმ);  
 $p = 8,80 \text{ მ}$ ; ან  $a = 2,40 \text{ მ}$ ,  $b = 1,60 \text{ მ}$  ((მაგიდის გარეთ ყველგან 20 სმ);  $p = 8,00 \text{ მ}$ );...

### გვერდი 92

4. ა) ფართობი შეადგენს 125 არი, ნაკლებს ვიდრე 2 ჰა  
 ბ) კომპანიამ უნდა გადაიხადოს 350 000 ₷

- გ) 600 მ სიგრძის ღობე.

5.ა) გაზონის ფართობია  $448 \text{ მ}^2$ .

ბ) დიახ,  $4 \text{ არი} = 400 \text{ მ}^2$

გ) მებაღე მიიღებს  $3\ 852,80 \text{ ₷}$ -ს

6. ა)  $560 \text{ მ}^2$  ბალახი.

ბ) ჩარჩოებისთვის დაგვჭირდება 192 სმ ხის მასალა (პლუს ჭრილი კუთხეებისთვის).

7. ა) მაგ.:  $125 \text{ სმ } \times 80 \text{ მ } = 10000 \text{ სმ}^2$ ;  $10000 \text{ სმ}^2 = 100 \text{ დმ}^2$  კვადრატული მეტრი  
ბ) ფართობი  $10\ 000 \text{ სმ}^2 = 100 \text{ დმ}^2$   
გ) მას დასჭირდება  $4 \text{ მ } \times 80 \text{ მ } = 320 \text{ მ}^2$  სიგრძის მაქმანი.

8. მაგ.: რა ფართობისაა ბაღი?  $800 \text{ მ}^2$   
რა ფართობის მიმატება შეუძლია მართას?  $200 \text{ მ}^2$   
რა სიდიდის იქნება ბაღი ამის შემდეგ?  $20 \text{ მ } \times 80 \text{ მ } = 1600 \text{ მ}^2$   
 $1600 \text{ მ}^2 = 16 \text{ არი}$

9. მაგ.: რა სიგანისაა ხორბლის ყანა?  $72 \text{ მ}$   
რა ფართობისაა ხორბლის ყანა?  $20 \text{ მ} \times 160 \text{ მ}^2 = 3200 \text{ მ}^2$   
რამდენი სასუქი დასჭირდება ფერმერს?  $3200 \text{ მ}^2 = 32 \text{ არი}$   
კიდევ რამდენი სასუქი უნდა იყიდოს?  $104,8 \text{ კგ}$

გვერდი 95

5. მაგ. ნაკვეთის გვერდების სიგრძეა 40 მ, შემოწერილობა - 116 მ, დასჭირდებათ 116 მ ხარჯები: 812 ₾ (თუ მავთულბადეს ზუსტად მეტრობით შეიძენენ) თუ მავთულბადის 25 მ სიგრძის შეკვრებს შეიძენენ, დასჭირდებათ 5 შეკვრა. ხარჯები: 875 ₾.

გვერდი 94

1. 150 სმ სიმაღლის, 90 სმ სიგანის
  2. წარწერის მთლიანი ფართობი შეადგენს  $76\ 500\ \text{სმ}^2$ -ს, მხოლოდ ასოების:  $47\ 700\ \text{სმ}^2 = 4,77\ \text{ტ}$
  3. ა) სპრეი: 3 ქილა 17,94 ლ; ლაქი (პატარა ქილა) 2 ქილა 17,34 ლ; ლაქი; (დიდი ქილა) 1 ქილა 14,66 ლ  
 ბ) სპრეი: უფრო სწრაფად იმუშავებენ, უფრო თანაბრად დაედება, უფრო ძვირია, ასევე მეტ მომწამვლელ აირებს შეიცავს. ლაქი: უფრო იაფია, მაგრამ დამატებით ფუნჯები იქნება საჭირო, მნელია თანაბრად ფერის დადება.

გვერდი 96, 97

2. ბ)გაკეთდა დაახლ. 8,9 მლნ. ორნამენტი.

3.  $S = 1,14 \text{ м}^2$ , დაჯდება 59,28 ₾

4.სანიმუშო პასუხი: ფართობი შეადგენს 14  $\text{м}^2$ . ხალიჩა დაჯდება 277,20 ₾. მას 77,20 ₾ აკლდება.

5. ა) იატაკი ღირს 779,10 ₾  
ბ) პლინტუსები ღირს 223,75 ₾

გ) საერთო ხარჯი: 1 002,85 ₷

6. დაიგება 3 000 ლილა.
9. არა, ერთი მეოთხედჯერ მეტი. ბიჭის საწოლის ფართობია:  $2,8 \text{ m}^2$ ,  
ბავშვობის საწოლის ფართობია:  $0,7 \text{ m}^2$ .
11. a) მეორე გვერდი იქნება 80 სმ სიგრძის.  
b) ფართობი შეადგენს  $5 \cdot 600 \text{ m}^2 = 56 \text{ არი}$ .
15. ფასი 1 974 000 ₷
16. a)  $700 \text{ m}^2$ ; ყველა სამშენებლო ნაკვეთი ერთად:  $45 \cdot 500 \text{ m}^2 = 4,55 \text{ ჰა}$   
b)  $4,55 \text{ ჰა} + 50 \text{ ჰა} + 0,8 \text{ ჰა} = 55,35 \text{ ჰა} < 1 \text{ კმ}^2$
17. a)  $S = 8 \text{ m}^2$       b)  $S = 16 \text{ m}^2$       c)  $S = 13,75 \text{ m}^2$       d)  $S = 20,5 \text{ m}^2$
18. a) მაგ. 1 სმ და 24 სმ; 2 სმ და 12 სმ; 3 სმ და 8 სმ; 4 სმ და 6 სამ  
b) მაგ. 1 სმ და 10 სმ; 2 სმ და 9 სმ; 3 სმ და 8 სმ; 4 სმ და 7 სმ;  
5 სმ და 6 სმ  
c) დიაბ,  $a = 3 \text{ სმ}, b = 8 \text{ სმ}$ .
19. შემოწერილობა  $= 20 \text{ მ}, a + b = 10 \text{ მ}, a \cdot b = 24 \text{ მ}^2$ ;  $a = 4 \text{ მ}, b = 6 \text{ მ}$

### გვერდი 101

1.  $O = 248 \text{ სმ}^2$
6.  $a = 4 \text{ სმ}$
7. არა, უჩას სჭირდება 4-ჯერ მეტი პრიალა ქაღალდი.

### გვერდი 103

2. აკვარიუმი (ლ); ფეხსაცმლის ყუთი ( $\text{დმ}^3$ ); ჭიქა ( $\text{ცსმ}^3$ );  
ასანთის კოლოფი ( $\text{სმ}^3$ ); კამათელი ( $\text{მმ}^3$ ); ქინძისთავი ( $\text{მმ}^3$ )

### გვერდი 108

1. დაგვჭირდება 1000 დმ -კუბები, თითო ბავშვისთვის 40.
2.  $1 \text{ m}^3 = 10 \text{ ჰლ}$  (პექტოლიტრი)
3. საკლასო ოთახი ( $\text{მ}^3$ ); კარადა ( $\text{მ}^3$ , დმ $^3$ ); ჩემოდანი ( $\text{დმ}^3$ , ლ);  
აბაზანა (ლ); ნაგვის ურნა (ლ); წყლის ვედრო (ლ)
8. a) ის დახარჯავს კვირაში 234 ლ წყალს.  
b) წელიწადში დახარჯავს  $12 \cdot 168 \text{ ლ} = 12,168 \text{ მ}^3$
9. მაგ.: რამდენ ლ წვენს მივიღებთ 40 კგ ვაშლისგან? 20 ლ-ს.  
რამდენი უნდა გადავიხადოთ სამისოდ? 4 ტ
- $\frac{3}{4}$  ლიტრიანი რამდენი ბოთლი აივსება?  $26 \frac{2}{3}$  ბოთლი.

### გვერდი 109

3. უნდა ამოვილოთ  $90,72 \text{ დმ}^3$  მოცულობის ბლოკები.
4. დამტებით სათავსის მოცულობაა  $104\ 940 \text{ სმ}^3 = 104,94 \text{ დმ}^3$ .
5. მოცულობა შეადგენს  $36 \text{ მ}^3$ -ს.
6. a)  $100 \text{ 10-ლ-ვედრო}$     b)  $50 \text{ 100-ლ-ჭურჭელი}$
7. ტომრები არის  $500 \text{ კგ წონის}$ . ცემენტის 1 ტომრის მოცულობაა  $13,2 \text{ დმ}^3 = 13,2 \text{ ლ}$ . ყველა ტომრის მოცულობა შეადგენს  $264 \text{ ლ-ს}$ , ესე იგი, ისინი ჩაეტევა საბარგულში, თუმცა ჩვეულებრივი მსუბუქი ავტომობილი გადაიტვირთებოდა.
8. მაგ.  $20 \text{ დმ} \times 10 \text{ დმ} \times 5 \text{ დმ} \rightarrow O = 700 \text{ დმ}^2$   
 $8 \text{ დმ} \times 5 \text{ დმ} \times 25 \text{ დმ} \rightarrow O = 730 \text{ დმ}^2$
9. a) შეფუთვა არ უნდა ქმნიდეს მეტი ზონის იღუზიას.  
b)  $5 \text{ სმ} \cdot 9 \text{ სმ} \cdot 20 \text{ სმ} = 900 \text{ სმ}^3$ ;  $6 \text{ სმ} \cdot 10 \text{ სმ} \cdot 15 \text{ სმ} = 900 \text{ სმ}^3$
10. 33 გერანი:  $49,17 \text{ ლ}$ ;  $16,8 \text{ ლ}$  ყვავილების მიწა თითო ქოთნისთვის :  $184,8 \text{ ლ}$ ,  
5 ტომარა ყვავილების მიწა ღირს  $5 \text{ 19,50 ლ} \rightarrow \text{საერთო ხარჯი: } 68,67 \text{ ლ}$ .

### გვერდი 110-111

1. მათ დასჭირდებათ  $12\ 000 \text{ სმ}^3 = 12 \text{ ლ}$  საკვები ნივთიერებები და  $12\ 000 \text{ სმ}^3 = 12 \text{ ლ}$  გრუნტი.  
საკვები ნივთიერებები ღირს  $21,48 \text{ ლ}$ , გრუნტი ღირს  $17,88 \text{ ლ}$ .
2. ხის სადგამი  $50 \text{ სმ} \cdot 60 \text{ სმ} = 3\ 000 \text{ სმ}^2$  უნდა იყოს.
3.  $30 \text{ დმ}^2$ -სთვის დაგვჭირდება  $6 \text{ მცენარე}$ .

4.	რაოდენობა	სახელწოდება	საცალო ფასი	საერთო ფასი
2	ელოდეა	$0,38 \text{ ლ}$	$0,76 \text{ ლ}$	
2	რქაფოთოლა	$0,48 \text{ ლ}$	$0,96 \text{ ლ}$	
2	ვალისნერია	$0,50 \text{ ლ}$	$1 \text{ ლ}$	
				$\text{ჯამში: } 2,72 \text{ ლ}$

5.  $V = 50 \text{ სმ} \cdot 60 \text{ სმ} \cdot 27 \text{ სმ} = 81\ 000 \text{ სმ}^3 = 81 \text{ ლ}$ . ვედრო 17-ჯერ ( $\text{ზუსტად: } 16,2$ -ჯერ) უნდა ავასოთ.
6. თქვენ შეგიძლით იყიდოთ 10 თევზი ( $81 \text{ ლ} : 8 \text{ სმ} = 15 \text{ ლ}$ -დ და მოატავსოთ აკვარიუმში.
7. აღჭურვილობა ელირება  $65,90 \text{ ლ}$ .
8. ხარჯთაღრიცხვა:

1.	საკვები	$21,48 \text{ ლ}$
2.	გრუნტი	$17,88 \text{ ლ}$
3.	მცენარეები	$2,72 \text{ ლ}$
4.	თევზები	$15 \text{ ლ}$

5.	სავას ხარჯები	65, 90 ₾
	საერთო ხარჯი	122,98 ₾
	ხარჯი თითო მოსწავლეზე (დამრგვალებული)	4,10 ₾

### გვერდი 118

1. A s)  $\frac{1}{4} > \frac{1}{12}$       ბ)  $\frac{5}{8} > \frac{1}{2}$       გ)  $\frac{5}{6} > \frac{3}{4}$       ღ)  $\frac{1}{3} > \frac{3}{12}$   
 B s)  $\frac{4}{5} > \frac{2}{5}$       ბ)  $\frac{6}{7} > \frac{3}{7}$       გ)  $\frac{3}{4} > \frac{3}{10}$       ღ)  $\frac{2}{11} < \frac{2}{3}$   
 C s)  $\frac{6}{7} < \frac{5}{4}$       ბ)  $\frac{10}{9} > \frac{3}{4}$       გ)  $\frac{2}{3} < \frac{9}{10}$       ღ)  $\frac{4}{5} < \frac{19}{20}$   
 D s)  $\frac{2}{3} > \frac{3}{10}$       ბ)  $\frac{1}{2} < \frac{3}{4}$       გ)  $\frac{5}{8} > \frac{11}{20}$       ღ)  $\frac{5}{12} < \frac{49}{100}$

2. s)  $\frac{7}{10} < \frac{9}{10}$       ბ)  $\frac{1}{6} < \frac{5}{6}$       გ)  $\frac{1}{7} < \frac{1}{2}$       ღ)  $\frac{2}{3} > \frac{2}{5}$       ი)  $\frac{7}{8} < \frac{8}{9}$       ვ)  $\frac{4}{9} < \frac{5}{8}$   
 ხ)  $\frac{4}{5} < \frac{10}{11}$       ღ)  $\frac{4}{7} > \frac{4}{9}$       ი)  $\frac{5}{12} < \frac{3}{4}$       კ)  $\frac{5}{8} > \frac{3}{10}$       ღ)  $\frac{7}{12} < \frac{5}{8}$       ი)  $\frac{4}{10} > \frac{3}{8}$

### გვერდი 121

13. ორივე წილადის გაყოფის გზით ათწილადებად გადაქცევა და ბოლოს შედარება.

14. ყოველი მეოთხე =  $\frac{1}{4} = 25\%$ , მაგრამ  $4\% = \frac{1}{25} =$  ყოველი 25.

15.  $\frac{1}{5} < \frac{1}{4} < \frac{1}{3} < \frac{2}{5} < \frac{1}{2} = \frac{2}{4} < \frac{3}{5} < \frac{2}{3} < \frac{3}{4} < \frac{4}{5}$

17. მონაწილეთა შედეგები: 1. რატი (18 %) 2. მეგი ( $\frac{19}{107} = 17,8\%$ ) 3. ზურა ( $\frac{50}{295} = 16,9\%$ ). 4. დათო ( $\frac{1}{7} = 14,3\%$ ) 5. სოსო ( $\frac{1}{8} = 12,5\%$ ) 6. ლილი (0 %)

### გვერდი 125

8. ა)  $\frac{19}{20}$       ბ)  $\frac{5}{6}$       გ)  $\frac{17}{30}$       ღ)  $\frac{19}{30}$       ი)  $\frac{6}{5} = 1 \frac{1}{5}$       ვ)  $\frac{19}{15} = 1 \frac{4}{15}$

### გვერდი 126

1. ა) „12“ -ის დახმარებით ლილემ 4-სა და 6-ის საერთო ჯერადი იპოვა (უმცირესი საერთო ჯერადი).

ბ) რეზო სწრაფად პოულობს საერთო მნიშვნელს, მაგრამ რადგან იგი დიდია, დიდ მრიცხველებზე ანგარიში უწევს და ბოლოს აუცილებლად მოუწევს შეკვეცა.

ლილე პოულობს უმცირეს საერთო მნიშვნელს, ამიტომ მის მაგალითში მრიცხველი უფრო მცირეა.

### გვერდი 127

13. (1) ჯამი 1

$\frac{4}{15}$	$\frac{9}{15}$	$\frac{2}{15}$
$\frac{3}{15}$	$\frac{5}{15}$	$\frac{7}{15}$
$\frac{8}{15}$	$\frac{1}{15}$	$\frac{6}{15}$

(2) ჯამი 1

$\frac{16}{30}$	$\frac{6}{30}$	$\frac{8}{30}$
$\frac{2}{30}$	$\frac{10}{30}$	$\frac{18}{30}$
$\frac{12}{30}$	$\frac{14}{30}$	$\frac{4}{30}$

(3) ჯამი 3

$\frac{4}{5}$	$1\frac{4}{5}$	$\frac{2}{5}$
$\frac{3}{5}$	1	$1\frac{2}{5}$
$1\frac{3}{5}$	$\frac{1}{5}$	$1\frac{1}{5}$

(4) ჯამი  $2\frac{1}{2}$

$1\frac{1}{3}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{2}{3}$
$\frac{1}{6}$	$\frac{5}{6}$	$1\frac{1}{2}$
1	$1\frac{1}{6}$	$\frac{1}{3}$

16. a)  $2\frac{1}{3} + 2\frac{1}{6} - 3\frac{1}{2} = 1$

b)  $5\frac{7}{10} - 4\frac{2}{5} + 7\frac{3}{4} = 8\frac{21}{20} = 9\frac{1}{20}$

c)  $5\frac{4}{9} + 7\frac{5}{6} - 4\frac{2}{3} = 8\frac{11}{18}$

17. თუ ყველა წილადს შევკრებთ  $\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5}$ , მივიღებთ  $\frac{19}{20}$ . დაგვრჩება  $\frac{1}{20}$  წილი (აქლემი,

რომელსაც მოსამართლე ამატებს. თითოეული მიიღებს ცოტა მეტ წილს, ვიდრე დანაპირები იყო.

### გვერდი 128

1. a)  $1\frac{1}{2}; \frac{3}{4}; \frac{5}{8}; 1\frac{1}{4}; \frac{1}{2}; \frac{3}{4}; \frac{5}{4}$       b)  $1\frac{1}{4}; 1\frac{1}{8}; 2; \frac{1}{4}; +\frac{1}{4}; \frac{1}{2}; \frac{3}{8}$

2. d) რიცხვი 1: 10-ჯერ; რიცხვი 2: 5-ჯერ; რიცხვი 3: 3-ჯერ;

რიცხვი 4: 2-ჯერ; რიცხვი 5: 2-ჯერ; რიცხვი 6, 7, 8, 9, 10: 1-ჯერ

d) ცხრილი შეიცავს 22 სხვადასხვა შერეულ რიცხვს.

დ) ცხრილი შეიცავს 63 სხვადასხვა რიცხვს (იხ.გვ.113).

### გვერდი 129

11.  $\frac{1}{2} + \left(\frac{1}{3} + \frac{2}{3}\right) + \left(\frac{1}{4} + \frac{3}{4}\right) + \frac{2}{4} + \left(\frac{1}{5} + \frac{4}{5}\right) + \left(\frac{2}{5} + \frac{3}{5}\right) + \left(\frac{1}{6} + \frac{5}{6}\right) + \left(\frac{2}{6} + \frac{4}{6}\right) + \frac{3}{6} =$

$\frac{1}{2} + 1 + 1 + \frac{1}{2} + 1 + 1 + 1 + 1 + \frac{1}{2} = 7\frac{1}{2}$

12. ჯამია:

1.	2.	3.	4.	5.	6.	7.	8.	9.	10.	... n
$\frac{1}{2}$	$\frac{3}{4}$	$\frac{7}{8}$	$\frac{15}{16}$	$\frac{31}{32}$	$\frac{63}{64}$	$\frac{127}{128}$	$\frac{255}{256}$	$\frac{511}{512}$	$\frac{1023}{1024}$	$\dots \left(\frac{2^n - 1}{2^n}\right)$

### გვერდი 131

$$\begin{aligned}
 1. \quad \frac{1}{2} + \frac{1}{4} &= \frac{3}{4} & \frac{1}{2} + \frac{1}{10} &= \frac{6}{10} = \frac{3}{5} & \frac{1}{2} + \frac{1}{3} &= \frac{5}{6} \\
 6. \quad \frac{2}{3} &= \frac{1}{2} + \frac{1}{2 \cdot 3} = \frac{1}{2} + \frac{1}{6} & \frac{2}{5} &= \frac{1}{3} + \frac{1}{5 \cdot 3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{15} \\
 \frac{2}{7} &= \frac{1}{4} + \frac{1}{7 \cdot 4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{28} & \frac{2}{9} &= \frac{1}{5} + \frac{1}{9 \cdot 5} = \frac{1}{5} + \frac{1}{45} \\
 \frac{2}{11} &= \frac{1}{6} + \frac{1}{11 \cdot 6} = \frac{1}{6} + \frac{1}{66} & \frac{2}{13} &= \frac{1}{7} + \frac{1}{13 \cdot 7} = \frac{1}{7} + \frac{1}{91} \\
 \frac{2}{15} &= \frac{1}{8} + \frac{1}{15 \cdot 8} = \frac{1}{8} + \frac{1}{120} & & & & \\
 7. \quad \frac{1}{2} - \frac{1}{3} &= \frac{1}{6} & \frac{1}{5} - \frac{1}{6} &= \frac{1}{30} & \text{შესი: } \frac{1}{n} - \frac{1}{n+1} &= \frac{1}{n(n+1)} \quad n > 0 \text{-თვის} \\
 \frac{1}{3} - \frac{1}{4} &= \frac{1}{12} & \frac{1}{6} - \frac{1}{7} &= \frac{1}{42} & & \\
 \frac{1}{4} - \frac{1}{5} &= \frac{1}{20} & \frac{1}{7} - \frac{1}{8} &= \frac{1}{56} & \text{და ა.შ..} & \\
 \end{aligned}$$

### გვერდი 135

9. а) მაგ.:მთლდ სწორად არ იდგა, არათანაბრად სუნთქავდა, თავი საკმარისზე ნაკლებად/ მეტად ჰქონდა აწეული, სხეულის სიმაღლე სხვადასხვა მეთოდით იზომება.
- ბ) საშუალო სიდიდე შეადგენს 1,4375 მ-ს, დამრგვალებით 1,44 მ
10. ორივე დაკარგული სიდიდის ჯამი იქნება 28 (რადგან ყველა 8 სიდიდის საშუალო არის 11, ანუ სულ 88). სიდიდე  $< 5$  შეიძლება არ გვქონდეს, მაშინ სხვა იქნებოდა.
- სიდიდე  $> 23$ , აქედან გაბნევა  $> 18$ . ესე იგი, 5 (ცხრილიდან) წარმოადგენს უმცირეს სიდიდეს. ვინაიდან გაბნევა 13-ს შეადგენს, ესე იგი უდიდესი დასაშვები სიდიდე იქნება 18, სწორედ ის უნდა ვეძებოთ. მეორე დაკარგული სიდიდე არის 10.
11. საშუალოდ დაკავებული იქნებოდა 30,73 ოთახი.
12. საშუალო ნიშნებია: 3,16; 3,32; 3,2
- 13.ა) მაგ.: რამდენია ფასებს შორის განხსვავება? 300 ₾.

რომელ ფოტოაპარატს იყიდდა ის ? 349 ₾ -იან კამერას.

- ბ) მაგ.: საედო ხარჯი: 3 896 ₾. გ) აქ შესაძლებელია ვეძებოთ საშუალო არითმეტიკული და გამოვთვალოთ საშუალო სიდიდე : 3 040 ₾.

### გვერდი 137

- ბ) 14-დან 19-წლამდე ასაკის მოზარდების ნახევარზე მეტი მინიმუმ კვირაში ერთხელ სიგარეტს ეწევა, ხოლო ამ ასაკობრივი ჯენფის  $\frac{1}{3}$  -ზე მეტი, კვირაში რამდევჯერმეც კი. 14-დან 19 წლამდე მოზარდებს შორის სიგარეტის მომხმარებელი მეტია, ვიდრე 20-დან 29 წლამდე ასაკის ახალგაზრდებს შორის.

3. a) კატები.  
 b) კატები: 34,78 % ; მცირე ზომის ცხოველები: 26,09 %; ძაღლები: 21,74 %; ჩიტები: 17,39%  
 გ) გერმანიაში დაახლ. 40,1 მლნ ოჯახია (2008 წლის მდგომარეობით). აქედან 12 მლნ ოჯახს, ანუ 30 %-ს ჰყავს შინაური ცხოველები, რაც ოჯახების მთლიანი რაოდენობის  $\frac{1}{3}$  -ზე ნაკლებია.

### გვერდი 143

1. ოთახი	შემოსასვლელი	სამზარეულო	სააბაზანო	①	②	③	④
ზომა	15 $\text{მ}^2$	16 $\text{მ}^2$	8 $\text{მ}^2$	30 $\text{მ}^2$	15 $\text{მ}^2$	21 $\text{მ}^2$	20 $\text{მ}^2$
წილი	0,12	0,13	0,06	0,24	0,12	0,17	0,16

### გვერდი 144

- 1.არაა აუცილებელი ყოველ დღეს ერთი და იგივე წიგნების ტარება, შესაბამისად, ჩანთას ყოველდღიუ სხვადასხვა წონა ექნება.  
 2. სხეულის წონა ყოველდღიუ თითქმის ერთნაირია, ანუ ერთი დღიდან მეორე დღემდე არსებითად არ იცვლება.

### გვერდი 149

8. a) მოთავსდება  $\frac{21}{40}$  ლ წვენი.  
 b)  $\frac{1}{4}$  ლ წვენი.  
 გ) სოსო მიირთმევს მთელი ღვეზელის  $\frac{3}{16}$  -ს.  
 დ) ანა მიირთმევს პიცის  $\frac{1}{10}$  ნაწილს.  
 9. მაგ.: რამდენ კგ-ს მოათავსებს საბა თითოეული სახეობის პაკეტში?  
 $8\frac{1}{4}$  კგ;  $16\frac{1}{2}$  კგ;  $24\frac{3}{4}$  კგ. რამდენ კილოს გადაანაწილებს სულ?  $49\frac{1}{2}$  კგ.

### გვერდი 150

დავალება 1, 2, 4 და 7 სწორია.

### გვერდი 159

- |   |                               |                               |
|---|-------------------------------|-------------------------------|
| 14. $0,163 \cdot 7,03 = 1,14589$                            | $8,701 \cdot 64,9 = 564,6949$ | $92,7 \cdot 8,32 = 771,264$   |
| $27,46 \cdot 20,6 = 565,676$                                | $5,09 \cdot 10,03 = 51,0527$  | $60,8 \cdot 6,08 = 369,664$   |
| $0,0921 \cdot 0,47 = 0,043287$                              | $0,0083 \cdot 50,1 = 0,41583$ | $15,9 \cdot 0,0098 = 0,15582$ |
| 15. a) ზაფხულში ის 87,63504 მ სიგრძისაა.                    |                               |                               |
| b) ისინი დაგრძელდება 17,20688 მ; 28,5114 მ; 39,71588 მ -ზე. |                               |                               |

### გვერდი 166

- 40 000 ბავშვი
- $1\ 174,434 \text{ კგ} = 1,174 \text{ ტ} \approx 1,2 \text{ ტ}$  (მანქანა)
- მოსწავლეს უნდა აეწია  $36\ 550 \text{ კგ} = 36,55 \text{ ტ}$ .
- 297 ბავშვი